



الرياضيات

الصف السادس - كتاب الطالب

الفصل الدراسي الثاني

6

فريق التأليف

د. عمر محمد أبوغليون (رئيسًا)

عمران معروف البخيت

د. سميرة حسن أحمد

نوار نور الدين أفتيحة

الناشر: المركز الوطني لتطوير المناهج

يسر المركز الوطني لتطوير المناهج استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب عن طريق العناوين الآتية:

☎ 06-5376262 / 237 📠 06-5376266 📧 P.O.Box: 2088 Amman 11941

📱 @nccdjo 📧 feedback@nccd.gov.jo 🌐 www.nccd.gov.jo

قرّرت وزارة التربية والتعليم تدريس هذا الكتاب في مدارس المملكة الأردنية الهاشمية جميعها، بناءً على قرار المجلس الأعلى للمركز الوطني لتطوير المناهج في جلسته رقم (2021/5)، تاريخ 2021/12/7 م، وقرار مجلس التربية والتعليم رقم (2021/157)، تاريخ 2021/12/21 م، بدءاً من العام الدراسي 2022 / 2021 م.

© HarperCollins Publishers Limited 2021.

- Prepared Originally in English for the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

- Translated to Arabic, adapted, customised and published by the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

ISBN: 978 - 9923 - 41 - 376 - 0

المملكة الأردنية الهاشمية
رقم الإيداع لدى دائرة المكتبة الوطنية
(2022/4/2070)

375.001

الأردن. المركز الوطني لتطوير المناهج

الرياضيات الصف السادس: كتاب الطالب (الفصل الدراسي الثاني) / المركز الوطني لتطوير المناهج - ط2؛

مزيدة ومنقحة. - عمان: المركز، 2022

(159) ص.

ر.إ.: 2022/4/2070

الواصفات: / تطوير المناهج / المقررات الدراسية / مستويات التعليم / المناهج /

يتحمل المؤلف كامل المسؤولية القانونية عن محتوى مُصنّفه، ولا يُعبّر هذا المُصنّف عن رأي دائرة المكتبة الوطنية.

All rights reserved. No part of this publication may be reproduced, stored in retrieval system, or transmitted in any form by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording or otherwise, without the prior written permission of the publisher or a license permitting restricted copying in the United Kingdom issued by the Copyright Licensing Agency Ltd, Barnard's Inn, 86 Fetter Lane, London, EC4A 1EN.

British Library Cataloguing -in- Publication Data

A catalogue record for this publication is available from the Library.

1442 هـ / 2021 م

2022 م - 2024 م

الطبعة الأولى (التجريبية)

أعيدت طباعته

المقدمة

انطلاقاً من إيمان المملكة الأردنية الهاشمية الراسخ بأهمية تنمية قدرات الإنسان الأردني، وتسليحه بالعلم والمعرفة؛ سعى المركز الوطني لتطوير المناهج، بالتعاون مع وزارة التربية والتعليم، إلى تحديث المناهج الدراسية وتطويرها، لتكون معيّنًا للطلبة على الارتقاء بمستواهم المعرفي، ومجاراة أقرانهم في الدول المتقدمة. ولما كانت الرياضيات إحدى أهمّ المواد الدراسية التي تنمّي لدى الطلبة مهارات التفكير وحلّ المشكلات، فقد أولى المركز هذا المبحث عنايةً كبيرةً، وحرص على إعداد كتب الرياضيات وفق أفضل الطرائق المُتبَّعة عالمياً على يد خبرات أردنية؛ لضمان انسجامها مع القيم الوطنية الراسخة، وتلبيتها لاحتياجات طلبتنا والكوادر التعليمية.

روعي في إعداد كتب الرياضيات تقديم المحتوى بصورة سلسلة، ضمن سياقات حياتية شائقة، تزيد رغبة الطلبة في التعلّم، ووظّفت فيها التكنولوجيا لتُسهم في جعل الطلبة أكثر تفاعلاً مع المفاهيم المقدّمة لهم. وكذلك إبراز خطة حلّ المسألة، التي أفرد لها دروس مستقلة تتيح للطلبة التدرّب على أنواع مختلفة من الخطط، وتطبيقها على مسائل متنوعة. وقد احتوت الكتب على مشروع لكل وحدة؛ لتعزيز تعلّم الطلبة المفاهيم والمهارات الواردة فيها وإثرائها. ولأنّ التدرّب المكثّف على حلّ المسائل يُعدّ إحدى أهمّ طرائق ترسيخ المفاهيم الرياضية وزيادة الطلاقة الإجرائية لدى الطلبة؛ فقد أُعدّ كتاب التمارين على نحو يُقدّم للطلبة ورقة عمل في كل درس، تُحلّ بوصفها واجباً منزلياً، أو داخل الغرفة الصفية إن توافر الوقت الكافي. ولأنّنا ندرك جيداً حرص المعلّم الأردني على تقديم أفضل ما لديه للطلبة؛ فقد جاء كتاب التمارين أداة مساعدة تُوفّر عليه جهد إعداد أوراق العمل وطباعتها.

من المعلوم أنّ الأرقام العربية تُستخدم في معظم مصادر تعليم الرياضيات العالمية، ولا سيّما في شبكة الإنترنت، التي أصبحت أداة تعليمية مُهمّة؛ لما تزخر به من صفحات تُقدّم محتوى تعليمياً تفاعلياً ذا فائدة كبيرة. وحرصاً منا على ألا يفوت طلبتنا أيّ فرصة، فقد استعملنا في هذا الكتاب الأرقام العربية؛ لجسر الهوة بين طلبتنا والمحتوى الرقمي العلمي، الذي ينمو بتسارع في عالم يخطو نحو التعليم الرقمي بوتيرة متسارعة.

ونحن إذ نُقدّم هذا الكتاب، نأمل أن ينال إعجاب طلبتنا والكوادر التعليمية الأردنية، ويجعل تعليم الرياضيات وتعلّمها أكثر متعةً وسهولةً، ونعد بأنّ نستمرّ في تحسين هذا الكتاب في ضوء ما يصلنا من ملاحظات.

المركز الوطني لتطوير المناهج

الوحدة 6 النسبة والنسبة المئوية 44

مشروع الوحدة: العروض التجارية 45

الدرس 1 النسبة 46

الدرس 2 النسب المتكافئة 53

الدرس 3 النسبة المئوية والكسور العادية 59

الدرس 4 النسبة المئوية والكسور العشرية 65

الدرس 5 النسبة المئوية من عدد 70

اختبار نهاية الوحدة 76

الوحدة 5 المقادير الجبرية والمعادلات 6

مشروع الوحدة: ورق الجدران 7

الدرس 1 القوى والأسس 8

الدرس 2 الجذر التربيعي والجذر التكعيبي 14

الدرس 3 أولويات العمليات الحسابية 20

الدرس 4 الخصائص الجبرية 24

نشاط مفاهيمي حل معادلات تحتوي عمليتين ... 30

الدرس 5 المعادلات 31

الدرس 6 المتاليات 38

اختبار نهاية الوحدة 42



قائمة المحتويات

118	الوَحدة 8 الإحصاء والاحتمالات	78	الوَحدة 7 الهندسة والقياس
119	مَشروعُ الوَحدة: العاداتُ الصَّحيَّةُ لِلطَّلَبَةِ	79	مَشروعُ الوَحدة: تَصْمِيمُ العُبُواتِ
120	الدَّرْسُ 1 جَمْعُ البَياناتِ	80	الدَّرْسُ 1 الأشكالُ الرُّباعيَّةُ
127	الدَّرْسُ 2 الجداولُ التَّكراريَّةُ	87	الدَّرْسُ 2 مِساحَةُ مُتوازي الأضلاعِ
	الدَّرْسُ 3 الجداولُ والمُخطَّطاتُ التَّكراريَّةُ	94	نشاطُ مَفاهيميٍّ مِساحَةُ المُثلَّثِ
133	ذاتُ الفِئاتِ	95	الدَّرْسُ 3 مِساحَةُ المُثلَّثِ
143	الدَّرْسُ 4 القِطاعاتُ الدائريَّةُ	101	الدَّرْسُ 4 مِساحَةُ شِبهِ المُنحَرَفِ
151	الدَّرْسُ 5 الإحتمالاتُ	107	نشاطُ مَفاهيميٍّ حَجْمُ المَنشورِ الرُّباعيِّ
157	اختِبارُ نِهايَةِ الوَحدةِ	108	الدَّرْسُ 5 حَجْمُ المَنشورِ الرُّباعيِّ ومِساحَةُ سَطْحِهِ ..
		116	اختِبارُ نِهايَةِ الوَحدةِ

المَقَادِيرُ الجَبْرِيَّةُ وَالْمُعَادَلَاتُ

ما أَهْمِيَّةُ هَذِهِ الْوَحْدَةِ؟

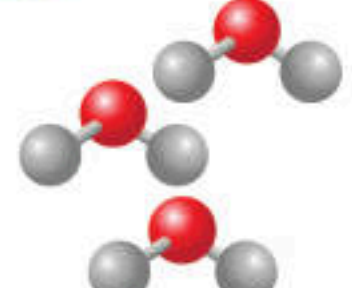
تُعَدُّ الْمَقَادِيرُ الجَبْرِيَّةُ وَالْمُعَادَلَاتُ وَالْمُتَالِيَّاتُ مِنْ أَكْثَرِ الْمَوْضُوعَاتِ الرِّيَاضِيَّةِ اسْتِعْمَالًا فِي الْمَوَاقِفِ الْحَيَاتِيَّةِ وَالْعِلْمِيَّةِ، فَمَثَلًا تَتَّبِعُ الْجُزْئِيَّاتُ الَّتِي تَتَكَوَّنُ مِنْهَا الْمُرَكَّبَاتُ الْكِيمِيَاءِيَّةُ نَمَطًا مُحَدَّدًا لِذَرَاتِهَا، وَيُمْكِنُ التَّعْبِيرُ عَنْ تَكَرُّرِ هَذِهِ الْجُزْئِيَّاتِ بِمَقَادِيرٍ جَبْرِيَّةٍ وَمُتَالِيَّاتٍ.



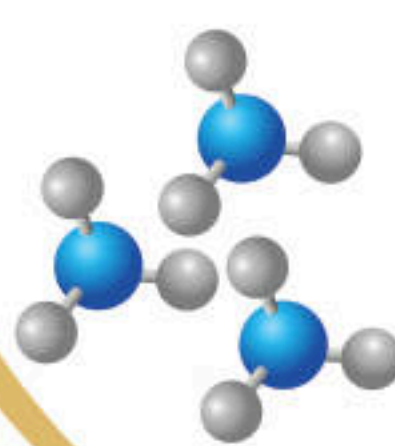
أكسجين



كربون



ماء



أمونيا



ميثان

سَتَتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ:

- اسْتِعْمَالُ الْقُوَى وَالْأُسُسِ لِكِتَابَةِ عِبَارَاتِ الضَّرْبِ.
- اسْتِعْمَالُ أَوَّلِيَّاتِ الْعَمَلِيَّاتِ الْحِسَابِيَّةِ لِإِيجَادِ قِيَمَةِ مِقْدَارٍ عَدَدِيٍّ.
- حَلُّ مُعَادَلَاتٍ بِخُطَوَتَيْنِ.
- كِتَابَةُ قَاعِدَةٍ تَرْبِطُ كُلَّ حَدٍّ فِي الْمُتَالِيَّةِ بِالْحَدِّ الَّذِي يَلِيهِ.

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا:

- ✓ إِيْجَادُ قِيَمِ مَقَادِيرٍ جَبْرِيَّةٍ تَتَضَمَّنُ عَمَلِيَّةَ حِسَابِيَّةٍ وَاحِدَةً وَمُتَغَيِّرًا وَاحِدًا.
- ✓ حَلُّ مُعَادَلَاتٍ بِخُطْوَةٍ وَاحِدَةٍ.
- ✓ تَكْوِينُ نَمَطٍ عَدَدِيٍّ وَهَنْدَسِيٍّ وَفَقْ قَاعِدَةٍ.
- ✓ حَلُّ مَسَائِلَ تَتَضَمَّنُ أَكْثَرَ مِنْ عَمَلِيَّةٍ حِسَابِيَّةٍ عَلَى الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ.



مشروع الوحدة: ورق الجدران

6 إذا كانت تكلفة المتر المربع الواحد من ورق الجدران n ديناراً، فأكتب مقداراً جبرياً يمثل تكلفة تركيبه للغرفة.

7 إذا كان لدى JD 120 وأردت تركيب ورق جدران لهذه الغرفة، فأكتب معادلة وأحلها؛ لأجد قيمة n التي تمثل سعر المتر المربع الواحد من ورق الجدران الذي يمكنني شراؤه.

عرض النتائج:

- أصمم مطوية جميلة أكتب فيها النتائج التي توصلت إليها في هذا المشروع.
- أزين المطوية بصور ورق الجدران.
- أعرض المطوية أمام زملائي / زميلاتي، وأقارن نتائجي بنتائجهم.



أستعد لتنفيذ مشروعي الخاص، الذي سأستعمل فيه ما أتعلمه في هذه الوحدة عن المقادير العددية؛ لحساب تكلفة تركيب ورق جدران لغرفة في منزلي.

خطوات تنفيذ المشروع:

- 1 أختار غرفة في منزلي تحتوي نافذتين وباباً، ثم أستعمل شريط قياس مثرياً؛ لأجد طول كل جدار فيها وعرضه.
- 2 أقيس طول كل من النافذتين والباب وعرضها.
- 3 أكتب مقداراً عددياً يحتوي عمليات جمع وطرح وضرب يمثل مساحة جدران الغرفة من دون سقفها والنافذة والباب، بوحدة المتر المربع.
- 4 أستعمل أولويات العمليات الحسابية لحساب قيمة المقدار العددي، مع توضيح خطوات الحل.
- 5 أبحث في شبكة الإنترنت عن أنواع ورق الجدران وأسعارها.

أَسْتَكْشِفُ



زَرَعَ سُلْطَانُ 10 نَخْلَاتٍ، فَأَنْتَجَتْ
كُلُّ نَخْلَةٍ 10 فَسَائِلَ، ثُمَّ أَنْتَجَتْ كُلُّ
فَسِيلَةٍ 10 فَسَائِلَ، مَا عَدَدُ النِّخْلَاتِ
وَفَسَائِلِهَا؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَسْتَغْمِلُ الْقُوى وَالْأُسُسَ لِكِتَابَةِ
عِبَارَاتِ الضَّرْبِ.

الْمُضْطَلَحَاتُ

الْأُسُّ، الْأَسَاسُ، الْقُوَّةُ، التَّرْبِيعُ،
التَّكْعِيبُ.

يُمْكِنُنِي التَّعْبِيرُ عَنِ الضَّرْبِ الْمُتَكَرِّرِ لِلْعَدَدِ فِي نَفْسِهِ بِاسْتِخْدَامِ الْأُسُسِ، وَعِنْدَئِذٍ يُسَمَّى عَدَدُ مَرَّاتِ تَكَرُّرِ الضَّرْبِ **الْأُسُّ** (exponent). أَمَّا الْعَدَدُ نَفْسُهُ فَيُسَمَّى **الْأَسَاسُ** (base)، وَيُسَمَّى كُلُّ مِنَ الْأَسَاسِ وَالْأُسِّ مَعَ **الْقُوَّةِ** (power).

الْحَقَّةُ الرَّيَافِيَّةُ

يُقْرَأُ الْمِقْدَارُ 3^4
ثَلَاثَةَ أُسٍّ أَرْبَعَةٍ.

$$3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4$$

الْأُسُّ
الْأَسَاسُ

الْقُوَّةُ	بِالْكَلِمَاتِ
7^2	سَبْعَةُ أُسٍّ اثْنَيْنِ، أَوْ سَبْعَةٌ تَرْبِيعٌ (squared).
7^3	سَبْعَةُ أُسٍّ ثَلَاثَةٍ، أَوْ سَبْعَةٌ تَكْعِيبٌ (cubed).
7^4	سَبْعَةُ أُسٍّ أَرْبَعَةٍ.
7^5	سَبْعَةُ أُسٍّ خَمْسَةٍ.

وَحِينَ لَا يَظْهَرُ أُسٌّ فَوْقَ الْعَدَدِ يُفْهَمُ ضَمْنِيًّا أَنَّهُ 1، فَمَثَلًا: $7 = 7^1$

تُسَمَّى الصِّيغَةُ الَّتِي يُكْتَبُ فِيهَا الضَّرْبُ الْمُتَكَرِّرُ بِاسْتِخْدَامِ الْأُسُسِ **الصِّيغَةُ الْأُسِّيَّةُ** (exponent form)، مِثْلَ 3^4 ، أَمَّا
الصِّيغَةُ الَّتِي يُكْتَبُ فِيهَا الضَّرْبُ الْمُتَكَرِّرُ مِنْ دُونِ اسْتِخْدَامِ الْأُسُسِ فَتُسَمَّى **الصِّيغَةُ الْقِيَاسِيَّةُ** (standard form)، مِثْلَ

$$3 \times 3 \times 3 \times 3$$

الْوَحْدَةُ 5

مثال 1

اكتب كلاً مما يأتي بالصيغة الأسية:

1 $6 \times 6 \times 6$

$$6 \times 6 \times 6 = 6^3$$

العدد (6) تكرر 3 مرات؛ لذا يكون الأس 3

2 $-3 \times -3 \times -3 \times -3 \times -3$

$$-3 \times -3 \times -3 \times -3 \times -3 = (-3)^5$$

العدد (-3) تكرر 5 مرات؛ لذا يكون الأس 5

3 $j \times j \times j \times j$

$$j \times j \times j \times j = j^4$$

تكرر الرمز (j) 4 مرات؛ لذا يكون الأس 4

أنتحقق من فهمي:



4 11×11

5 $-2 \times -2 \times -2$

6 $h \times h \times h \times h \times h \times h$

7 $-f \times -f \times -f \times -f$

يمكنني استعمال الصيغة القياسية لإيجاد قيمة الأعداد المكتوبة بالصيغة الأسية.

مثال 2

اكتب كلاً مما يأتي بالصيغة القياسية، ثم أجد قيمته:

1 2^5

$$2^5 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \\ = 32$$

اكتب الصيغة القياسية
أجد ناتج الضرب

2 $(-4)^3$

$$(-4)^3 = -4 \times -4 \times -4 \\ = -64$$

اكتب الصيغة القياسية
أجد ناتج الضرب

3 $(-5)^2$

$$(-5)^2 = -5 \times -5 = 25$$

اكتب الصيغة القياسية
أجد ناتج الضرب

أنتحقق من فهمي:

4 3^4

5 $(-1)^6$

6 8^1

7 0^9

يتبع النمط في الجدول أدناه لاحظ أن قيمة 2^0 تساوي 1، ويمكن بطريقة مشابهة استنتاج أن أي عدد غير الصفري مرفوعاً للأس 0 يساوي 1

الصيغة الأسية	2^3	2^2	2^1	2^0
القيمة العددية	8	4	2	1

$\div 2$ $\div 2$ $\div 2$

الأس الصفري

مفهوم أساسي

بالكلمات: أي عدد غير الصفري مرفوعاً للأس 0 يساوي 1

بالرموز: $a^0 = 1$ ، لكل $a \neq 0$

مثال 3

أجد قيمة كل مما يأتي:

1 5^0

$$5^0 = 1$$

تعريف الأس الصفري

2 $(-8)^0$

$$(-8)^0 = 1$$

تعريف الأس الصفري

أنتحقق من فهمي:

3 13^0

4 $(-7)^0$

الْوَحْدَةُ 5

نُستعمل الأسس للتعبير عن القيم الكبيرة في كثير من المواقف الحياتية والعلمية.

مثال 4: من الحياة



كائنات دقيقة: الفلورا الطبيعية كائنات دقيقة مفيدة، تعيش على جسم الإنسان وداخله، ويحوي السنتيمتر المربع الواحد من جلد الإنسان ما يقارب 2^6 من هذه الكائنات. أكتب قيمة هذه القوة من دون استعمال الأسس، ثم أجد قيمته.

$$2^6 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$= 64$$

لأن الأس 6، أكرّر ضرب العدد (2) ست مرات

أكتب ناتج الضرب

أتحقق من فهمي:



حاسوب: تقاس سعة الحاسوب بوحدات البايت، والميجابايت، والجيجابايت. إذا كان 1 جيجابايت يساوي 10^9 بايت تقريباً، فأكتب هذا العدد بالصيغة القياسية، ثم أجد قيمته.

يمكن كتابة ناتج تحليل عدد إلى عوامله الأولية باستعمال الأسس.

مثال 5

أكتب ناتج تحليل كل عدد مما يأتي باستعمال الأسس:

1 180

5	180
3	36
2	12
2	6
3	3
	1

$$180 = 5 \times 3 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$= 5 \times 3^2 \times 2^2$$

أحلّل العدد إلى عوامله الأولية

أكتب العدد بصورة ضرب عوامله

أستعمل الأسس في كتابة ضرب العوامل

التفكير

يمكنني أيضاً استعمال
طريقة الشجرة لتحليل
العدد 180

$$\text{إذن، } 180 = 5 \times 3^2 \times 2^2$$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



2 135

3 216

4 162

أَتَدْرِبُ
وَأُحِلُّ الْمَسَائِلَ



أَتَذَكَّرُ

$$\oplus \times \oplus = \oplus$$

$$\ominus \times \ominus = \oplus$$

$$\ominus \times \oplus = \ominus$$

أَكْتُبُ كُلَّ مَا يَأْتِي بِالصِّيغَةِ الْأُسِّيَّةِ:

1 8×8

2 $-9 \times -9 \times -9$

3 $h \times h \times h \times h$

4 $-819 \times -819 \times -819$

5 $11 \times 11 \times -2 \times -2 \times -2 \times -2$

6 $4 \times 4 \times 4 \times 3 \times 3 \times 7 \times 7$

أَكْتُبُ كُلَّ مَا يَأْتِي بِالصِّيغَةِ الْقِيَاسِيَّةِ، وَأَجِدُ قِيَمَتَهُ:

7 6^2

8 5^3

9 $(-2)^4$

10 $(-1)^7$

11 0^3

12 100^2

13 $(-3)^1$

14 40^3

15 5^1

16 $(-10)^3$

17 $2^4 \times 3^2 \times 10^5$

أَجِدُ قِيَمَةَ كُلِّ مَا يَأْتِي:

18 6^0

19 17^0

20 $(-9)^0$

21 $(-1)^0$

أَكْتُبُ نَاتِجَ تَحْلِيلِ كُلِّ عَدَدٍ مِمَّا يَأْتِي إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ بِاسْتِعْمَالِ الْأُسُسِ:

22 240

23 144

24 225

25 1089

مَغْلُومَةٌ

مُعْظَمُ الْبَكْتِيرِيَا حَوْلَنَا نَافِعَةٌ،
فَمِنْ بَيْنِ كُلِّ 100 نَوْعٍ
بَكْتِيرِيَا هُنَاكَ نَوْعٌ وَاحِدٌ فَقَطْ
قَدْ يُسَبِّبُ الْمَرَضَ لِلْإِنْسَانِ.

الزَّمَنُ / سَاعَةً	عَدَدُ الْخَلَايا الْبَكْتِيرِيَّةِ
0.5	$2 = 2^1$
1	$2 \times 2 = \dots$
1.5	$2 \times 2 \times 2 = \dots$
2	
2.5	
3	

بَكْتِيرِيَا: يَتَضَاعَفُ عَدَدُ خَلَايا بَكْتِيرِيَّةِ

كُلِّ نِصْفِ سَاعَةٍ بِانْقِسَامِ كُلِّ خَلِيَّةٍ إِلَى
خَلِيَّتَيْنِ، أَكْمِلُ الْجَدْوَلَ الْآتِي لِإِيجَادِ
عَدَدِ الْخَلَايا الْبَكْتِيرِيَّةِ النَّاتِجَةِ عَنْ
انْقِسَامِ خَلِيَّةٍ وَاحِدَةٍ بَعْدَ 3 سَاعَاتٍ عَلَى
صُورَةِ قُوَّةٍ.

26

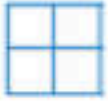


الوَحدة 5

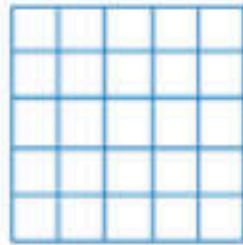
27 **صحة:** يَسْتَهْلِكُ الْإِنْسَانُ 3600 L تَقْرِيْبًا مِنَ الْأَكْسُجِينِ خِلَالِ الْعَامِ، أَكْتُبْ عَدَدَ الثُّرَاتِ الْمُسْتَهْلَكَةِ عَلَى صَوْرَةِ قُوَّةٍ.

مساحات: أَكْتُبْ مِسَاحَةَ كُلِّ مُرَبَّعٍ مِمَّا يَأْتِي عَلَى صَوْرَةِ قُوَّةٍ:

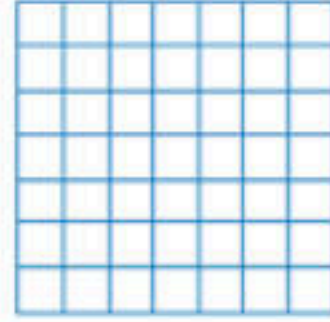
28



29



30



أَجِدْ الْأَسَّ الْمَفْقُودَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

31

$$1000 = 10^{\quad}$$

32

$$100000 = 10^{\quad}$$

33

$$10000000 = 10^{\quad}$$

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلِيَا

34

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ قُوَّتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ لِهُمَا الْقِيَمَةُ نَفْسُهَا.

تَبْرِير: أَضْعُ الرَّمْزَ ($>$) أَوْ ($<$) أَوْ ($=$) فِي ● لِأَكُونَ عِبَارَةً صَحِيحَةً، وَأَبْرُرْ إِجَابَتِي.

35

$$1^{10} \quad \bullet \quad 10^1$$

36

$$5^2 \quad \bullet \quad 2^5$$

37

$$7^1 \quad \bullet \quad 19^0$$

38

$$2^3 + 2^3 \quad \bullet \quad 4^2$$

39

اكتشف الخطأ: تَقُولُ غِيْدَاءُ: إِنَّ قِيَمَةَ 3^5 هِيَ 15، اُكْتَشِفُ الْخَطَأَ فِي مَا قَالَتْهُ، وَأَصْحَحُهُ.

40

تَبْرِير: هَلِ الْعِبَارَةُ الْآتِيَّةُ صَحِيحَةٌ أَمْ غَيْرُ صَحِيحَةٍ؟ أَبْرُرْ إِجَابَتِي.

تَوْجَدُ مُرَبَّعَاتٌ كَامِلَةٌ سَالِبَةٌ.

أَتَذَكَّرُ

الْمُرَبَّعُ الْكَامِلُ هُوَ نَاتِجُ ضَرْبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ فِي نَفْسِهِ.

41

أَكْتُبْ ماذا يعني الأس؟

الدَّرْسُ 2 الجَذْرُ التَّرْبِيعِيُّ وَالْجَذْرُ التَّكْعِيبِيُّ



أَسْتَكْشِفُ

لَوْحُ لُعْبَةِ شَطْرَنْجٍ مَرَبَّعٍ الشَّكْلِ،
مِسَاحَتُهُ 324 cm^2
أَجْدُ طَوْلَ ضِلْعِهِ.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجْدُ الْجُذُورَ التَّرْبِيعِيَّةَ وَالتَّكْعِيبِيَّةَ
لِلْأَعْدَادِ.

الْمُضْطَلَحَاتُ

الْجَذْرُ التَّرْبِيعِيُّ، الْجَذْرُ التَّكْعِيبِيُّ.

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ الْجَذْرَ التَّرْبِيعِيَّ (square root) لِلْمُرَبَّعِ الْكَامِلِ هُوَ ذَلِكَ الْعَدَدُ الْكُلِّيُّ الَّذِي إِذَا ضُرِبَ فِي نَفْسِهِ فَيُعْطِي الْمُرَبَّعَ الْكَامِلَ، فَالْجَذْرُ التَّرْبِيعِيُّ لِلْعَدَدِ 9 هُوَ 3؛ لِأَنَّ $(3 \times 3 = 9)$. وَيُرْمَزُ لِلْجَذْرِ التَّرْبِيعِيِّ لِلْمُرَبَّعِ الْكَامِلِ بِالرَّمْزِ $\sqrt{\quad}$.

أَمَّا الْجَذْرُ التَّكْعِيبِيُّ (cube root) لِلْمُكْعَبِ الْكَامِلِ فَهُوَ ذَلِكَ الْعَدَدُ الصَّحِيحُ الَّذِي إِذَا ضُرِبَ فِي نَفْسِهِ ثَلَاثَ مَرَّاتٍ فَيُعْطِي الْمُكْعَبَ الْكَامِلَ، فَالْجَذْرُ التَّكْعِيبِيُّ لِلْعَدَدِ 8 هُوَ 2؛ لِأَنَّ $(2 \times 2 \times 2 = 8)$. وَيُرْمَزُ لِلْجَذْرِ التَّكْعِيبِيِّ لِلْمُكْعَبِ الْكَامِلِ بِالرَّمْزِ $\sqrt[3]{\quad}$.

أَقْرَأُ (الْجَذْرُ التَّكْعِيبِيُّ لِلْعَدَدِ 8) $\rightarrow \sqrt[3]{8} = 2$

مِثَال 1

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $\sqrt{81}$

$$\begin{aligned}\sqrt{81} &= \sqrt{9 \times 9} \\ &= 9\end{aligned}$$

$$81 = 9 \times 9$$

تَعْرِيفُ الْجَذْرِ التَّرْبِيعِيِّ

2 $\sqrt[3]{27}$

$$\begin{aligned}\sqrt[3]{27} &= \sqrt[3]{3 \times 3 \times 3} \\ &= 3\end{aligned}$$

$$27 = 3 \times 3 \times 3$$

تَعْرِيفُ الْجَذْرِ التَّكْعِيبِيِّ

الْوَحْدَةُ 5

3 $\sqrt[3]{-8}$

$$\sqrt[3]{-8} = \sqrt[3]{-2 \times -2 \times -2}$$

$$= -2$$

$$-8 = -2 \times -2 \times -2$$

تَعْرِيفُ الْجَذْرِ التَّكْعِيْبِيِّ

أَتَذَكَّرُ

إِذَا ضَرَبَ الْعَدَدُ السَّالِبُ فِي نَفْسِهِ عَدَدًا فَرْدِيًّا مِنْ الْمَرَّاتِ فَيَكُونُ النَّاتِجُ سَالِبًا.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



4 $\sqrt{49}$

5 $\sqrt[3]{1000}$

6 $\sqrt[3]{-27}$

أَسْتَعْمِلُ التَّحْلِيلَ إِلَى الْعَوَامِلِ الْأَوَّلِيَّةِ لِإِيجَادِ الْجُذُورِ التَّرْبِيعِيَّةِ لِلْمُرَبَّعَاتِ الْكَامِلَةِ الْكَبِيرَةِ.

مثال 2

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $\sqrt{324}$

الخطوة 2: أَخَذُ عَامِلًا مِنْ كُلِّ تَكَرَّارٍ لَهُ:

2	2	324
	2	162
3	3	81
	3	27
3	3	9
	3	3
		1

الخطوة 1: أَحْلِلُ الْعَدَدَ 324 إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ:

2	324
2	162
3	81
3	27
3	9
3	3
	1

الخطوة 3: أَخْصُبُ الْجَذْرَ التَّرْبِيعِيَّ:

$$\sqrt{324} = 2 \times 3 \times 3$$

$$= 18$$

الْجَذْرُ التَّرْبِيعِيُّ يُسَاوِي نَاتِجَ ضَرْبِ الْعَوَامِلِ الَّتِي تَمَّ أَخْذُهَا فِي الْخُطْوَةِ 2

أَضْرِبُ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



2 $\sqrt{484}$

3 $\sqrt{1225}$

أَسْتَعْمِلُ التَّحْلِيلَ لِإِيجَادِ الْجُذُورِ التَّكْعِيْبِيَّةِ لِلْمُكْعَبَاتِ الْكَامِلَةِ الْكَبِيرَةِ، الْمَوْجِبَةِ مِنْهَا وَالسَّالِبَةِ.

مثال 3

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $\sqrt[3]{1728}$

الخطوة 2: أَخِذْ عَامِلًا مِنْ كُلِّ ثَلَاثَةِ تَكَرَّراتٍ لَهُ:

2	2	1728
2	2	864
2	2	432
2	2	216
2	2	108
2	2	54
3	3	27
3	3	9
3	3	3
		1

الخطوة 1: أَحْلِلْ الْعَدَدَ 1728 إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ:

2	1728
2	864
2	432
2	216
2	108
2	54
3	27
3	9
3	3
	1

الخطوة 3: أَحْسِبْ الْجَذْرَ التَّكْعِيْبِيَّ:

$$\sqrt[3]{1728} = 2 \times 2 \times 3$$

$$= 12$$

الْجَذْرُ التَّكْعِيْبِيُّ يُسَاوِي نَاتِجَ ضَرْبِ الْعَوَامِلِ الْمُخْتَارَةِ

أَضْرِبْ

2 $\sqrt[3]{-512}$

الخطوة 1: أَجِدْ الْقِيَمَةَ الْمُطْلَقَةَ لِلْعَدَدِ -512 وَهِيَ 512، ثُمَّ أَحْلِلْهَا إِلَى عَوَامِلِهَا الْأَوَّلِيَّةِ:

$$512 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

الخطوة 2: أَحْسِبْ الْجَذْرَ التَّكْعِيْبِيَّ لِلْعَدَدِ 512 بِأَخِذِ عَامِلٍ مِنْ كُلِّ ثَلَاثَةِ تَكَرَّراتٍ لَهُ:

$$\sqrt[3]{512} = 2 \times 2 \times 2$$

$$= 8$$

الْجَذْرُ يُسَاوِي نَاتِجَ ضَرْبِ الْعَوَامِلِ الْمُخْتَارَةِ

أَضْرِبْ

الْوَحْدَةُ 5

الخطوة 3: أحسب الجذر التكعيبي للعدد -512

بما أن: $\sqrt[3]{512} = 8$

إذن: $\sqrt[3]{-512} = -8$

أتحقق من فهمي:



3 $\sqrt[3]{216}$

4 $\sqrt[3]{3375}$

5 $\sqrt[3]{-729}$

تُستعمل الجذور التربيعية في كثير من المواقف الحياتية والعلمية.



مثال 4: من الحياة



قن: صنعت فنانة لوحة خشبية مربعة الشكل، مساحتها 2304 cm^2 ، أجد طول ضلع اللوحة.

بما أن اللوحة مربعة الشكل، فإن طول ضلعها يساوي الجذر التربيعي لمساحتها.

$$2304 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

$$\sqrt{2304} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$= 48$$

أحلل العدد 2304 إلى عوامله الأولية

أحسب الجذر بأخذ عامل من كل تكرارين له

$$48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

إذن، طول ضلع اللوحة الخشبية 48 cm

أتحقق من فهمي:



مرور: ترشد لوحة المرور المجاورة السائقين إلى أن الطريق سوف يضيق، وهي لوحة مربعة الشكل، ومساحتها 4225 cm^2 ، أجد طول ضلع هذه اللوحة.



أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $\sqrt{64}$

2 $\sqrt{121}$

3 $\sqrt[3]{64}$

4 $\sqrt[3]{-1}$

5 $\sqrt[3]{125}$

6 $\sqrt[3]{-1000}$

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

7 $\sqrt{225}$

8 $\sqrt{441}$

9 $\sqrt{1089}$

10 $\sqrt[3]{343}$

11 $\sqrt[3]{-1728}$

12 $\sqrt[3]{-5832}$

13 **مَدَارِسُ:** سَاحَةُ مَدْرَسَةٍ هُدَى مُرَبَّعَةُ الشَّكْلِ، مِسَاحَتُهَا 676 m^2 ، أَجِدْ طَوْلَ ضِلْعِهَا.



14 **أَرَاضِي:** أَرْضُ مُرَبَّعَةِ الشَّكْلِ، مِسَاحَتُهَا 3025 m^2 ، يُرِيدُ بِلَالٌ تَحْوِيطَهَا بِسِيَاجٍ مِنَ الْأَسْلَاقِ، أَحْسَبُ طَوْلَ السِّيَاجِ اللَّازِمِ لِذَلِكَ.

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي ذَهْنِيًّا:

15 $\sqrt[3]{8000}$

16 $\sqrt[3]{27000000}$

17 $\sqrt[3]{-64000}$

أَضَعُ ($>$) أَوْ ($<$) أَوْ ($=$) فِي ● لِأَكُونَ عِبَارَةً صَحِيحَةً فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

18 $\sqrt[3]{64}$ ● $\sqrt{64}$

19 $(-1)^3$ ● $\sqrt[3]{-1}$

20 **أَعْدَادُ:** أَجِدْ عَدَدًا جَذْرُهُ التَّرْبِيعِيُّ يُسَاوِي جَذْرَهُ التَّكْعِيبِيَّ.

الْوَحْدَةُ 5

21 **أَعْدَادٌ:** أجد ثلاثة أعداد قيمة كل منها يساوي جذرها التكعيبي.

أجد قيمة كل مما يأتي:

22 $\sqrt[3]{900+100}$

23 $\sqrt[3]{11^2+2^2}$

24 $\sqrt{3^2+4^2}$

أَتَعَلَّمُ

أجد قيمة ما بداخل الجذور أولاً، ثم أجد قيمة الجذر.



25 **زِرَاعَةٌ:** وَضَعَ مُزَارِعُ الْعَدَدِ نَفْسَهُ مِنْ عُبُوتِ الْكَرَزِ فِي صَنَادِيْقٍ، إِذَا كَانَ عَدَدُ الْعُبُوتِ فِي الصَّنَدُوْقِ الْوَاحِدِ يُسَاوِي عَدَدَ الصَّنَادِيْقِ جَمِيعِهَا، وَكَانَ مَجْمُوعُ الْعُبُوتِ فِي الصَّنَادِيْقِ جَمِيعِهَا 144 عُبُوَّةً، فَمَا عَدَدُ الصَّنَادِيْقِ؟

نَحْدُ: ما قيمة كل مما يأتي:

26 $(\sqrt[3]{27})^3$

27 $\sqrt[3]{(-40)^3}$

28 $\sqrt[3]{\frac{-8}{125}}$

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

29 **نَحْدُ:** ما أصغر عدد كلي عند ضربه في العدد (72) يكون الناتج مكعباً كاملاً؟ أجد الجذر التكعيبي للمكعب الكامل الناتج.

أَتَذَكَّرُ

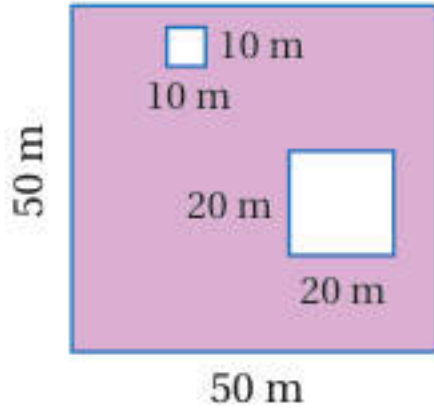
الأعداد الكليّة:
0, 1, 2, 3, 4, 5,

30 **اُكْتَشِفُ الْخَطَأُ:** قَالَ يَوْسُفُ: إِنَّ $(\sqrt[3]{64} = 8)$.

اُكْتَشِفُ الْخَطَأَ فِي مَا قَالَهُ، وَأَصْحَحْهُ.

31 **اُكْتُبْ** ما الفرق بين الجذر التربيعي والجذر التكعيبي؟

الدَّرْسُ 3 أولويات العمليات الحسابية



أَسْتَكَشِفُ

اكتبُ عبارةً عدديةً تمثلُ مساحةَ الجزء المُظلل في الرسمِ المُجاورِ باستعمالِ الأسُسِ، وأجدُ قيمتها.

فكرة الدرس

استعمل أولويات العمليات الحسابية لإيجاد قيم مقادير عددية تحوي قوى وجذورًا.

المفطلحات

العبارة العددية، أولويات العمليات الحسابية.

تعلّمتُ سابقًا أن **العبارة العددية** (numerical expression) تتكوّن من أعداد وعمليات حسابية أو أكثر، لكنها لا تحتوي إشارة المساواة (=). ولحساب قيمة العبارة العددية أتبع الترتيب الآتي **لأولويات العمليات الحسابية** (order of operations):

- (1) أجدُ قيمَ المقادير داخل الأقواس.
- (2) أجدُ قيمَ المقادير الأسية والجذور جميعها.
- (3) أضربُ أو أقسمُ من اليسار إلى اليمين (أيهما أسبق).
- (4) أجمعُ أو أطرحُ من اليسار إلى اليمين (أيهما أسبق).

مثال 1

أجدُ قيمة كلِّ مما يأتي:

1 $13 - 2 \times 6$

$$13 - 2 \times 6 = 13 - 12 \\ = 1$$

أضربُ أولاً
أطرحُ

2 $40 \div ((3 + 1) \times 5)$

$$40 \div ((3 + 1) \times 5) = 40 \div (4 \times 5) \\ = 40 \div 20 \\ = 2$$

أجدُ قيمة المقدار داخل الأقواس الصغيرة
أجدُ قيمة المقدار داخل الأقواس الكبيرة
أقسمُ

أتحقق من فهمي:

3 $7 \times 5 + 3$

4 $(38 - 30) \div 4$

5 $(5 + (16 - 10)) \times 4$

الْوَحْدَةُ 5

أَسْتَعْمِلُ أَوَّلِيَّاتِ الْعَمَلِيَّاتِ الْحِسَابِيَّةِ لِإِيجَادِ قِيَمِ الْمَقَادِيرِ الْعَدَدِيَّةِ الَّتِي تَحْوِي قُوَى وَجُذُورًا.

مثال 2

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $22 \div (3 + 2^3) \times \sqrt{49}$

$$\begin{aligned} & 22 \div (3 + 8) \times 7 \\ &= 22 \div 11 \times 7 \\ &= 2 \times 7 \\ &= 14 \end{aligned}$$

أَجِدْ قِيَمَةَ الْمَقْدَارِ الْأُسِّي وَالْجَذْرِ
أَجِدْ قِيَمَةَ الْمَقْدَارِ دَاخِلِ الْأَقْوَاسِ
أَقْسِمُ
أَضْرِبُ

الْتَذَكُّرُ

فِي مِثَالِ 2 أَقْسِمُ قَبْلَ أَنْ
أَضْرِبَ؛ لِأَنَّ الْقِسْمَةَ تَقَعُ عَلَى
يَسَارِ الضَّرْبِ.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



2 $5 + 2^4 - 1$

3 $4 \times \sqrt{81} + 14 - 7$

4 $19 + (5^2 - 1) \div 8$



مثال 3: مِنَ الْحَيَاةِ



زِرَاعَةٌ: فِي حَدِيقَةِ رَهْفٍ 4 شَجَرَاتٍ عِنَبٍ وَضَعْتُ عَلَى كُلِّ مِنْهَا 4 مَلَاعِقِ سَمَادٍ، وَشَجَرَتَا لَيْمُونٍ وَضَعْتُ عَلَى كُلِّ مِنْهُمَا مِلْعَقَتَيْ سَمَادٍ، وَشَجَرَةَ تِينٍ وَضَعْتُ عَلَيْهَا 3 مَلَاعِقِ سَمَادٍ. أَكْتُبُ عِبَارَةً عَدَدِيَّةً أَسْتَعْمِلُ فِيهَا الْأُسُسَ تُمَثِّلُ عَدَدَ مَلَاعِقِ السَّمَادِ الَّتِي وَضَعْتُهَا رَهْفٌ عَلَى الشَّجَرَاتِ جَمِيعِهَا، ثُمَّ أَجِدُ قِيَمَتَهَا.

الْخُطْوَةُ 1: أَكْتُبُ الْعِبَارَةَ الْعَدَدِيَّةَ:

تُمَثِّلُ الْعِبَارَةُ الْعَدَدِيَّةُ 4×4 عَدَدَ مَلَاعِقِ السَّمَادِ الَّتِي وَضَعْتُهَا رَهْفٌ عَلَى شَجَرَاتِ الْعِنَبِ، وَتُكْتُبُ بِالْأُسُسِ: 4^2
تُمَثِّلُ الْعِبَارَةُ الْعَدَدِيَّةُ 2×2 عَدَدَ مَلَاعِقِ السَّمَادِ الَّتِي وَضَعْتُهَا رَهْفٌ عَلَى شَجَرَتَيْ اللَّيْمُونِ، وَتُكْتُبُ بِالْأُسُسِ: 2^2
3 عَدَدَ مَلَاعِقِ السَّمَادِ الَّتِي وَضَعْتُهَا رَهْفٌ عَلَى شَجَرَةِ التِّينِ.

إِذَنْ، تُمَثِّلُ الْعِبَارَةُ الْعَدَدِيَّةُ $4^2 + 2^2 + 3$ عَدَدَ مَلَاعِقِ السَّمَادِ الَّتِي وَضَعْتُ عَلَى الشَّجَرَاتِ جَمِيعِهَا.

الخطوة 2: أجد قيمة العبارة العددية:

$$\begin{aligned} &4^2 + 2^2 + 3 \\ &= 16 + 4 + 3 \\ &= 23 \end{aligned}$$

أكتب العبارة العددية التي تمثل عدد ملاعق السماد جميعها
أجد قيم القوى أولاً
أجمع

إذن، وضعت رهف 23 ملعقة سماد على شجرات حديقته.

أتحقق من فهمي: ✓



مسابقات: وزع مدير مدرسة 7 حقائب على فريق كرة السلة المدرسي المشارك في بطولة رياضية. إذا وضع المدير في كل حقيبة 7 أقلام تلوين و 5 أقلام رصاص وقلم جبر، فأكتب عبارة عددية باستعمال الأسس تمثل عدد الأقلام في الحقائب جميعها، وأجد قيمتها.

أدرب وأحل المسائل

أجد قيمة كل مما يأتي:

1 $7 + 18 \div 9$

2 $30 \div 5 \times 12$

3 $(11 - 2) \div (3 + 6)$

4 $2 \times ((18 - 9) \times 2)$

أجد قيمة كل مما يأتي:

5 $6^2 - 4 \times 5$

6 $40 \div (13 - 2^3)$

7 $3^2 \times 2 + 7 \times \sqrt{9}$

8 $(-5)^2 + 4 \times 3^3 - 91$

9 $(7^2 - 9) \times (-1)^8 + 4$

10 $4 + 2 \times \sqrt{81} - 10$

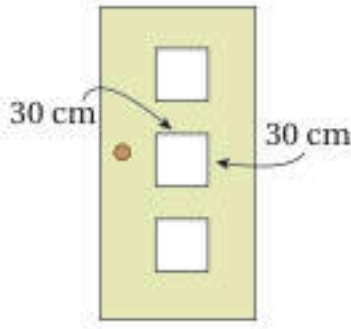
11 $(10 + \sqrt[3]{125}) \div (24 - 19)$

12 $(5^2 - 4) \times 2 - \sqrt{36}$

13 $3^4 \div ((7 + 2) \times (-1)^6)$

14 $\sqrt[3]{-27} \times (10 - 3) + 6^2$

الوَحدة 5



نِجَارَةٌ: أَرَادَ نَجَّارٌ صُنْعَ بَابٍ فِيهِ ثَلَاثُ نَوَافِذَ زُجَاجِيَّةٍ مُرَبَّعَةِ الشَّكْلِ مُتَسَاوِيَةِ الْمِسَاحَةِ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ، أَكْتُبْ عِبَارَةً عَدَدِيَّةً تُمَثِّلُ مِسَاحَةَ الزُّجَاجِ لِلنَّوَافِذِ الثَّلَاثِ اسْتَغْمِلْ فِيهَا الْأُسُسَ، ثُمَّ أَحْسِبْهَا.

أَحْوَطُ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي الْعَمَلِيَّةَ الَّتِي نَجْرِبُهَا أَوَّلًا:

16 $5 + 3 \times 10$

ضَرْبٌ / جَمْعٌ

17 $80 \div (6 - 2)$

قِسْمَةٌ / طَرَحٌ

18 $(11 - 2 \times 3)^2$

ضَرْبٌ / طَرَحٌ

19 $7 \times 8 - 4^2$

ضَرْبٌ / قُوَّةٌ

مَعْلُومَةٌ

مُعْظَمُ الْأَنْبِيَاءِ - عَلَيْهِمُ السَّلَامُ - عَمِلُوا فِي مِهْنٍ، فَالنَّبِيُّانِ نُوحٌ وَزَكَرِيَّا عَلَيْهِمَا السَّلَامُ عَمِلَا فِي النِّجَارَةِ، وَدَاوُدُ عَلَيْهِ السَّلَامُ كَانَ حَدَّادًا، وَإِبْرَاهِيمُ عَلَيْهِ السَّلَامُ كَانَ بَنَاءً.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

تَحَدُّ: أَجِدْ الْعَدَدَ الْمَفْقُودَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

20 $25 + (\square - 3 \times 5) = 100$

21 $(85 - 4 \times 2) \div \square = 7$

تَحَدُّ: اسْتَغْمِلْ الْأَعْدَادَ 1, 3, 9, 29 لِأَكُونَ عِبَارَةً صَحِيحَةً فِي مَا يَأْتِي:

$(\square + \square) \div (\square - \square) = 4$

تَحَدُّ: أَضَعْ أَقْوَامًا لِأَكُونَ عِبَارَةً صَحِيحَةً فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

23 $48 + 12 \div 4 \times 1 + 2 = 50$

24 $48 + 12 \div 4 \times 1 + 2 = 49$

اكتشف الخطأ: ما الخطأ الذي وَقَعَتْ فِيهِ لَمِيَاءُ عِنْدَ إِيجَادِهَا قِيَمَةَ الْعِبَارَةِ الْعَدَدِيَّةِ الْمُوَضَّحَةِ فِي الْوَرَقَةِ؟ أَبْرُرْ إجابتي.

$8 + 2 \times 5^2 = 10 \times 25$
 $= 250$

أَكْتُبْ الْخُطُواتِ اللَّازِمَةَ لِإِيجَادِ قِيَمَةِ الْعِبَارَةِ الْآتِيَةِ:

$(10 \div (9 - \sqrt{49}) + 11^2)$

أَكْتُبْ

26

أَسْتَكَشِفُ



نَبْتَةٌ مَرُجَانٍ مُتَفَرِّعٌ طَوْلُهَا 45 cm
وَيَزْدَادُ سَنَوِيًّا بِمِقْدَارِ 20 cm،
اَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ طَوْلَ النَّبْتَةِ
بَعْدَ n مِنَ السَّنَوَاتِ.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَسْتَغْمِلُ الْخَصَائِصَ: التَّبْدِيلِيَّةَ، وَالتَّجْمِيعِيَّةَ،
وَالْتَّوْزِيعِيَّةَ؛ لِتَبْسِيطِ مَقَادِيرَ جَبْرِيَّةٍ.

الْمُصْطَلَحَاتُ

الْمِقْدَارُ الْجَبْرِيُّ، الْخَاصِيَّةُ التَّبْدِيلِيَّةُ،
الْخَاصِيَّةُ التَّجْمِيعِيَّةُ، خَاصِيَّةُ التَّوْزِيعِ.

الْمِقْدَارُ الْجَبْرِيُّ (algebraic expression) هُوَ عِبَارَةٌ تَحْتَوِي مُتَغَيِّرَاتٍ وَأَعْدَادًا تَفْصِلُ بَيْنَهَا عَمَلِيَّاتٍ. فَمَثَلًا، الْمِقْدَارُ
الْجَبْرِيُّ $m + 5$ يُمَثِّلُ مَجْمُوعَ قِيَمَةٍ مَجْهُولَةٍ (مُتَغَيِّرٍ) مَعَ الْعَدَدِ 5، وَيُمْكِنُ اسْتِعْمَالُ أَيِّ حَرْفٍ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الْقِيَمَةِ الْمَجْهُولَةِ.
الْحَرْفُ x هُوَ الْأَكْثَرُ اسْتِعْمَالًا بِوَصْفِهِ مُتَغَيِّرًا، وَلِتَجَنُّبِ الْخَلْطِ بَيْنَ الْحَرْفِ x وَرَمْزِ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ $\times$ ، تُسْتَغْمَلُ طَرَائِقُ مُتَعَدِّدَةٌ
لِلتَّعْبِيرِ عَنِ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ.

$$3 \times x \rightarrow 3(x)$$

$$3x \leftarrow 3 \times x$$

يُمْكِنُ اسْتِبْدَالُ الْمُتَغَيِّرَاتِ فِي مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ بِأَعْدَادٍ، وَعِنْدَئِذٍ يُمَكِّنُ إِيجَادَ قِيَمَةٍ لِلْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ بِاتِّبَاعِ أُولَوِيَّاتِ الْعَمَلِيَّاتِ.

مِثَال 1

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي إِذَا كَانَتْ: $a = 8, c = -\frac{2}{5}, k = 14, n = 2$:

1 $8 + 5c$

$$8 + 5c = 8 + 5 \times -\frac{2}{5}$$

$$= 8 - 2$$

$$= 6$$

أَعَوَّضَ c بِالْعَدَدِ $-\frac{2}{5}$

اتَّبَعُ أُولَوِيَّاتِ الْعَمَلِيَّاتِ؛ فَأَضْرَبُ أَوَّلًا

ثُمَّ أَجْمَعُ

الْوَحْدَةُ 5

2 $2k \div (a - 1)$

$$\begin{aligned} 2k \div (a - 1) &= 2 \times 14 \div (8 - 1) \\ &= 2 \times 14 \div 7 \\ &= 28 \div 7 = 4 \end{aligned}$$

أَعَوِّضُ $k = 14, a = 8$

أَجِدُ قِيَمَةَ الْمِقْدَارِ دَاخِلِ الْأَقْوَاسِ أَوَّلًا

أَضْرِبُ ثُمَّ أَقْسِمُ

3 $7 + n^4$

$$\begin{aligned} 7 + n^4 &= 7 + (2^4) \\ &= 7 + 16 \\ &= 23 \end{aligned}$$

أَعَوِّضُ n بِالْعَدَدِ 2

أَتَّبِعُ أَوَّلِيَّاتِ الْعَمَلِيَّاتِ؛ فَأَحْسِبُ الْقُوَّةَ أَوَّلًا

أَجْمَعُ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



4 $19 - 3n$

5 $k - 4n \div a$

6 $(k - \sqrt[3]{125}) \div (11 - a)$

يُمْكِنُ اسْتِعْمَالُ الْخَاصِيَّةِ التَّبْدِيلِيَّةِ (commutative property) وَالْخَاصِيَّةِ التَّجْمِيعِيَّةِ (associative property) لِتَبْسِيطِ مَقَادِيرَ جَبْرِيَّةٍ.

الْخَاصِيَّتَانِ: التَّبْدِيلِيَّةُ، وَالتَّجْمِيعِيَّةُ

مَفْهُومٌ أَاسَاسِيٌّ

الْخَاصِيَّةُ التَّبْدِيلِيَّةُ

بِالْكَلِمَاتِ:

لَا يَتَغَيَّرُ نَاتِجُ جَمْعِ عَدَدَيْنِ أَوْ ضَرْبِهِمَا بِتَغْيِيرِ تَرْتِيبِهِمَا.

أَمثلة:

بِالْأَعْدَادِ:

بِالرُّمُوزِ:

$$a + b = b + a$$

$$3 + 6 = 6 + 3$$

$$a \times b = b \times a$$

$$8 \times 5 = 5 \times 8$$

الْخَاصِيَّةُ التَّجْمِيعِيَّةُ

بِالْكَلِمَاتِ:

لَا يَتَغَيَّرُ مَجْمُوعُ ثَلَاثَةِ أَعْدَادٍ أَوْ نَاتِجُ ضَرْبِهَا بِتَغْيِيرِ الْعَدَدَيْنِ اللَّذَيْنِ أَمْدَأُ بِهِمَا.

أَمثلة:

بِالْأَعْدَادِ:

بِالرُّمُوزِ:

$$a + (b + c) = (a + b) + c$$

$$(6 + 4) + 7 = 6 + (4 + 7)$$

$$(a \times b) \times c = a \times (b \times c)$$

$$(4 \times 8) \times 3 = 4 \times (8 \times 3)$$

مثال 2

أَبَسِّطُ كُلَّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ فِي مَا يَأْتِي:

1 $4 + (6 + x)$

$$4 + (6 + x) = (4 + 6) + x \\ = 10 + x$$

الخاصية التجميعية للجمع
أجمعُ

2 $8.3 + (m + 3.1)$

$$8.3 + (m + 3.1) = 8.3 + (3.1 + m) \\ = (8.3 + 3.1) + m \\ = 11.4 + m$$

الخاصية التبديلية للجمع
الخاصية التجميعية للجمع
أجمعُ

3 $3(7h)$

$$3(7h) = (3 \times 7) h \\ = 21 h$$

الخاصية التجميعية للضرب
أضربُ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



4 $(r + 3) + 12$

5 $7.5 + (y + 6.2)$

6 $8(6z)$

يُمْكِنُنِي أَيْضًا اسْتِعْمَالُ **خاصية التوزيع** (distributive property) لِتَبْسِيطِ مَقَادِيرَ جَبْرِيَّةٍ.

خاصية التوزيع

مفهوم أساسي



بالكلمات: لِضَرْبِ عَدَدٍ فِي مَجْمُوعِ عَدَدَيْنِ أَوْ الْفَرْقِ بَيْنَهُمَا، أَضْرِبُ كُلَّ عَدَدٍ بَيْنَ الْقَوْسَيْنِ بِالْعَدَدِ الَّذِي خَارِجَهُمَا.

أمثلة:

بالرموز:

$$a(b + c) = a \times b + a \times c \\ a(b - c) = a \times b - a \times c$$

بالأعداد:

$$3(5 + 1) = 3 \times 5 + 3 \times 1 \\ 3(5 - 1) = 3 \times 5 - 3 \times 1$$

الْوَحْدَةُ 5

مثال 3

أَسْتَغْمِلُ خَاصِيَّةَ التَّوْزِيعِ لِتَبْسِيطِ كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $4(n + 2)$

$$4(n + 2) = 4 \times n + 4 \times 2 \\ = 4n + 8$$

خَاصِيَّةُ التَّوْزِيعِ
أُضْرِبُ

2 $6(x - 7)$

$$6(x - 7) = 6 \times x - 6 \times 7 \\ = 6x - 42$$

خَاصِيَّةُ التَّوْزِيعِ
أُضْرِبُ

3 $5(3y + 9)$

$$5(3y + 9) = 5 \times 3y + 5 \times 9 \\ = 15y + 45$$

خَاصِيَّةُ التَّوْزِيعِ
أُضْرِبُ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



4 $5(a + 3)$

5 $3(9 - w)$

6 $2(5z + 4)$



مثال 4: مِنَ الْحَيَاةِ



رِيَاضَةٌ: يَدْفَعُ الْمُتَدَرِّبُ 10 دَنَانِيرَ مُقَابِلَ رُسُومِ التَّسْجِيلِ فِي نَادِي تَدْرِيبِ الْكَرَاتِيه،
إِضَافَةً إِلَى 50 دِينَارًا تُدْفَعُ شَهْرِيًّا:

أَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ تَكْلِفَةَ الْإِشْتِرَاكِ لِعَدَدٍ مِنَ الْأَشْهُرِ.
أَكُونُ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا:

1

رُسُومُ التَّسْجِيلِ 10 دَنَانِيرَ، وَالْدَّفْعَةُ الشَّهْرِيَّةُ 50 دِينَارًا، وَعَدَدُ الْأَشْهُرِ مَجْهُولٌ.

بِالْكَلِمَاتِ

رُسُومُ التَّسْجِيلِ 10 دَنَانِيرَ، وَالْدَّفْعَةُ الشَّهْرِيَّةُ 50 دِينَارًا، وَعَدَدُ الْأَشْهُرِ m .

بِالرَّمُوزِ

$10 + 50m$ ، وَيَكْتَبُ أَيْضًا $10 + 50 \times m$

الْمِقْدَارُ الْجَبْرِيُّ

2 ما تكلفه الاشتراك لمدة 3 أشهر؟

لإيجاد تكلفه الاشتراك لمدة 3 أشهر أعوض $m = 3$ في المقدار الجبري:

$$\begin{aligned} & 10 + 50m && \text{اكتب المقدار الجبري} \\ & = 10 + 50 \times 3 && \text{أعوض } m \text{ بالعدد 3} \\ & = 10 + 150 && \text{اتبع أولويات العمليات؛ فأضرب أولاً} \\ & = 160 && \text{أجمع}$$

إذن، تكلفه الاشتراك لمدة 3 أشهر تساوي JD 160.

✓ **أنتحقق من فهمي:**

اشترت لنا شريحة جديدة لهاتفها بسعر 3 دنانير، ودفعت 9.5 دنانير اشتراكاً شهرياً:

3 أكتب مقداراً جبرياً يمثل تكلفه هذه الشريحة بعد عدد من الأشهر.

4 ما قيمة مجموع الاشتراكات الشهرية لهذه الشريحة لمدة 10 أشهر؟

أجد قيمة كل مقدار جبري مما يأتي عندما: $a = -6, b = 2, c = 18$:

- | | | |
|--------------------|----------------------|-------------------------------|
| 1 $4 + 2a$ | 2 $7 - 36 \div a$ | 3 $b^4 + c \div 2$ |
| 4 $c - a^2 \div 4$ | 5 $\sqrt{cb} \div 3$ | 6 $\frac{a}{2} + \frac{1}{4}$ |

أستعمل الخاصية التبديلية أو التجميعية لتبسيط كل مقدار جبري مما يأتي:

- | | | |
|----------------------|---------------------|--------------------|
| 7 $6 + (5 + y)$ | 8 $(14 + z) + 6$ | 9 $5(2h)$ |
| 10 $3.2 + (w + 5.1)$ | 11 $(2.4 + 4n) + 9$ | 12 $(3s) \times 8$ |

أستعمل خاصية التوزيع لتبسيط كل مقدار جبري مما يأتي:

- | | | |
|----------------|----------------|---------------------|
| 13 $8(12 + x)$ | 14 $9(2x + 1)$ | 15 $18(5 - 3b)$ |
| 16 $6(13 + z)$ | 17 $25(x - y)$ | 18 $13(n + 4 + 7m)$ |

أَتَدَرَّبُ
وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

الوَحدة 5

أَحَدُ الخَاصِيَّةِ المُسْتَعْمَلَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

19 $3 \times a = a \times 3$

20 $4 + (11 + s) = (4 + 11) + s$

21 $6(c + 2) = 6 \times c + 6 \times 2$

22 $4 \times (h \times 10) = (4 \times h) \times 10$

23 $x + 7.5 = 7.5 + x$

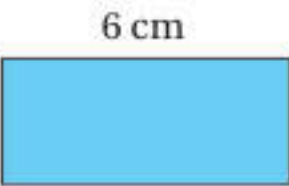
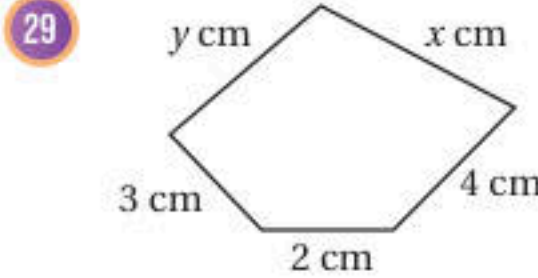
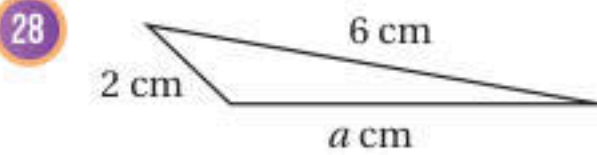
24 $3(5 - 3m) = 15 - 9m$

اَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ كُلًّا مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَبَسِّطُهُ:

25 العَدَدُ 8 مُضَافًا إِلَيْهِ مَجْمُوعُ $3x$ مَعَ 4 26 العَدَدُ 5 مَضْرُوبًا فِي مَجْمُوعِ 1 مَعَ $8m$

27 **سَلْسِلٌ:** لَدَى فَيَصِلُ سِلْسِلَةُ مَعْدِنِيَّةٍ طَوْلِهَا 7 أَمْتَارٍ، وَثَلَاثُ سَلْسِلٍ أُخْرَى طَوْلُ كُلِّ مِنْهَا $2n$ مِتْرًا، اَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ مَجْمُوعَ أَطْوَالِ السَّلْسِلِ الَّتِي لَدَى فَيَصِلُ، ثُمَّ أَبَسِّطُهُ.

هَنْدَسَةٌ: اَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ مُحِيطَ كُلِّ شَكْلِ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَبَسِّطُهُ:



30 **هَنْدَسَةٌ:** يُسْتَعْمَلُ الْمِقْدَارُ الْجَبْرِيُّ $(2l + 2w)$ لِحِسَابِ مُحِيطِ مُسْتَطِيلٍ طَوْلُهُ (l) وَعَرْضُهُ (w) . اُسْتَعْمِلِ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ لِحِسَابِ مُحِيطِ الْمُسْتَطِيلِ الْمُجَاوِرِ.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

31 **تَبْرِيرٌ:** هَلْ يَزْدَادُ الْمِقْدَارُ $(20 - n)$ أَمْ يَنْقُصُ أَمْ يَبْقَى ثَابِتًا بِزِيَادَةِ قِيَمَةِ الْمُتَغَيِّرِ (n) ؟ اُبْرِّرْ إِجَابَتِي.

32 **اَكْتَشِفِ الْمُخْتَلِفَ:** أَيُّ الْآتِيَةِ مُخْتَلِفٌ؟ اُبْرِّرْ إِجَابَتِي.

$3(y + 4)$

$8(y - 1)$

$5 + (y - 7)$

$4(2 - y)$

33 اَكْتُبْ وَصْفًا لِخَاصِيَّةِ التَّوْزِيعِ أَوْظَفُ فِيهِ أَمْثِلَةٌ مُنَاسِبَةٌ.



حلُّ مُعَادَلَاتٍ تَحْتَوِي عَمَلِيَّتَيْنِ

الهدف: أَسْتَغْمِلُ الْقِطْعَ الْجَبْرِيَّةَ لِحَلِّ مُعَادَلَاتٍ تَحْتَوِي عَمَلِيَّتَيْنِ.

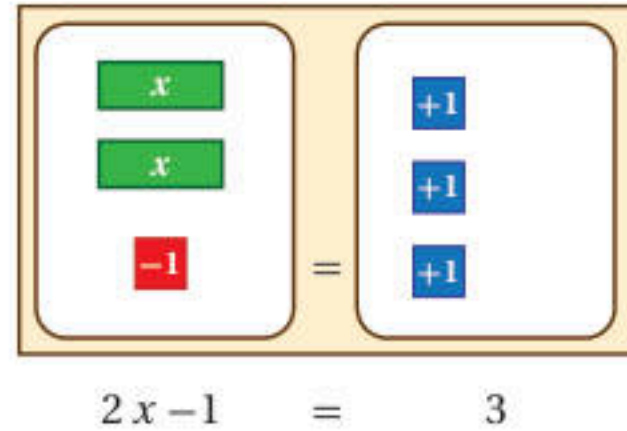
تَعَلَّمْتُ سَابِقًا حَلَّ مُعَادَلَاتٍ تَحْتَوِي عَمَلِيَّةً وَاحِدَةً بِاسْتِغْمَالِ الْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ، وَيُمْكِنُ أَيْضًا اسْتِغْمَالُ الْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ لِحَلِّ مُعَادَلَاتٍ تَحْتَوِي عَمَلِيَّتَيْنِ.

نشاط

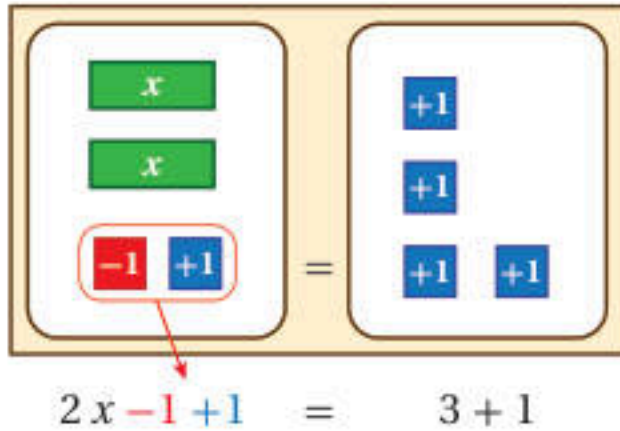
أَحُلُّ مُعَادَلَةً بِخُطَوَتَيْنِ

أَحُلُّ الْمُعَادَلَةَ $2x - 1 = 3$ بِاسْتِغْمَالِ الْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ.

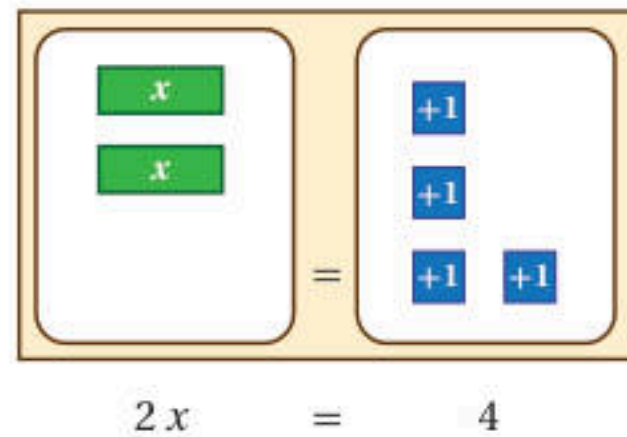
الخطوة 1: أُمَثِّلُ الْمُعَادَلَةَ بِالْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ:



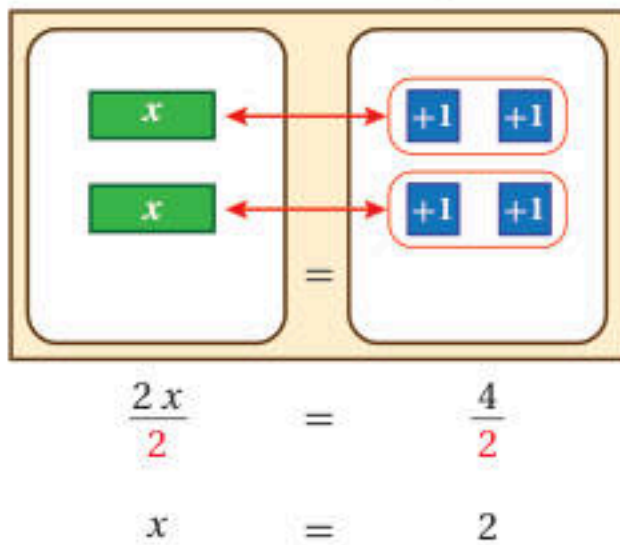
الخطوة 2: أَضِيفُ $+1$ لِكِلَا الطَّرْفَيْنِ، فَأَحْصِلُ عَلَى زَوْجٍ صِفْرِيٍّ فِي الطَّرْفِ الْأَيْسَرِ:



الخطوة 3: أَحْذِفُ الزَّوْجَ الصِّفْرِيَّ:



الخطوة 4: أَرْتُبُ الْقِطْعَ الْجَبْرِيَّةَ بِحَيْثُ تُقَابِلُ الْمُتَغَيِّرَاتُ مَجْمُوعَاتٍ مُتَسَاوِيَةً مِنَ الْأَعْدَادِ، وَأَجِدُ قِيَمَةَ الْمُتَغَيِّرِ:



أَسْتَغْمِلُ الْقِطْعَ الْجَبْرِيَّةَ لِحَلِّ كُلِّ مُعَادَلَةٍ مِمَّا يَأْتِي:

① $3x + 2 = -1$

② $2x + 3 = 1$

③ $2x - 1 = 5$

أَتَدْرِبُ





أستكشف

يُمثِّل المتغيِّر x في المعادلة الآتية عدد أشتال ورد الجوري التي زرعناها هنا. كيف يُمكن إيجاد قيمة x ؟

$$12x + 3 = 51$$

فكرة الدرس

أحلُّ معادلات بخطوتين.

المصطلحات

المعادلة، المعادلة المكافئة، المعادلة ذات الخطوتين.

تعلَّمتُ سابقاً أنَّ **المعادلة** (equation) جُمْلَةٌ تَتَضَمَّنُ إِشَارَةَ مُساواةٍ (=) تدلُّ على تساوي المقدارين في طرفيها، وقد تَتَضَمَّنُ المعادلة أعداداً مجهولة تُسمَّى متغيَّراتٍ، ويُعبَّرُ عنها بأحرفٍ مثل: x, y .

$$y + 6 \quad 1 - t \quad 2x + 3$$

ليست معادلات

$$1 + 8 = 9 \quad x + 5 = 11 \quad 7 = w - 4$$

معادلات

تعلَّمتُ أيضاً أنَّ حلَّ المعادلة هو قيمة عددية للمتغيِّر تجعل المساواة صحيحة، ويُمكن التَّحَقُّقُ إذا كانت قيمة عددية ما تُمثِّلُ حلاً للمعادلة أم لا، وذلك بتعويضها بدلاً من المتغيِّر في المعادلة.

مثال 1

أُبينُّ إذا كانت قيمة المتغيِّر المُعطاة تُمثِّلُ حلاً للمعادلة أم لا:

1 $2x + 1 = 11, (x = 6)$

$$2x + 1 = 11$$

$$2(6) + 1 \stackrel{?}{=} 11$$

$$12 + 1 \stackrel{?}{=} 11$$

$$13 \neq 11$$

المعادلة المُعطاة

أعوِّضُ عن x بالعدد 6

أتَّبِعُ أولويات العمليات؛ فأضربُ أولاً

أجمعُ

العبارة غير صحيحة؛ إذن $x = 6$ ليس حلاً للمعادلة.

2 $3 + 2m = 1, (m = -1)$

$$3 + 2m = 1$$

$$3 + 2(-1) \stackrel{?}{=} 1$$

$$3 + (-2) \stackrel{?}{=} 1$$

$$1 = 1 \checkmark$$

اكتب المعادلة

أعوّض عن m بالعدد -1

اتبع أولويات العمليات، فأضرب أولاً

أجمع

أذكر

$2(-1)$ تعني

$$2 \times -1$$

العبارة صحيحة؛ إذن تمثل $(m = -1)$ حلاً للمعادلة.

✓ **أتحقق من فهمي:**

3 $5y + 8 = -3, (y = -2)$

4 $3 - 2g = 5, (g = -1)$

تعلمت سابقاً كيفية حلّ معادلة تحتوي عملية حسابية واحدة باستعمال حقائق الجمع والطرح المترابطة، ويمكن أيضاً حلّ هذه المعادلات باستعمال خصائص المساواة؛ إذ إن جمع العدد نفسه لكلا طرفي المعادلة أو طرحه منهما يَبْقَى طرفي المعادلة متساويين، وتُسمى المعادلة الناتجة **معادلة مكافئة** (equivalent equation)؛ لأنّها حلّ المعادلة الأصلية نفسه.

خاصية المساواة للجمع والطرح

مفهوم أساسي

خاصية المساواة للجمع

بالكلمات: إذا جمعت العدد نفسه إلى كلا طرفي المعادلة، فيبقى طرفا المعادلة متساويين.

بالرموز: إذا كان $a = b$ فإن $a + c = b + c$

خاصية المساواة للطرح

بالكلمات: إذا طرحت العدد نفسه من كلا طرفي المعادلة فيبقى طرفا المعادلة متساويين.

بالرموز: إذا كان $a = b$ فإن $a - c = b - c$

الْوَحْدَةُ 5

مثال 2

أحلُّ كُلِّ مِنَ الْمُعَادَلَاتِ الْآتِيَةِ:

1 $y + 5 = 18$

$$y + 5 = 18$$

$$y + 5 = 18$$

$$\underline{-5 \quad -5}$$

$$y = 13$$

اكتبُ المُعادلةَ

y	5
18	

أطرحُ 5 من الطرفين
(خاصية المساواة للطرح)

y	5
13	5

حلُّ المُعادلة

y
13

أتحقق من صحة الحل:

$$13 + 5 = 18$$

$$18 = 18 \quad \checkmark$$

أعوّض $y = 13$ في المُعادلة

الطرفان متساويان، إذن، الحل صحيح.

أتحقق من فهمي:



2 $y + 3 = 7$

3 $-2 + z = 8$

إنَّ ضَرْبَ الْعَدَدِ نَفْسِهِ فِي كِلَا طَرَفِي الْمُعادِلَةِ أَوْ قِسْمَتَهُمَا عَلَيْهِ يُبْقِي طَرَفِي الْمُعادِلَةِ مُتساويين، وَيُمْكِنُ اسْتِعْمَالُ هَذِهِ الْخَاصِيَّةِ لِحَلِّ مُعادِلَاتِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ الَّتِي تَعَلَّمْتُ سَابِقًا حَلَّهَا بِاسْتِعْمَالِ حَقَائِقِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ الْمُتَرابِطَةِ.

خَاصِيَّةُ الْمُسَاوَاةِ لِلضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ

مَفْهُومٌ أَساسِيٌّ

خَاصِيَّةُ الْمُسَاوَاةِ لِلضَّرْبِ

بِالْكَلِمَاتِ: إِذَا ضَرَبْتُ الْعَدَدَ نَفْسَهُ فِي كِلَا طَرَفِي الْمُعادِلَةِ فَيَبْقَى طَرَفَا الْمُعادِلَةِ مُتساويين.

بِالرَّمُوزِ: إِذَا كَانَ $a = b$ فَإِنَّ $a \times c = b \times c$

خَاصِيَّةُ الْمُسَاوَاةِ لِلْقِسْمَةِ

بِالْكَلِمَاتِ: إِذَا قَسَمْتُ كِلَا طَرَفِي الْمُعادِلَةِ عَلَى الْعَدَدِ نَفْسِهِ - مَا عَدَا الصُّفْرَ - فَيَبْقَى طَرَفَا الْمُعادِلَةِ مُتساويين.

بِالرَّمُوزِ: إِذَا كَانَ $a = b$ فَإِنَّ $a \div c = b \div c$

مثال 3

أحلُّ كُلًّا مِنَ الْمُعَادَلَاتِ الْآتِيَةِ:

1 $3x = 12$

$$3x = 12$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{12}{3}$$

$$x = 4$$

اكتبُ المُعادلةَ

أقسمُ الطرفَينِ على 3
(خاصيةُ المساواةِ للقِسْمَةِ)

حلُّ المُعادلةِ

x	x	x
12		

x	x	x
$12 \div 3$	$12 \div 3$	$12 \div 3$

x
4

أتحققُ مِنْ صِحَّةِ الحَلِّ:

$$3(4) \stackrel{?}{=} 12$$

$$12 = 12 \quad \checkmark$$

أعوّضُ $x = 4$ فِي المُعادلةِ

الطرفانِ مُساويانِ، إِذْنِ، الحَلُّ صَحِيحٌ.

أتحققُ مِنْ فَهْمِي: 

2 $6n = 18$

3 $\frac{b}{-2} = 3$

تحتوي بعضُ المُعادلاتِ عمليّتين حسابيّتين، ويتطلّبُ حلّها إلغاءَ هاتين العمليّتين في خطوتينِ مُتتاليتينِ باستعمالِ معكوسِ كُلِّ عمليّةٍ؛ لذا تُسمّى المُعادلاتِ ذاتِ الخطوتينِ (two-step equations).

مثال 4

أحلُّ كُلًّا مِنَ الْمُعَادَلَاتِ الْآتِيَةِ:

1 $2x + 3 = 17$

$$2x + 3 = 17$$

$$\frac{2x + 3}{-3} = \frac{17}{-3}$$

$$2x = 14$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{14}{2}$$

$$x = 7$$

اكتبُ المُعادلةَ

أطرحُ 3 مِنَ الطرفَينِ

أقسمُ الطرفَينِ على 2

حلُّ المُعادلةِ

x	x	3
17		

x	x	3
17		
14		3

x	x
14	

x
7

الْوَحْدَةُ 5

أَتَحَقَّقُ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ:

$$2(7) + 3 \stackrel{?}{=} 17$$

$$17 = 17 \quad \checkmark$$

أَعَوِّضُ $x = 7$ فِي الْمُعَادَلَةِ

الطَّرَفَانِ مُتَسَاوِيَانِ، إِذَنْ، الْحَلُّ صَحِيحٌ.

2 $20 = 3x - 1$

$$20 = 3x - 1$$

$$\underline{+1 \quad +1}$$

$$21 = 3x$$

$$\underline{\frac{21}{3} = \frac{3x}{3}}$$

$$x = 7$$

اَكْتُبِ الْمُعَادَلَةَ
أَجْمَعُ 1 لِكِلَا الطَّرَفَيْنِ

أَقْسِمُ الطَّرَفَيْنِ عَلَى 3

حَلِّ الْمُعَادَلَةَ

20		
x	x	x
-1		

21		
x	x	x

7
x

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

3 $3x + 8 = 14$

4 $20 - 3x = 11$

يُمْكِنُ حَلُّ كَثِيرٍ مِنَ الْمَسَائِلِ الْحَيَاتِيَّةِ بِكِتَابَةِ مُعَادَلَةٍ وَحَلِّهَا، حَيْثُ تُمَثِّلُ الْقِيَمَةُ الْمَجْهُولَةُ فِي الْمَسْأَلَةِ الْمُتَغَيِّرَ فِي الْمُعَادَلَةِ.



مثال 5: مِنَ الْحَيَاةِ

ساعات: ساعة ذكيّة شاشتها على شكل مُسْتَطِيلٍ طوله 4 cm، ومُحيطُهُ 14 cm

اَكْتُبْ مُعَادَلَةً، ثُمَّ أَحْلُهَا لِأَجْدَ عَرْضِ الشَّاشَةِ.

الخطوة 1: أكوّن مُعَادَلَةً:

مُحِيطُ الشَّاشَةِ يُسَاوِي **مِثْلِي طَوْلِهَا** مُضَافًا إِلَيْهِ **مِثْلًا عَرْضِهَا**.

14 يُسَاوِي 2×4 مُضَافًا إِلَيْهِ $2w$

$$2w + 8 = 14$$

بِالْكَلِمَاتِ

بِالرَّمُوزِ

الْمُعَادَلَةُ

الخطوة 2: أحل المعادلة:

أكتب المعادلة

$$2w + 8 = 14$$

$$2w + 8 = 14$$

$$\underline{-8 \quad -8}$$

$$2w = 6$$

$$\frac{2}{2}w = \frac{6}{2}$$

$$w = 3$$

أطرح 8 من الطرفين (خاصية المساواة للطرح)

أقسم الطرفين على 2 (خاصية المساواة للقسمة)

حل المعادلة

إذن، عرض الشاشة يساوي 3 cm



أتحقق من فهمي:



فلك: يَرغبُ علاءٌ في شراءِ تِلِسكُوبٍ لِمُراقَبَةِ النُّجُومِ لَيْلاً، فإذا كانَ ثَمَنُ التِّلِسكُوبِ JD 92، وكانَ مَعَ علاءٍ JD 32، فأَكْتُبْ مُعادِلَةً يُمكنُ بِحَلِّها إيجادُ المَبْلَغِ الَّذِي يَدَّخِرُهُ علاءٌ شَهْرِيًّا لِيَتِمَكَّنَ مِنْ شِراءِ التِّلِسكُوبِ خِلالَ 4 أَشْهُرٍ.

أبين إذا كانت قيمة المتغير المعطاة تمثل حلاً للمعادلة أم لا في كل مما يأتي:

1 $a + 6 = 17, (a = 9)$

2 $4y = 56, (y = 14)$

3 $\frac{q}{2} = -14, (q = -28)$

4 $35 = -7n, (n = -3)$

5 $5s + 8 = 19, (s = 2)$

6 $-2x + 10 = 14, (x = -2)$

7 $11 + 3k = 9, (k = -1)$

8 $3 - 2m = 5, (m = -4)$

أحلُّ كُلِّ مِثَالٍ مِنَ المِثَالِاتِ الآتِيَةِ:

9 $x + 5 = 11$

10 $x - 2 = 20$

11 $14 = x + 3$

أحلُّ كُلِّ مِثَالٍ مِنَ المِثَالِاتِ الآتِيَةِ:

12 $2x = 16$

13 $3x = 21$

14 $\frac{x}{9} = 4$

أَتَدَرَّبُ
وَأَحُلُّ المَسَائِلَ



الْوَحْدَةُ 5

أحلُّ كُلًّا مِنَ الْمُعَادَلَاتِ الْآتِيَةِ:

15 $2x + 3 = 11$

16 $4x + 7 = 27$

17 $2x - 3 = 13$

18 $5x - 2 = 23$

19 $12 - x = 4$

20 $11 - 2x = 7$

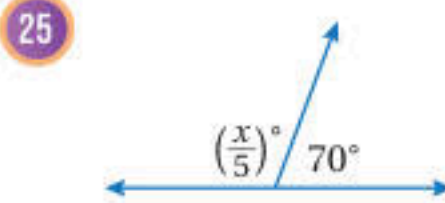
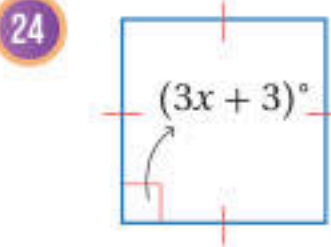
دواء: اشترى سامر 3 شرائط دواءٍ مِنَ النَّوعِ نَفْسِهِ يَحْتَوِي كُلُّ مِنْهَا 4 قُرْصًا، ثُمَّ تَنَاوَلَ 4 أَقْرَاصٍ مِنَ أَحَدِ الشَّرَائِطِ، فَأَصْبَحَ مَجْمُوعُ مَا لَدَيْهِ مِنْ أَقْرَاصٍ 32 قُرْصًا:

أَكْتُبْ مُعَادَلَةً يُمكنُ بِحَلِّهَا إِيجَادُ عَدَدِ الْأَقْرَاصِ فِي الشَّرِيطِ الْوَاحِدِ.

أَجِدْ قِيَمَةَ x بِحَلِّ الْمُعَادَلَةِ.

أَقْسَاطُ شَهْرِيَّة: اشترى خلدون هَاتِفًا بِسَعْرِهِ JD 400 بِالْأَقْسَاطِ الشَّهْرِيَّةِ، وَبَعْدَ دَفْعِ 3 أَقْسَاطٍ بَقِيَ عَلَيْهِ JD 340. أَكْتُبْ مُعَادَلَةً يُمكنُ بِحَلِّهَا إِيجَادُ قِيَمَةِ الْقِسْطِ الشَّهْرِيِّ، ثُمَّ أَحْلُهَا.

هَنْدَسَةٌ: أَجِدْ قِيَمَةَ x فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



مَغْلُوفَةٌ

تُصَدَّرُ الْأُرْدُنُّ الدَّوَاءَ لِأَكْثَرِ مِنْ 87 دَوْلَةً حَوْلَ الْعَالَمِ.



مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

26 **تَحَدُّ:** أَحْلُ الْمُعَادَلَةَ $\frac{6}{k} = \frac{1.5}{2}$

27 **اكتشف المختلف:** أَيُّ الْآتِيَةِ مُخْتَلِفٌ؟ وَأَبْرِرْ إِجَابَتِي:

$2(x - 1) = 10$

$7y + 5 = 26$

$w + 11 = 35$

$14 + 2t = 30$

$2x - 7 = 17$

$2x = 10$

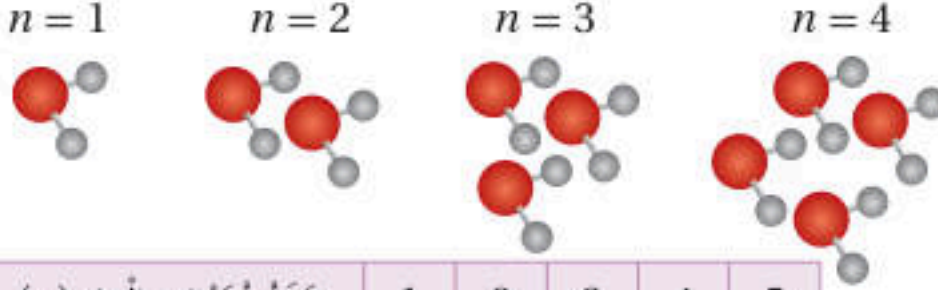
$x = 5$

28 **اكتشف الخطأ:** اكتشف الخطأ في حلِّ عَمَّارِ الْمُعَادَلَةِ الْمُجَاوِرَةِ، ثُمَّ أَصَحِّحْهُ.

29 **اكتب:** أَكْتُبْ وَصْفًا أَشْرَحُ فِيهِ خُطُواتِ حَلِّ الْمُعَادَلَةِ $\frac{a}{2} - 4 = 3$

أستكشف

أستعمل الرسم لإكمال الجدول الآتي:



عدد جزيئات الماء (n)	1	2	3	4	5
عدد الذرات (y)					

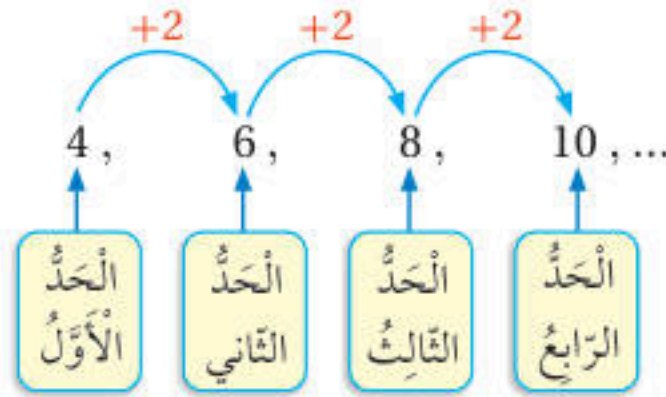
فكرة الدرس

أتعرف المتتاليات، وأكمل متتاليات معطاة.

المصطلحات

المتتالية، الحد.

المتتالية (sequence) مجموعة من الأعداد تتبع ترتيباً معيناً، ويسمى كل عدد فيها **حداً** (term). يمكنني إكمال حدود متتالية إذا علمت القاعدة التي تربط كل حد في المتتالية بالحد الذي يليه.

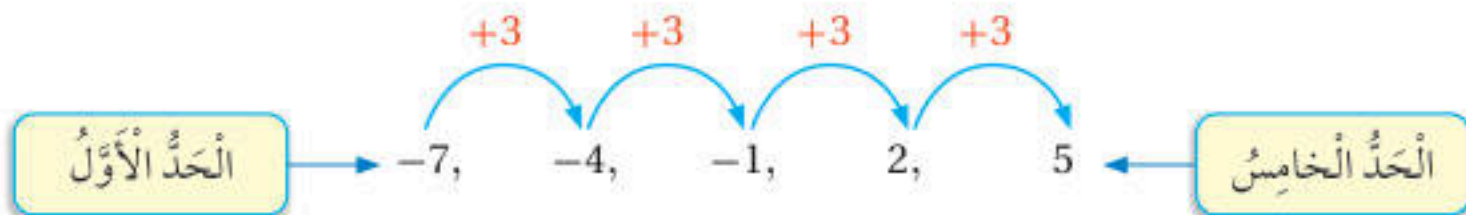


مثال 1

أجد الحدود الخمسة الأولى لكل متتالية مما يأتي:

1 الحد الأول في متتالية (-7) ، والقاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه هي إضافة (3) .

أبدأ بالحد الأول، وأجمع 3 كل مرة حتى أصل إلى الحد الخامس:



إذن، الحدود الخمسة الأولى هي: $-7, -4, -1, 2, 5$

الْوَحْدَةُ 5

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



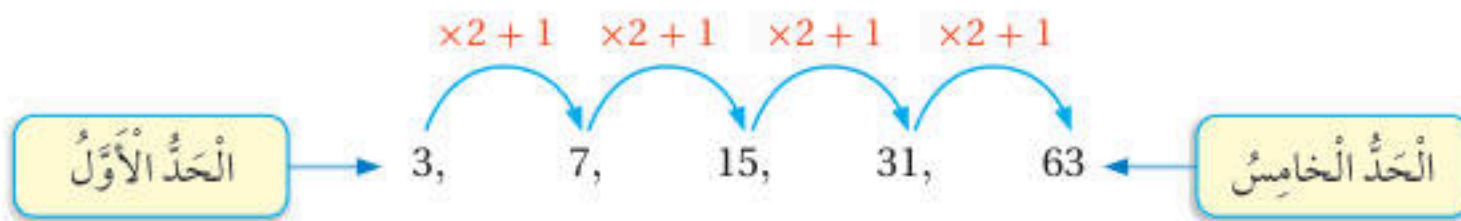
2 الحد الأول في مُتتالية (-4) ، والقاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه هي إضافة (2) كل مرة.

قد تحتوي القاعدة التي تربط كل حد في المُتتالية بالحد الذي يليه عمليتين حسابيتين.

مثال 2

أجد الحدود الخمسة الأولى لكل مُتتالية مما يأتي:

1 الحد الأول في مُتتالية (3) ، والقاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه هي الضرب في (2) ثم إضافة (1) .



أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



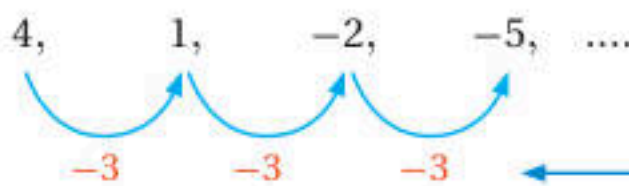
2 الحد الأول في مُتتالية (2) ، والقاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه هي الضرب في (3) ثم إضافة (5) .

يُمكِنُنِي إيجاد القاعدة التي تربط كل حد في المُتتالية بالحد الذي يليه إذا علمت منها ثلاثة حدود مُتتالية على الأقل.

مثال 3

أجد القاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه في كل من المُتتاليات الآتية، ثم أكمل المُتتالية بكتابة ثلاثة حدود أخرى:

1 4, 1, -2, -5,



عندما أنتقل من حد إلى الحد الذي يليه،
أجد أن 3 طُرِحت كل مرة.

القاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه هي طرح 3 كل مرة.
أكمل النمط لإيجاد الحدود الثلاثة التالية في المتتالية:

$$-5-3 = -8 \quad , \quad -8-3 = -11 \quad , \quad -11-3 = -14$$

الحدود الثلاثة التالية في المتتالية هي: $-8, -11, -14$

✓ **أتحقق من فهمي:**

2 $11, 20, 29, \dots$

3 $-4, -3, -2, \dots$

4 $0.4, 0.8, 1.6, \dots$

5 $32, 16, 8, \dots$

أَتَدَرَّبُ وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ

أجد الحدود الخمسة الأولى في المتتالية المعطى حدها الأول والقاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه في كل مما يأتي:

1 الحد الأول: (9)، القاعدة: إضافة 3 كل مرة.

2 الحد الأول: (3.2)، القاعدة: إضافة (0.4) كل مرة.

3 الحد الأول: (2)، القاعدة: الضرب في (3) ثم إضافة (2).

في كل متتالية مما يأتي، أجد القاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه، وأستعملها لإيجاد الحد السابع:

4 $0.2, 0.4, 0.6, \dots$

5 $\frac{1}{5}, \frac{1}{10}, \frac{1}{20}, \frac{1}{40}, \dots$

6 $-11, -9, -7, -5, \dots$

7 $7, 1, -5, -11, \dots$

8 $3.5, 5, 6.5, 8, \dots$

9 $-3, 9, -27, 81$

معلومة

يُعزى سبب غلاء الشوكولاتة الصافية إلى أن شجرة الشوكولاتة تُنتج في المتوسط 2500 ثمرة، وكل 400 ثمرة تُنتج نصف كيلوغرام فقط من الشوكولاتة.

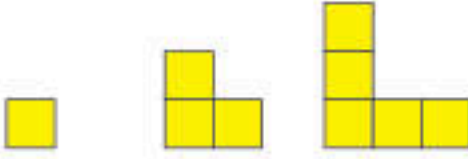


10 **مصانع:** في مصنع قطع شوكولاتة تُغلف آلة 25 قطعة في الثانية الأولى، و50 قطعة في الثانية الثانية، و75 قطعة في الثانية الثالثة، كم قطعة شوكولاتة تُغلف الآلة في الثانية الثامنة؟

الوَحدة 5

في ما يأتي أنماط هندسية يُشكّل عدّد المربّعات في كلّ منها مُتتاليّة، أجد القاعدة التي تربط كلّ حدّ في المُتتاليّة بالحدّ الذي يليه، ثمّ أجد عدّد المربّعات في الحدّ السادس:

11



12



مهارات التفكير العليا

13

تحدّ: مُتتاليّة الحدّ الثامن فيها (-15) ، والقاعدة التي تربط كلّ حدّ بالحدّ الذي يليه فيها هي (طرح 9 كلّ مرّة)، أجد الحدّ الثالث.

14

أكتشف الخطأ: الحدود الثلاثة الأولى في المُتتاليّة الآتية صحيحة، لكنّ أحد الحدود الأخرى لا تنطبق عليه القاعدة التي تربط كلّ حدّ بالحدّ الذي يليه، أجد الحدّ الذي لا تنطبق عليه القاعدة وأصحّحه:

2 , 5 , 8 , 11 , 14 , 18 , 20 , 23

تبرير: يظهر في الشكل الآتي أشخاص يجلسون حول طاولات متلاصقة:



النموذج (1)



النموذج (2)



النموذج (3)

15

أنسخ الجدول الآتي، وأكمّله اعتماداً على الشكل أعلاه:

النموذج	1	2	3	4
عدّد الطاولات				
عدّد الأشخاص				

16

أجد عدّد الأشخاص الذين يجلسون حول 9 طاولات متلاصقة، وأبرر إجابتي.

17

أكتب وصفاً أبين فيه كيف أجد قاعدة مُتتاليّة.



اختبار نهاية الوحدة

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1 ما الصيغة الأسية للعبارة $(8 \times 8 \times 8 \times 8)$ ؟

- a) 4^8 b) 8^4
c) 8^3 d) 3^8

2 ما قيمة (11^4) ؟

- a) 44 b) 1331
c) 14641 d) 161051

3 أربعة صناديق في كل منها 4 علب، وفي كل علب 4 قطع كيك، كم قطعة كيك في الصناديق الأربعة؟

- a) 4×4 b) $4 + 4$
c) $4 + 4 + 4$ d) $4 \times 4 \times 4$

4 ما قيمة $\sqrt[3]{64}$ ؟

- a) 2 b) 4
c) 8 d) 16

5 ترتيب أولويات العمليات لإيجاد قيمة العبارة $(5 \times (6 - 7) + 2^3)$ هو:

- a) الضرب ثم الطرح ثم الجمع ثم الأس.
b) الأس ثم الضرب ثم الطرح ثم الجمع.
c) الطرح ثم الضرب ثم الجمع ثم الأس.
d) الطرح ثم الأس ثم الضرب ثم الجمع.

6 قيمة المقدار الجبري $(3a + c)$ عندما

$$a = 2, c = -1$$

- a) 33 b) 31
c) 5 d) -1

7 أي الأعداد الآتية حل للمعادلة $5 - x = 7$ ؟

- a) -2 b) 2
c) 13 d) -13

8 القاعدة التي تربط كل حد بالحد الذي يليه في المتتالية الآتية هي:

$$0.3, 1.6, 2.9, \dots$$

a) إضافة (0.3) كل مرة b) إضافة (1) كل مرة

c) إضافة (1.3) كل مرة d) إضافة (0.1) كل مرة

أكتب ناتج تحليل كل مما يأتي إلى عوامله الأولية باستعمال الأس:

9 432

10 6125

أجد قيمة كل مما يأتي:

11 $\sqrt{7056}$

12 $\sqrt[3]{3375}$

أجد قيمة كل مما يأتي:

13 $6 \times (9 - (5 + 1))$

14 $\sqrt{25} - 3 \times 2^2$

الْوَحْدَةُ 5

في كُلِّ مِنَ الْمُتَتَالِيَّاتِ الْآتِيَةِ، أَجِدْ الْقَاعِدَةَ الَّتِي تَرْبِطُ كُلَّ حَدٍّ بِالْحَدِّ الَّذِي يَلِيهِ، ثُمَّ أَجِدْ الْحَدَّ الْخَامِسَ:

21 $9.8, 9.4, 9.0, \dots$



تدريب على الاختبارات الدولية:

23 يُمَيِّنُ الشَّكْلُ الْآتِي أَنْبُوبَيْنِ

x m

فَإِذَا كَانَ طَوْلُ أَحَدِهِمَا (x) مِثْرًا، وَطَوْلُ الْآخَرِ (y) ضِعْفًا طَوْلِ الْأَوَّلِ، فَإِنَّ الْمَقْدَارَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ طَوْلَ الْأَنْبُوبِ الْآخَرِ بِالْأَمْتَارِ:

- a) xy b) $x + y$
c) x^y d) y^x

24 ما قِيَمَةُ 3.4×10^2 ؟

- a) 3.4 b) 34
c) 340 d) 3400

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِنَ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْآتِيَةِ عِنْدَمَا $a = 25, b = 11, k = -6$

15 $3k - \sqrt{a} + b^3$

16 $k^2 - a \div 5$

يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْآتِي رُسُومَ رِحْلَةٍ مَدْرَسِيَّةٍ إِلَى آثَارِ جَرَش:

طَلَبَةُ الْمَرْحَلَةِ الْأَسَاسِيَّةِ (x)	طَلَبَةُ الْمَرْحَلَةِ الثَّانَوِيَّةِ (y)
2 دينارًا	5 دنانير

17 أَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ الْمَبْلَغَ الَّذِي دَفَعَهُ عَدَدٌ مِنْ طَلَبَةِ كُلِّ الْمَرْحَلَتَيْنِ: الْأَسَاسِيَّةِ، وَالثَّانَوِيَّةِ.

18 ما الْمَبْلَغُ الَّذِي سَيَدْفَعُهُ 20 طَالِبًا مِنَ الصَّفِّ الثَّالِثِ الْأَسَاسِيِّ، وَ18 طَالِبًا مِنَ الصَّفِّ الْحَادِي عَشَرَ؟

أَحْلُ كُلَّ مُعَادَلَةٍ مِمَّا يَأْتِي:

19 $6n - 11 = 7$

20 $-5 + \frac{b}{4} = -4$

النَّسْبَةُ وَالنَّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ

ما أَهْمِيَّةُ هَذِهِ الْوَحْدَةِ؟

تُسْتَعْمَلُ النَّسْبَةُ وَالنَّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ لِعَمَلِ مُقَارَنَاتٍ دَقِيقَةٍ فِي كَثِيرٍ مِنَ الْمَوَاقِفِ الْحَيَاتِيَّةِ، فَمَثَلًا، تُسْتَعْمَلُ النَّسْبَةُ لِتَحْدِيدِ أَسْعَارِ السَّلَعِ فِي الْعُرُوضِ التَّجَارِيَّةِ وَالْمُقَارَنَةِ بَيْنَهَا لِاخْتِيَارِ أَفْضَلِهَا.



سَنَتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ:

- مَفْهُومُ النَّسْبَةِ وَمُعَدَّلُ الْوَحْدَةِ.
- تَحْدِيدُ النَّسَبِ الْمُتَكَافِئَةِ.
- التَّحْوِيلَ بَيْنَ النَّسَبِ الْمِئْوِيَّةِ وَالْكَسُورِ الْعَادِيَّةِ وَالْعَشْرِيَّةِ.
- إِيجَادَ نِسْبَةٍ مِنْ عَدَدٍ.

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا:

- ✓ مَفْهُومُ النَّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ وَكِتَابَتُهَا بِاسْتِعْمَالِ الرَّمْزِ (%).
- ✓ إِيجَادَ نِسْبَةٍ مِئْوِيَّةٍ بَسِيطَةٍ مِنْ أَشْكَالٍ.
- ✓ تَحْوِيلَ الْكَسُورِ الْعَادِيَّةِ إِلَى عَشْرِيَّةٍ.
- ✓ تَحْوِيلَ الْكَسُورِ الْعَشْرِيَّةِ إِلَى عَادِيَّةٍ.



مشروع الوحدة: العروض التجارية

3 أَسْعِدْ وَزَمَلَانِي / زَمِيلَاتِي لِتَنْفِذِ مَشْرُوعِنَا الْخَاصِّ،
الَّذِي سَنَسْتَغْمِلُ فِيهِ مَا نَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ حَوْلَ النَّسْبَةِ
وَالنَّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ لِاسْتِقْصَاءِ الْعُرُوضِ التِّجَارِيَّةِ.

3

السَّلْعَةُ		
النَّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ لِلْكَمِّيَّةِ		
الإِضَافِيَّةُ		
الْكُتْلَةُ قَبْلَ الْإِضَافَةِ		
الْكُتْلَةُ بَعْدَ الْإِضَافَةِ		
الْكُتْلَةُ الْمُضَافَةُ		

خطوات تنفيذ المشروع:

1 أَوْرُزْ مَتَجَرًّا يُقَدِّمُ عُرُوضًا تِجَارِيَّةً، وَأَبْحَثْ عَنْ
عُرُوضٍ تَحْتَوِي أَكْثَرَ مِنْ عُبُوءَةٍ فِي الْعَرْضِ الْوَاحِدِ،
وَأَلْتَقِطْ صُورًا لَهَا، ثُمَّ أَمْلَأُ الْجَدْوَلَ الْآتِي:

1

وَصْفُ الْعَرْضِ		
السَّعْرُ لِلْعَرْضِ		
كَامِلًا		
سِعْرُ الْوَحْدَةِ		

عرض النتائج:

- أَصَمِّمُ مَطْوِيَّةً جَمِيلَةً أَكْتُبُ فِيهَا النَّاتِجَ الَّتِي تَوَصَّلْتُ إِلَيْهَا فِي هَذَا الْمَشْرُوعِ مُنَظَّمَةً فِي جَدَاوِلَ.
- أَضَمِّنُ الْمَطْوِيَّةَ صُورَ الْعُرُوضِ التِّجَارِيَّةِ الَّتِي التَّقَطُّتُهَا.
- أَعْرِضُ الْمَطْوِيَّةَ أَمَامَ زَمَلَاتِي / زَمِيلَاتِي.

2 أَسْعِدْ وَزَمَلَانِي / زَمِيلَاتِي لِتَنْفِذِ مَشْرُوعِنَا الْخَاصِّ،
الَّذِي سَنَسْتَغْمِلُ فِيهِ مَا نَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ حَوْلَ النَّسْبَةِ
وَالنَّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ لِاسْتِقْصَاءِ الْعُرُوضِ التِّجَارِيَّةِ.

2

السَّلْعَةُ		
النَّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ لِلْخَصْمِ		
السَّعْرُ قَبْلَ الْخَصْمِ		
السَّعْرُ بَعْدَ الْخَصْمِ		
قِيَمَةُ الْخَصْمِ		



أستكشف

كُلُّ كُوبٍ مِنْ عَصِيرِ
الْبُرْتُقَالِ الْمُرَكَّزِ
يُقَابِلُهُ كُوبَانِ مِنَ
الْمَاءِ.



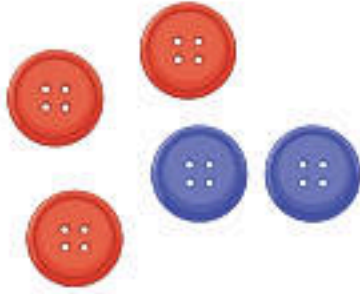
يَحْتَوِي الْوِعَاءُ الْمُجَاوِرُ
6 أَكْوَابٍ مِنْ عَصِيرِ الْبُرْتُقَالِ
الْمُرَكَّزِ الْمَمْزُوجِ بِالْمَاءِ. مَا
عَدَدُ أَكْوَابِ الْمَاءِ فِي الْوِعَاءِ؟

فكرة الدرس

- أتعرفُ النسبة، وأكتبها بصورٍ مُختلفة.
- أجدُ المعدل، ومعدل الوحدة.

المفطلحات

النسبة، المعدل، معدل الوحدة.

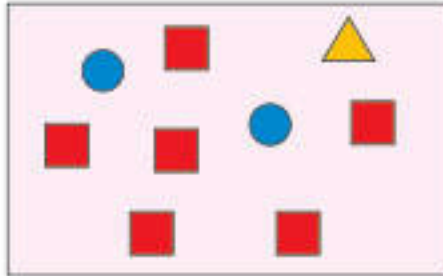


النسبة (ratio) هي طريقة لمقارنة عدد مع آخر أو كمية مع أخرى. وتكتب النسبة بثلاث طرائق؛ فمثلاً يمكن كتابة نسبة الأزهار الحمراء إلى الزرقاء في الشكل المجاور على النحو الآتي:

$$3 \text{ إلى } 2 \quad \frac{3}{2} \quad 3 : 2$$

ويمكن تبسيط النسبة كما في الكسور بقسمة طرفيها على العامل المشترك الأكبر بينهما.

مثال 1



اعتماداً على الشكل المجاور، أكتب في أبسط صورة:

1. نسبة المربعات إلى المثلثات.

توجد 6 مربعات ومثلث واحد.

أكتب النسبة بين الكميتين حسب ترتيب ورودهما في نص السؤال بدءاً من اليسار.

$$6 : 1 \quad \text{■ ■ ■ ■ ■ ■ : ▲}$$

2. نسبة الدوائر إلى المربعات.

توجد دائرتان وستة مربعات.

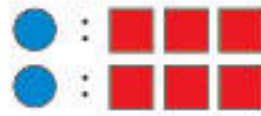
الخطوة 1: أكتب النسبة بين الكميتين حسب ترتيب ورودهما في نص السؤال بدءاً من اليسار.

$$2 : 6 \quad \text{● ● : ■ ■ ■ ■ ■ ■}$$

الوحدة 6

الخطوة 2: أبسط طرفي النسبة بالقسمة على العامل المشترك الأكبر بينهما الذي هو 2

$$\begin{array}{c} 2 : 6 \\ \div 2 \quad \div 2 \\ \hline 1 : 3 \end{array}$$



3 **نسبة الدوائر إلى المربعات إلى المثلثات.**

توجد دائرتان وستة مربعات ومثلث واحد.

اكتب النسبة بين الكميات حسب ترتيب ورودها في نص السؤال بدءاً من اليسار.

$$2 : 6 : 1$$

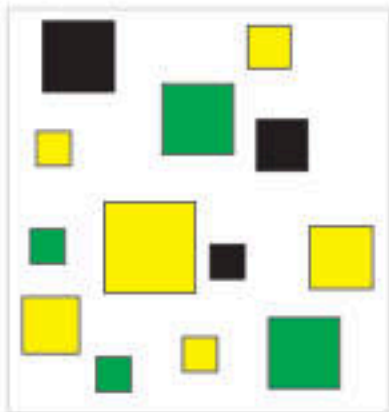
أنتحق من فهمي:

اعتماداً على النموذج المجاور، اكتب في أبسط صورة:

4 **نسبة المربعات الخضراء إلى الصفراء.**

5 **نسبة المربعات السوداء إلى الخضراء.**

6 **نسبة المربعات الصفراء إلى السوداء إلى الخضراء.**



تتطلب كثير من المواقف توزيع كمية بين عدد من الأشخاص وفق نسبة محددة.

مثال 2: من الحياة

عمل: إذا وزع أحمد 120 JD بين عاملين بنسبة 3 : 2، فكم أخذ كل منهما؟

النسبة 3 : 2 تحتوي 5 أجزاء متساوية؛ لأن $3 + 2 = 5$

الخطوة 1: أقسم العدد 120 على 5؛ لأجد قيمة كل جزء.

$$120 \div 5 = 24$$

120				
1 جزءاً	1 جزءاً	1 جزءاً	1 جزءاً	1 جزءاً
24	24	24	24	24

الخطوة 2: أوزع الأجزاء الخمسة في مجموعتين بنسبة 2 : 3، ثم أجد مجموع قيم الأجزاء في كل مجموعة.

سيحصل أحد العاملين على 3 أجزاء، وسيحصل الآخر على جزأين.

120				
1 جزءًا	1 جزءًا	1 جزءًا	1 جزءًا	1 جزءًا
24	24	24	24	24

$$3 \times 24 = 72$$

$$2 \times 24 = 48$$

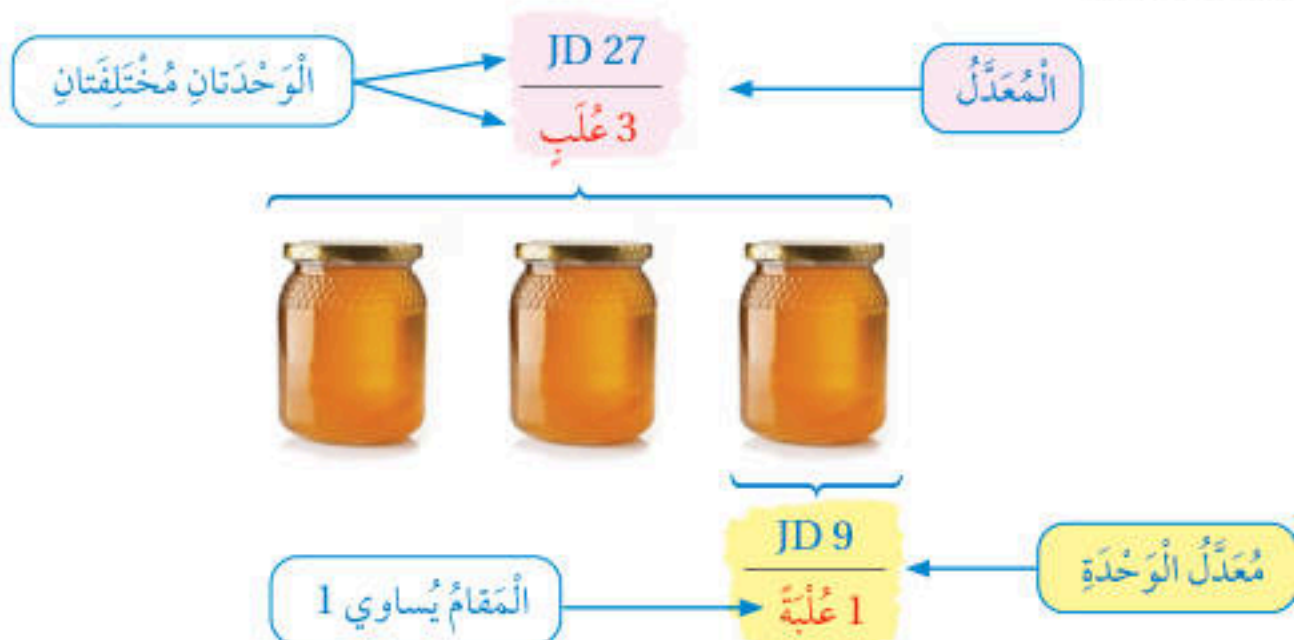
120				
1 جزءًا	1 جزءًا	1 جزءًا	1 جزءًا	1 جزءًا
72			48	

إذن، أأخذ أحد العاملين JD 72 وأأخذ الآخر JD 48.

أتحقق من فهمي:

حلولي: تقاسم أخوان 49 قطعة حلوى بنسبة 3 : 4، كم قطعة أخذ كل منهما؟

المعدل (rate) هو نسبة تُقارن بين كميتين لهما وحدتان مختلفتان. عند تبسيط المعدل ليصبح مقامه وحدة واحدة، فإنه يُسمى **معدل الوحدة (unit rate)**.



ومن معدلات الوحدة الشائعة في الحياة اليومية عدد الكيلومترات المقطوعة لكل ساعة (km/h)، وثمان الكيلوغرام الواحد بالدينار (JD/kg)، ويمكن حساب معدل الوحدة بكتابة المعدل أولاً، ثم قسمة كل من البسط والمقام على المقام حتى يصبح المقام مساوياً للواحد.

مثال 3

اكتب المعدل على صورة كسر، ثم أجد المعدل الوحدة في كل مما يأتي:

1 تقطع مركبة فضائية 112000 km في 5 h.

$$\frac{112000 \text{ km}}{5 \text{ h}}$$

اكتب المعدل على صورة كسر

$$\frac{112000 \text{ km}}{5 \text{ h}} = \frac{22400 \text{ km}}{1 \text{ h}}$$

أجد المعدل الوحدة: أقسم البسط والمقام على 5؛ حتى يصبح المقام 1

إذن، معدل الوحدة هو $\frac{22400 \text{ km}}{1 \text{ h}}$ أو 22400 km في الساعة الواحدة.

أتحقق من فهمي:

2 تنتج آلة 140 حبة فلافل في 4 دقائق.

يستخدم المعدل الوحدة لمقارنة أسعار السلع في العروض التجارية المختلفة.

مثال 4: من الحياة

أي العرضين الآتيين سعر الكرسي الواحد فيه أقل؟



لإيجاد سعر الكرسي الواحد، أحسب معدل الوحدة.

العرض الأول

اكتب المعدل على صورة كسر. أقرن السعر الكلي بعدد الكراسي.

$$\frac{\text{JD 88}}{4 \text{ كرسي}}$$

اكتب المعدل على صورة كسر

أجد معدل الوحدة بقسمة البسط والمقام على 4

$$\frac{\text{JD 88}}{4 \text{ كرسي}} = \frac{\text{JD 22}}{1 \text{ كرسي}}$$

أجد معدل الوحدة: أقسم البسط والمقام على 4؛ حتى يصبح المقام 1

إذن، معدل الوحدة في العرض الأول 22 دينارًا لكل كرسي.

العرض الثاني

اكتب المعدل على صورة كسر. أقرن السعر الكلي بعدد الكراسي.

$$\frac{\text{JD 228}}{12 \text{ كرسي}}$$

اكتب المعدل على صورة كسر

أجد معدل الوحدة بقسمة البسط والمقام على 12

$$\frac{\text{JD 228}}{12 \text{ كرسي}} = \frac{\text{JD 19}}{1 \text{ كرسي}}$$

أجد معدل الوحدة: أقسم البسط والمقام على 12؛ حتى يصبح المقام 1

إذن، معدل الوحدة في العرض الثاني 19 دينارًا لكل كرسي.

بمقارنة معدل الوحدة في العرضين ألاحظ أن سعر الكرسي الواحد في العرض الثاني أقل.

أتحقق من فهمي:

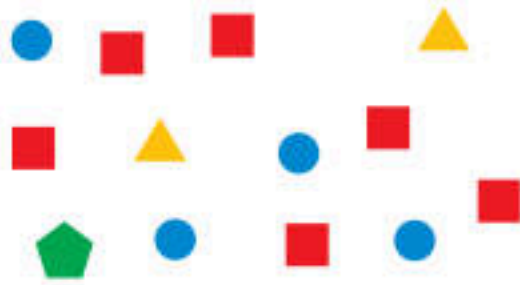


أي العرضين الآتيين سعر الطبق الواحد فيه أقل؟

العرض الثاني: 24 طبقًا بسعر JD96



العرض الأول: 6 أطباق بسعر JD18

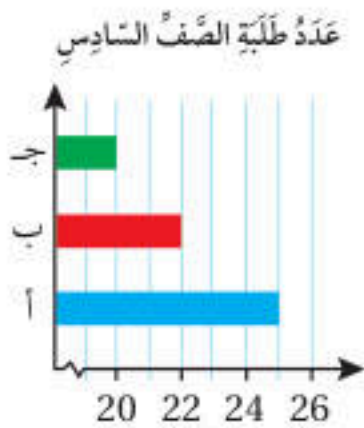


اعْتِمَادًا عَلَى النَّمُودَجِ الْمُجَاوِرِ، اَكْتُبْ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

- 1 نِسْبَةُ الْمُرَبَّعَاتِ إِلَى الدَّوَائِرِ.
 - 2 نِسْبَةُ الْمُثَلَّثَاتِ إِلَى الْمُرَبَّعَاتِ.
 - 3 نِسْبَةُ الْمُثَلَّثَاتِ إِلَى الْأَشْكَالِ الْخُمَاسِيَّةِ.
 - 4 نِسْبَةُ الدَّوَائِرِ إِلَى الْمُثَلَّثَاتِ إِلَى الْمُرَبَّعَاتِ.
- اعْتِمَادًا عَلَى الرَّسْمِ، اَكْتُبْ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:



- 5 نِسْبَةُ السَّكَاكِينِ إِلَى الْأَطْبَاقِ إِلَى الْمَلَاعِقِ.
- 6 نِسْبَةُ الْأَطْبَاقِ إِلَى الشُّوكَاتِ إِلَى الْمَلَاعِقِ.
- 7 نِسْبَةُ الشُّوكَاتِ إِلَى الْأَطْبَاقِ إِلَى الْأَدَوَاتِ جَمِيعِهَا.
- 8 نِسْبَةُ الْأَدَوَاتِ جَمِيعِهَا إِلَى السَّكَاكِينِ إِلَى الْمَلَاعِقِ.



مَدْرَسَةٌ: عَدَدُ طَلَبَةِ الصَّفِّ السَّادِسِ فِي إِحْدَى الْمَدَارِسِ 67 طَالِبًا مُوزَّعِينَ عَلَى 3 شُعَبٍ كَمَا يُوضَّحُ الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ، اَكْتُبْ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

- 9 نِسْبَةُ عَدَدِ طَلَبَةِ الشُّعْبَةِ (أ) إِلَى الشُّعْبَةِ (ج).
- 10 نِسْبَةُ عَدَدِ طَلَبَةِ الشُّعْبَةِ (أ) إِلَى الشُّعْبَةِ (ب) إِلَى الشُّعْبَةِ (ج).
- 11 نِسْبَةُ عَدَدِ طَلَبَةِ الصَّفِّ السَّادِسِ جَمِيعِهِمْ إِلَى عَدَدِ طَلَبَةِ الشُّعْبَةِ (ب).

أوزع كلاً مما يأتي حسب النسبة المُعطاة:

12 JD 24 بنسبة 2 : 1 13 75 cm بنسبة 4 : 1

14 56 kg بنسبة 5 : 2 15 15 m بنسبة 3 : 2

16 **جبال:** حبل طوله 48 m يُريد هيثم تقسيمه إلى قسمين بنسبة 3 : 5
ما طول كل قسم؟

17 أي العرضين الآتين سعر كيس البسكويت المالح الواحد فيه أقل؟



العرض الثاني:
3 أكياس بسعر JD12

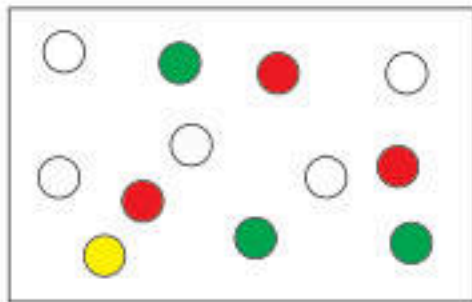


العرض الأول:
كيس واحد بسعر JD3

18 **وقود:** تزود مضخة خزان الوقود في شاحنة بـ 161 L وقوداً خلال 7 دقائق، وتزود مضخة أخرى خزان الوقود في شاحنة أخرى بـ 108 L وقوداً خلال 6 دقائق. أي المضختين أسرع؟

مهارات التفكير العليا

19 **تحد:** يحتوي كيس 8 قطع من السكاكر، بعضها لونها أحمر وبعضها أصفر، أكتب جميع النسب الممكنة للسكاكر الحمراء إلى الصفراء في الكيس، بأبسط صورة.



تبرير: اعتماداً على الشكل المجاور، أي العبارات الآتية صحيحة؟ أبرر إجابتي.

20 نسبة الدوائر الحمراء إلى الخضراء 1 : 1

21 نسبة الدوائر الصفراء إلى الحمراء 3 : 1

22 نسبة الدوائر الحمراء إلى غير الحمراء 3 : 12

تبرير: أجد قيمة n و m في كل مما يأتي، وأبرر إجابتي:

23 نسبة $n : m$ هي 1 : 7 و $n + m = 40$

24 نسبة $n : m$ هي 5 : 6 و $n + m = 33$

25 **اكتب:** ما الفرق بين النسبة والمعدل؟

أَسْتَكَشِفُ

خَلَطَ رَسَامٌ عُبُوتَ تَحْتَوِي اللَّوْنَيْنِ الْأَصْفَرَ وَالْأَحْمَرَ فِي تَجَرِبَتَيْنِ بِالنَّسَبِ
الْمَوْضَحَةِ فِي الشَّكْلِ أَذْنَاهُ. هَلْ سَيَحْصُلُ الرَّسَامُ عَلَى اللَّوْنِ نَفْسِهِ فِي كِلَا
التَّجَرِبَتَيْنِ؟



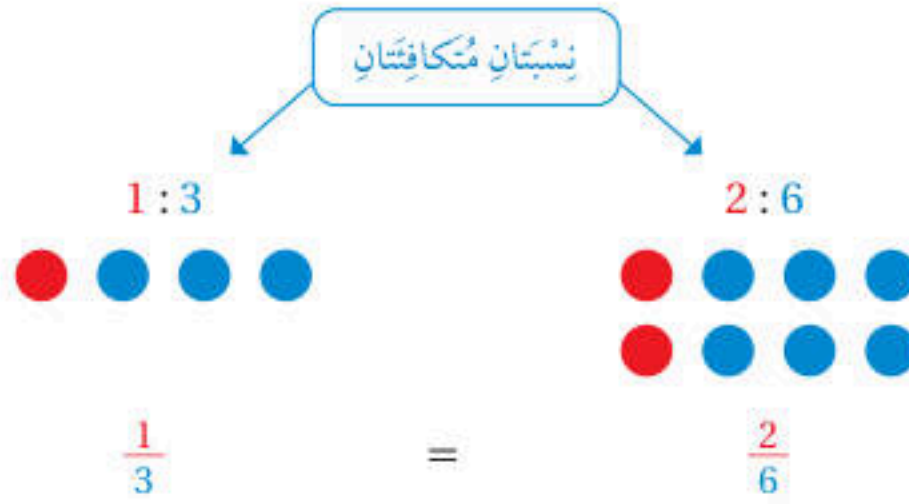
فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجِدْ نِسَبًا مُكَافِئَةً لِنِسْبَةِ مُعْطَاةٍ.

الْمُضْطَلَحَاتُ

النَّسَبُ الْمُتَكَافِئَةُ، جَدْوُلُ النَّسَبِ.

النَّسَبُ الْمُتَكَافِئُ (equivalent ratios) هِيَ نِسَبٌ تَصِفُ الْعِلَاقَةَ نَفْسَهَا بَيْنَ كَمَيْتَيْنِ. وَيُمْكِنُ كِتَابَةُ النَّسَبِ الْمُتَكَافِئَةِ عَلَى
صَوْرَةِ كُسُورٍ مُتَكَافِئَةٍ.

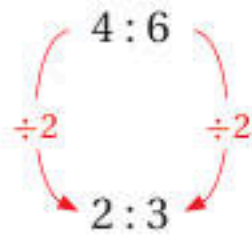


يُمْكِنُ إِيجَادُ نِسَبٍ مُكَافِئَةٍ لِنِسْبَةٍ مَا بِضَرْبِ طَرَفَيْهَا فِي الْعَدَدِ نَفْسِهِ، أَوْ قِسْمَتِهِمَا عَلَى الْعَدَدِ نَفْسِهِ.

مِثَال 1

اَكْتُبْ نِسْبَةً تُكَافِئُ النِّسْبَةَ الْمَوْضَحَةَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

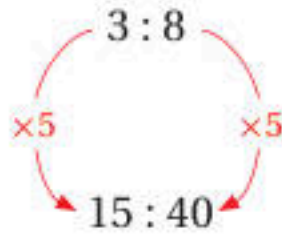
1 4 : 6



أَقْسِمُ طَرَفَيِ النِّسْبَةِ عَلَى الْعَدَدِ نَفْسِهِ (2)

إِذَنْ، 2 : 3 تُكَافِئُ 4 : 6

2 3 : 8



أضرب طرفي النسبة في العدد نفسه (5)

إذن، 15 : 40 تُكافئ 3 : 8

أتحقق من فهمي:



3 14 : 10

4 5 : 7

يُمكنُ تنظيمُ النسبِ المُتكَافِئَةِ في جَدُولِ نِسْبَةٍ (ratio table)، وَهُوَ جَدُولٌ تَحْتَوِي أَعْمَدَتُهُ نِسَبًا مُتكَافِئَةً.

النسبة الأولى 3 : 7

عَدَدُ الْمَسَاطِيرِ	3	6
عَدَدُ الْأَقْلَامِ	7	14

النسبة الثانية 6 : 14

يُمكنُ اسْتِعْمَالُ الضَّرْبِ أَوْ الْقِسْمَةِ لِإِكْمَالِ جَدُولِ نِسْبَةٍ بَعْضُ الْقِيَمِ فِيهِ مُعْطَاةٌ.

مثال 2

أَكْمِلْ جَدُولَ النِّسْبَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَكْتُبِ النِّسْبَ الْمُتكَافِئَةَ:

1

عَدَدُ الْحَقَائِبِ	2	6
الثَّمَنُ	16	

عَدَدُ الْحَقَائِبِ	2	6
الثَّمَنُ	16	48

بِمَا أَنَّ $6 = 2 \times 3$ أَضْرِبُ 16 فِي 3؛ لِأَحْصُلَ عَلَى الْعَدَدِ الْمُقَابِلِ فِي النِّسْبَةِ الثَّانِيَةِ.

النِّسْبَتَانِ الْمُتكَافِئَتَانِ هُمَا: 6 : 48 ، 2 : 16

الوحدة 6

2

عَدَدُ الطَّاوِلَاتِ	9		1
عَدَدُ الْأَشْخَاصِ	45	15	

عَدَدُ الطَّاوِلَاتِ	9	3	1
عَدَدُ الْأَشْخَاصِ	45	15	

عَدَدُ الطَّاوِلَاتِ	9	3	1
عَدَدُ الْأَشْخَاصِ	45	15	5

بِمَا أَنَّ $15 = 45 \div 3$ أَقْسِمُ 9 عَلَى 3؛ لِأَحْصِلَ عَلَى الْعَدَدِ الْمُقَابِلِ فِي النِّسْبَةِ الثَّانِيَةِ.

أَقْسِمُ طَرَفِي النِّسْبَةِ الثَّانِيَةِ عَلَى 3؛ لِأَحْصِلَ عَلَى الْعَدَدِ الْمُقَابِلِ فِي النِّسْبَةِ الثَّالِثَةِ.

النِّسْبُ الْمُتَكَافِئَةُ هِيَ: $9 : 45$, $3 : 15$, $1 : 5$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

3

عَدَدُ الدَّفَافِرِ	6	18
عَدَدُ الْأَقْلَامِ	13	

4

عَدَدُ الْأَوْلَادِ	3	21	
عَدَدُ الْبَنَاتِ	5		245

يُمْكِنُ حَلُّ مَسَائِلَ حَيَاتِيَّةٍ بِإِنْشَاءِ جَدْوَلِ نِسْبَةٍ وَإِكْمَالِهِ، وَقَدْ لَا يَوْجَدُ عَدَدٌ صَحِيحٌ يُمْكِنُ ضَرْبُهُ فِي إِحْدَى قِيَمِ الْجَدْوَلِ لِلْحُصُولِ عَلَى الْقِيَمَةِ الْمُقَابِلَةِ فِي نِسْبَةٍ أُخْرَى مُكَافِئَةٍ، وَعِنْدَئِذٍ يُمْكِنُ الْقِسْمَةُ عَلَى عَدَدٍ مَا ثُمَّ الضَّرْبُ فِي عَدَدٍ آخَرَ، أَوْ الْعَكْسُ.

مثال 3: من الحياة



1 فطائر: لِعَمَلِ 10 فطائر يلزم 4 kg من الدقيق. ما كُتْلَةُ الدقيق اللازم لِعَمَلِ 15 فطيرة؟

الخطوة 1: أنشئ جدول نسبة.

نسبة عدد الفطائر إلى عدد كيلوغرامات الطحين هي 10 : 4

عدد الفطائر	10		15
كُتْلَةُ الدقيق (kg)	4		

اكتب القيم المُعطاة في جدول النسبة.

الخطوة 2: اكمل جدول النسبة.

لا يوجد عدد صحيح يُمكن ضربُه في 10 للحصول على 15؛ لذا أقلص العدد 10 باستعمال القسمة؛ لأحصل على عدد يُمكن ضربُه في عدد صحيح للحصول على 15

عدد الفطائر	10	5	15
كُتْلَةُ الدقيق (kg)	4	2	

أقسم طرفي النسبة الأولى على 2

بما أن $15 = 3 \times 5$ أضرب 2 في 3؛ لأحصل على العدد المقابل في النسبة الثالثة.

عدد الفطائر	10	5	15
كُتْلَةُ الدقيق (kg)	4	2	6

أضرب طرفي النسبة الثانية في 3

إذن، كُتْلَةُ الدقيق اللازم لِعَمَلِ 15 فطيرة تساوي 6 kg

أتحقق من فهمي:

2 حلويات: تحتوي كل 200 g في طبق من حلاوة الجبن 14 g من السكر، ما كُتْلَةُ السكر التي تحتويها 300 g من الطبق؟

الوحدة 6

أَتَدْرِبُ وَأُخَلِّ الْمَسَائِلَ

أَجِدْ نِسْبَةً تُكَافِي كُلًّا مِنَ النِّسَبِ الْآتِيَةِ:

- 1 6 : 11 2 9 : 15 3 21 : 18 4 13 : 19

أَكْمِلْ كُلَّ جَدْوَلٍ نِسْبَةٍ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَكْتُبِ النِّسْبَةَ الْمُتَكَافِئَةَ:

5

عَدَدُ قَوَارِيرِ الْمَاءِ	2	8
عَدَدُ اللَّتْرَاتِ	3	

6

عَدَدُ الْقِطَعِ		1
الثَّمَنُ بِالْدينَارِ	6	3

7

عَدَدُ الْحَوَاسِبِ	240	20	
عَدَدُ الطَّابِعَاتِ	36		15

8

عَدَدُ السَّيَّارَاتِ	5	10	
عَدَدُ الْحَافِلَاتِ	4		32

9

الطُّلَّابُ	36		54
الطَّالِبَاتُ	66		

10

عَدَدُ الْقُمْصَانِ	100		
عَدَدُ الْبَنَاطِيلِ	35		70



11 **ألوان:** يُحَضِّرُ رَسَامٌ دَرَجَةً مِنْ دَرَجَاتِ اللَّوْنِ الْبَنَفْسَاجِيِّ بِإِضَافَةِ قَطْرَاتٍ مِنَ اللَّوْنِ الْأَزْرَقِ إِلَى قَطْرَاتٍ مِنَ اللَّوْنِ الْأَحْمَرِ بِنِسْبَةِ 5 : 3، كَمْ قَطْرَةً مِنَ اللَّوْنِ الْأَزْرَقِ سَيَحْتَاجُ إِلَى إِضَافَتِهَا إِلَى 45 قَطْرَةً مِنَ اللَّوْنِ الْأَحْمَرِ؟

12 **عصائر:** يَضَعُ عَامِلٌ فِي مَحَلٍّ لِلْعَصِيرِ 12 مُكْعَبَ سَكَّرٍ فِي 600 mL مِنْ عَصِيرِ الْكَرْكَدِيَّةِ. كَمْ مُكْعَبَ سَكَّرٍ يَضَعُ فِي 250 mL مِنْ عَصِيرِ الْكَرْكَدِيَّةِ؟

13 **بُسْتَنَّة:** يَتَقَاضَى بُسْتَانِيٌّ 20 JD عَنْ كُلِّ 8 سَاعَاتٍ عَمَلٍ، كَمْ يَتَقَاضَى عَنْ 10 سَاعَاتٍ عَمَلٍ؟

أَكْتُبْ 3 نِسَبٍ تَصِفُ كُلَّ شَكْلِ مِمَّا يَأْتِي:

14 نِسْبَةُ الْأَقْمَارِ إِلَى النُّجُومِ. 15 نِسْبَةُ الْوُجُوهِ السَّعِيدَةِ إِلَى الْوُجُوهِ الْحَزِينَةِ.



مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

16 أَكْتُشِفُ الْمُخْتَلِفَ: أَيُّ النِّسَبِ الْآتِيَةِ مُخْتَلِفَةٌ عَنِ الْبَقِيَّةِ؟

2 : 7 4 : 14 6 : 20 6 : 21

17 أَكْتُشِفُ الْخَطَأَ: أَحَدُ الْقِيَمَةِ الْخَطَأِ فِي جَدُولِ النِّسَبِ الْآتِي، وَأَصَحُّهَا:

عَدَدُ الْعُبَّاتِ	4	16	64
السَّعَةُ بِاللَّتْرِ	3	12	36

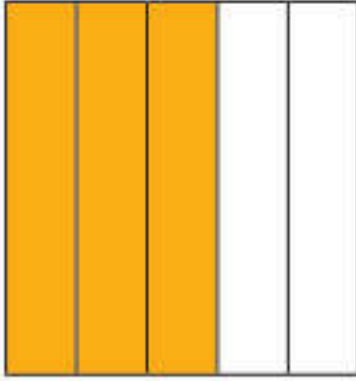
18 تَبْرِيرٌ: قَالَ رَائِدٌ: النِّسْبَةُ 4 : 2 تُكَافِيُ النِّسْبَةَ 18 : 9، هَلْ قَوْلُهُ صَحِيحٌ؟ أَبْرِّرْ إِجَابَتِي.

19 تَحَدُّ: لَدَى هَنَاءَ مُكْعَبَاتُ حَمْرَاءُ وَزَرْقَاءُ وَخَضْرَاءُ وَفَقَّ النِّسَبِ الْمُبَيَّنَةِ أَذْنَاهُ، إِذَا كَانَ لَدَيْهَا 6 مُكْعَبَاتِ زَرْقَاءَ، فَكَمْ مُكْعَبًا أَحْمَرَ لَدَيْهَا؟

أَحْمَرٌ : أَخْضَرُ	أَخْضَرٌ : أَزْرَقُ
2 : 5	1 : 3

20 أَصِفْ طَرِيقَةَ إِيجَادِ نِسْبَةٍ مُكَافِئَةٍ لِنِسْبَةِ مُعْطَاةٍ؟ أَكْتُبْ

أستكشف



ما النسبة المئوية للجزء المظلل في الشكل المجاور؟

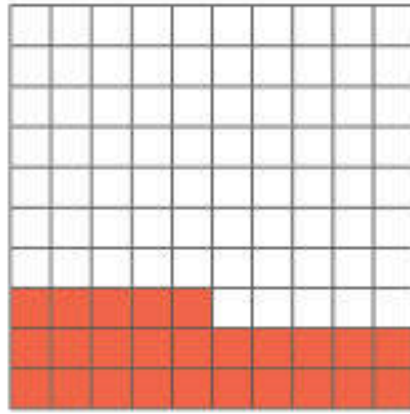
فكرة الدرس

اكتب النسبة المئوية على صورة كسر عادي، والعكس.

المصطلحات

النسبة المئوية.

النسبة المئوية (percentage) هي نسبة تقارن عددا ما بالعدد مئة؛ ولأن النسبة المئوية تمثل عدد الأجزاء من مئة، فإنه يمكن تحويلها إلى كسر عادي مقامه مئة.



عدد الأجزاء المظلة

$$25\% = \frac{25}{100}$$

من مئة جزء

مثال 1

اكتب كلاً من النسب المئوية الآتية على صورة كسر عادي في أبسط صورة:

1 55%

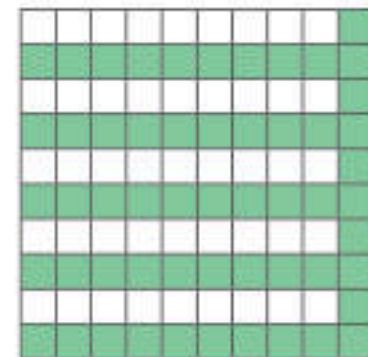
$$55\% = \frac{55}{100}$$

$$= \frac{55 \div 5}{100 \div 5}$$

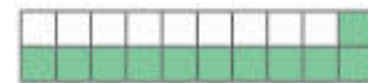
$$= \frac{11}{20}$$

اكتب النسبة المئوية على صورة كسر عادي

أبسط الكسر بقسمة بسطه ومقامه على العامل المشترك الأكبر بينهما (5)



$$\frac{55}{100}$$



$$\frac{11}{20}$$

2 6%

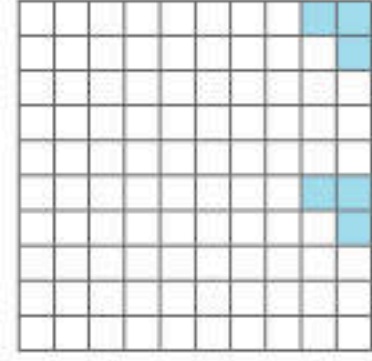
$$6\% = \frac{6}{100}$$

$$= \frac{6 \div 2}{100 \div 2}$$

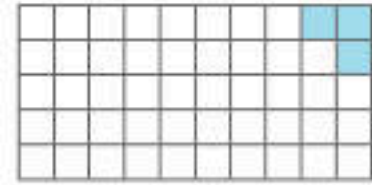
$$= \frac{3}{50}$$

أَحْوُلُ النِّسْبَةَ الْمِئْوِيَّةَ إِلَى كَسْرٍ عَادِيٍّ

أَبَسِّطُ الْكَسْرَ بِقِسْمَةِ بَسْطِهِ وَمَقَامِهِ عَلَى
الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَكْبَرَ بَيْنَهُمَا (2)



$$\frac{6}{100}$$



$$\frac{3}{50}$$

✓ أُنْخَقِّقُ مِنْ فَهْمِي:

3 35%

4 16%

5 5%

6 4%

يُمْكِنُنَا كِتَابَةُ الْكُسُورِ الْعَادِيَّةِ عَلَى صَوْرَةِ نِسْبٍ مِئْوِيَّةٍ، وَذَلِكَ بِإِيجَادِ كَسْرٍ مُكَافِئٍ مَقَامُهُ 100

أَكْتُبْ كُلَّ كَسْرٍ مِمَّا يَأْتِي عَلَى صَوْرَةِ نِسْبَةٍ مِئْوِيَّةٍ:

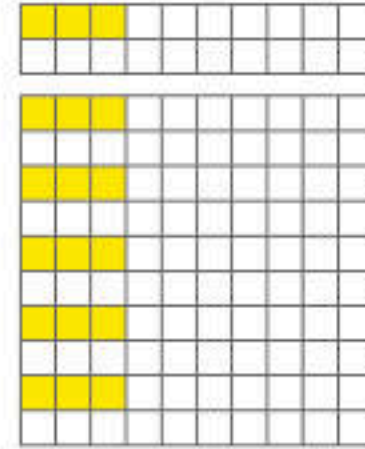
مثال 2

1 $\frac{3}{20}$

$$\frac{3}{20} = \frac{15}{100} = 15\%$$

أَضْرِبُ كُلًّا مِنَ الْبَسْطِ وَالْمَقَامِ فِي 5؛
حَتَّى يُصْبِحَ الْمَقَامُ 100

أَكْتُبُ الْكَسْرَ عَلَى صَوْرَةِ نِسْبَةٍ مِئْوِيَّةٍ

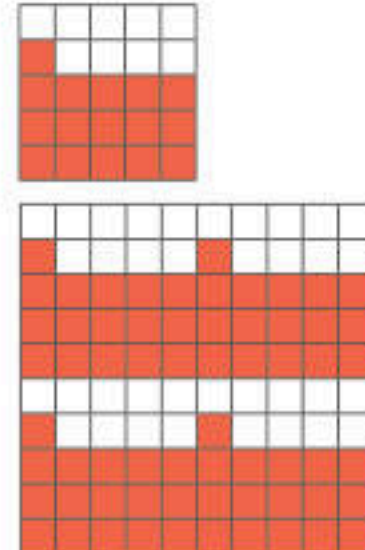


2 $\frac{16}{25}$

$$\frac{16}{25} = \frac{64}{100} = 64\%$$

أَضْرِبُ كُلًّا مِنَ الْبَسْطِ وَالْمَقَامِ فِي 4؛
حَتَّى يُصْبِحَ الْمَقَامُ 100

أَكْتُبُ الْكَسْرَ عَلَى صَوْرَةِ نِسْبَةٍ مِئْوِيَّةٍ



الوحدة 6

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



3 $\frac{13}{20}$

4 $\frac{13}{25}$

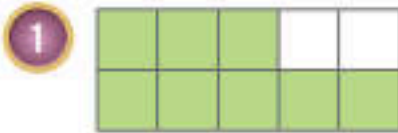
5 $\frac{7}{10}$

6 $\frac{1}{4}$

لإيجاد النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل في نموذج هندسي، أجد الكسر العادي الذي يمثل الجزء المظلل أولاً، ثم أكتبه على صورة نسبة مئوية.

مثال 3

أكتب النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل في كل نموذج مما يأتي:



$$\frac{8}{10}$$

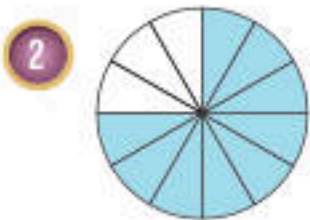
أكتب الكسر العادي الذي يمثل الجزء المظلل في النموذج

$$= \frac{8 \times 10}{10 \times 10} = \frac{80}{100}$$

أضرب البسط والمقام في 10

$$= 80\%$$

أكتب الكسر على صورة نسبة مئوية



$$\frac{9}{12}$$

أكتب الكسر العادي الذي يمثل الجزء المظلل في النموذج

$$= \frac{9 \div 3}{12 \div 3} = \frac{3}{4}$$

أبسط الكسر بالقسمة على 3

$$= \frac{3 \times 25}{4 \times 25} = \frac{75}{100}$$

أضرب البسط والمقام في 25

$$= 75\%$$

أكتب الكسر على صورة نسبة مئوية

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



مثال 4: من الحياة



تقييم إلكتروني: أكتب النسبة المئوية لعدد الزبائن الذين قِيمُوا مَطْعَمَ أَحْمَدَ بِخَمْسِ نُجُومٍ فِي كُلِّ مِنَ الْحَالَاتِ الْآتِيَةِ:

1 إذا زارَ المَطْعَمَ 100 شَخْصٍ، وَقَيَّم 34 مِنْهُمْ المَطْعَمَ بِخَمْسِ نُجُومٍ.

$$\frac{34}{100} = 34\%$$

أَكْتُبِ النِّسْبَةَ عَلَى صُورَةِ كَسْرٍ عَادِيٍّ

أَكْتُبِ الكَسْرَ عَلَى صُورَةِ نِسْبَةٍ مِئَوِيَّةٍ

2 إذا زارَ المَطْعَمَ 20 شَخْصًا، وَقَيَّم 9 مِنْهُمْ المَطْعَمَ بِخَمْسِ نُجُومٍ.

$$\frac{9}{20} = \frac{9 \times 5}{20 \times 5} = \frac{45}{100} = 45\%$$

أَكْتُبِ النِّسْبَةَ عَلَى صُورَةِ كَسْرٍ عَادِيٍّ

أَجْعَلْ مَقَامَ الكَسْرِ 100 بِضَرْبِ كُلِّ مِنَ البَّسْطِ وَالْمَقَامِ فِي 5

أَكْتُبِ الكَسْرَ عَلَى صُورَةِ نِسْبَةٍ مِئَوِيَّةٍ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



3 إذا زارَ المَطْعَمَ 100 شَخْصٍ، وَقَيَّم 67 مِنْهُمْ المَطْعَمَ بِخَمْسِ نُجُومٍ.

4 إذا زارَ المَطْعَمَ 10 أَشْخَاصٍ جَمِيعُهُمْ قَيَّمُوا المَطْعَمَ بِخَمْسِ نُجُومٍ.

أَكْتُبِ كُلًّا مِنَ النِّسَبِ الْمِئَوِيَّةِ الْآتِيَةِ عَلَى صُورَةِ كَسْرٍ عَادِيٍّ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

- | | | | |
|-------|-------|--------|-------|
| 1 30% | 2 45% | 3 24% | 4 58% |
| 5 12% | 6 95% | 7 100% | 8 2% |

أَتَدْرِبُ وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ



الوحدة 6

اكتب كل كسر مما يأتي على صورة نسبة مئوية:

9 $\frac{19}{100}$

10 $\frac{17}{20}$

11 $\frac{9}{25}$

12 $\frac{13}{50}$

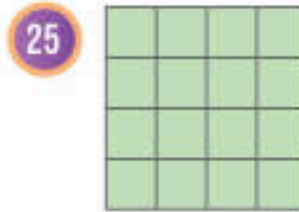
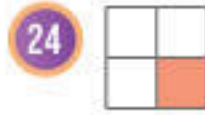
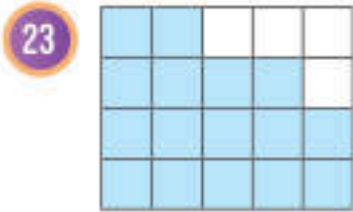
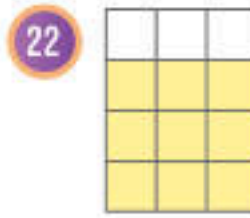
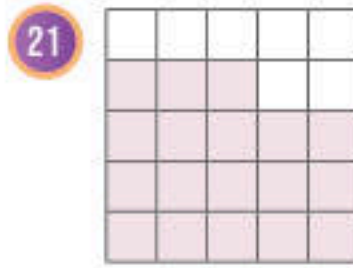
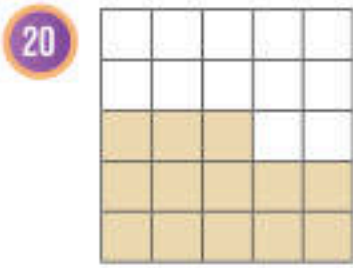
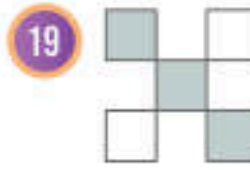
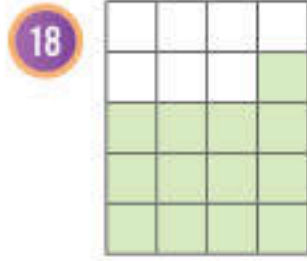
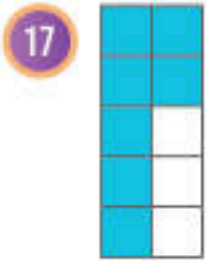
13 $\frac{3}{5}$

14 $\frac{1}{2}$

15 $\frac{3}{4}$

16 $\frac{2}{40}$

اكتب النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل في كل نموذج مما يأتي:



نظارات: عدد طالبات الصف السادس في مدرسة مروة 100 طالبة. إذا كانت 12 طالبة منهن يرتدين النظارات، فأجد:

26 النسبة المئوية للطالبات اللواتي يرتدين النظارات في الصف السادس.

27 النسبة المئوية للطالبات اللواتي لا يرتدين النظارات في الصف السادس.

28 إذا كان عدد الطالبات في صف مروة 20 طالبة 3 منهن يرتدين النظارات، فما النسبة المئوية لعدد الطالبات اللواتي يرتدين النظارة في صف مروة؟

معلومة

ينصح الأطباء بعدم قضاء وقت طويل في مشاهدة التلفاز أو العمل على الحاسوب؛ حفاظاً على صحة العينين.



كُرَّةُ قَدَمٍ: يَبِينُ الْجَدْوَلُ الْمُجَاوِرُ عَدَدَ الْمُبَارَيَاتِ الَّتِي لَعِبَهَا فَرِيقَانِ لِكُرَّةِ الْقَدَمِ، أَسْتَغْمِلُ النِّسْبَةَ الْمِثْوِيَّةَ لِأَيِّ الْفَرِيقَيْنِ أَفْضَلُ.



الْفَرِيقُ	عَدَدُ الْمُبَارَيَاتِ	عَدَدُ مَرَاتِ الْفَوْزِ
الْأَشْبَالُ	25	14
النُّسُورُ	20	12

أَضَعُ < أَوْ > أَوْ = فِي الْفَرَاغِ لِأَكُونَ عِبَارَةً صَحِيحَةً فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

30 $\frac{1}{25}$ ○ 30%

31 50% ○ $\frac{3}{6}$

32 $\frac{3}{20}$ ○ 12%

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَضَعُ رَفْعًا مُنَاسِبًا فِي كُلِّ مُرَبَّعٍ بِحَيْثُ تُصْبِحَ الْعِبَارَةُ صَحِيحَةً:

$$\frac{\square}{2\square} = \square 6\%$$

اُكْتَشِفُ الْخَطَأَ: كَتَبَتْ سَمِيرَةُ الْكُسْرَ $\frac{14}{25}$ عَلَى صَوْرَةٍ نِسْبِيَّةٍ مِثْوِيَّةٍ مُتَّبِعَةً الْخُطُواتِ الْوَارِدَةَ أَذْنَاهُ، اُكْتَشِفُ الْخَطَأَ فِي حَلِّهَا، وَأَصَحِّحْهُ.

$$\frac{14}{25} = \frac{14 \times 4}{25 \times 4} = \frac{56}{100} = 0.56\%$$

اُكْتَشِفُ الْخَطَأَ: أَمْضَى بَهَاءُ سَاعَةً فِي النَّادِي الرِّيَاضِيِّ تَدْرَبَ خِلَالَهَا مُدَّةَ 30 دَقِيقَةً عَلَى تَمَارِينِ تَقْوِيَّةٍ لِلْعَضَلَاتِ. قَالَ بَهَاءُ (أَمْضَيْتُ 30% مِنَ السَّاعَةِ فِي تَمَارِينِ تَقْوِيَّةِ الْعَضَلَاتِ). هَلْ قَوْلُهُ صَحِيحٌ؟ أَبْرِّرْ إِجَابَتِي.

36 **اُكْتُبْ** كَيْفَ اُكْتُبْتُ الْكُسْرَ $\frac{1}{20}$ عَلَى صَوْرَةٍ نِسْبِيَّةٍ مِثْوِيَّةٍ؟



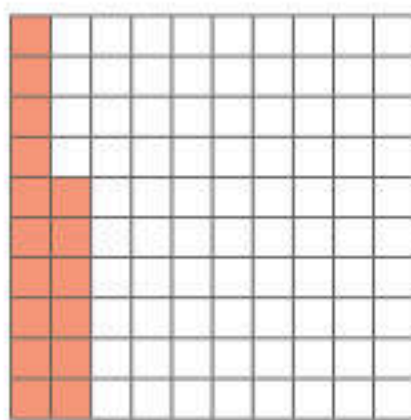
أستكشف

النسبة المئوية لمساحة المرتفعات في الأردن 6%، أكتب هذه النسبة على صورة كسر عشري.

فكرة الدرس

أحوّل النسبة المئوية إلى كسر عشري، والعكس.

تعلمت في الدرس السابق كتابة النسبة المئوية على صورة كسر عادي، ويمكن أيضًا كتابة النسبة المئوية على صورة كسر عشري.



$$16\% = \frac{16}{100} = 0.16$$

16 جزءًا من مئة

مثال 1

أكتب كل نسبة مئوية مما يأتي على صورة كسر عشري:

1 79%

$$79\% = \frac{79}{100}$$

$$= 0.79$$

أكتب النسبة المئوية على صورة كسر عادي مقامه 100

أكتب الكسر العادي على صورة كسر عشري بتحريك الفاصلة العشرية منزلتين نحو اليسار

طريقة بديلة

أحذف الرمز (%)، ثم أقسم على 100 بتحريك الفاصلة العشرية منزلتين نحو اليسار.

$$79\% = 0.79\% = 0.79$$

2 3%

$$3\% = \frac{3}{100}$$

$$= 0.03$$

اكتب النسبة المئوية على صورة كسر عادي مقامه 100

اكتب الكسر العادي على صورة كسر عشري بتحرك الفاصلة العشرية منزلتين نحو اليسار

3 7.5%

$$7.5\% = \frac{7.5}{100}$$

$$= \frac{75}{1000}$$

$$= 0.075$$

اكتب النسبة المئوية على صورة كسر عادي مقامه 100

أضرب البسط والمقام في 10؛ لأحصل على عدد صحيح في البسط

اكتب الكسر العادي على صورة كسر عشري بتحرك الفاصلة العشرية ثلاث منازل نحو اليسار

أتحقق من فهمي:



4 18%

5 91%

6 2.5%

7 9%

يمكن أيضًا كتابة الكسر العشري على صورة نسبة مئوية.

مثال 2

اكتب كل كسر عشري مما يأتي على صورة نسبة مئوية:

1 0.13

$$0.13 = \frac{13}{100}$$

$$= 13\%$$

اكتب الكسر العشري على صورة كسر عادي

اكتب الكسر العادي على صورة نسبة مئوية

طريقة بديلة

أضرب في 100 بتحرك الفاصلة العشرية منزلتين نحو اليمين، ثم أضيف الرمز (%).

$$0.13 = 0.13 \times 100 = 13\%$$

الوحدة 6

2 0.016

$$0.016 = \frac{16}{1000}$$

$$= \frac{16 \div 10}{1000 \div 10} = \frac{1.6}{100}$$

$$= 1.6\%$$

أَكْتُبُ الْكُسْرَ الْعَشْرِيَّ عَلَى صُورَةِ كُسْرٍ عَادِيٍّ

أَقْسِمُ عَلَى 10؛ لِأَجْعَلَ الْمَقَامَ يُسَاوِي 100

أَكْتُبُ الْكُسْرَ الْعَادِيَّ عَلَى صُورَةِ نِسْبَةٍ مِثْوِيَّةٍ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



3 0.44

4 0.03

5 0.029

6 0.008

عِنْدَ الْمُقَارَنَةِ بَيْنَ نِسَبٍ مِثْوِيَّةٍ وَكُسُورٍ، أَكْتُبُهَا جَمِيعًا عَلَى صُورَةِ نِسَبٍ مِثْوِيَّةٍ أَوْ كُسُورٍ عَادِيَّةٍ لَهَا الْمَقَامُ نَفْسُهُ أَوْ كُسُورٍ عَشْرِيَّةٍ.

مثال 3: مِنَ الْحَيَاةِ



أَنْظُرُ الْعُرُوضَ الْآتِيَةَ، وَأُجِيبُ:



1 أَيُّ الْعُرُضَيْنِ يُقَدِّمُ خَصْمًا أَكْبَرَ عَلَى سِعْرِ الْحَقِيقَةِ، الْأَوَّلُ أَمْ الثَّانِي؟

لِتَحْدِيدِ الْعَرْضِ الَّذِي يُقَدِّمُ خَصْمًا أَكْبَرَ، أَكْتُبُ الْكُسْرَ $\frac{3}{25}$ عَلَى صُورَةِ نِسْبَةٍ مِثْوِيَّةٍ؛ لِأَنَّ مُقَارَنَةَ النِّسَبِ الْمِثْوِيَّةِ عَادَةً أَسْهَلُ مِنْ مُقَارَنَةِ الْكُسُورِ الْعَادِيَّةِ.

$$\frac{3}{25} = \frac{12}{100} = 12\%$$

أَضْرِبُ كُلًّا مِنَ الْبَسِطِ وَالْمَقَامِ فِي 4؛ حَتَّى يُصْبِحَ الْمَقَامُ 100

أَكْتُبُ الْكُسْرَ عَلَى صُورَةِ نِسْبَةٍ مِثْوِيَّةٍ

بِمَا أَنَّ 14% أَكْبَرُ مِنْ 12% فَإِنَّ الْعَرْضَ الثَّانِي يُقَدِّمُ خَصْمًا أَكْبَرَ عَلَى سِعْرِ الْحَقِيقَةِ.

2 أي العرضين يُقدّم خصماً أكبر على سعر الحقيبة، الثاني أم الثالث؟

لتحديد العرض الذي يُقدّم خصماً أكبر أكتب 14% على صورة كسر عشري.

$$14\% = \frac{14}{100} = 0.14$$

بما أن 0.14 أكبر من 0.09 فإن العرض الثاني يُقدّم خصماً أكبر على سعر الحقيبة.

✓ **أتحقّق من فهمي:**

المحافظة	نسبة المساحة
الكرّك	4%
المفرق	0.3
عمّان	8.5%
الزرقاء	$\frac{1}{20}$

مساحات: يُبيّن الجدولُ المُجاورُ نسب مساحات بعض المحافظات من مساحة الأردن:

3 أي المساحتين أكبر، مساحة محافظة الزرقاء أم مساحة محافظة عمّان؟

4 أي المساحتين أكبر، مساحة محافظة الكرك أم مساحة محافظة المفرق؟

أَتَدَرَّبُ
وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ

أكتبُ كلَّ نسبةٍ مئويّةٍ ممّا يأتي على صورة كسرٍ عشريّ:

- | | | | |
|--------|-------|---------|---------|
| 1 10% | 2 30% | 3 75% | 4 16% |
| 5 0.3% | 6 2% | 7 0.05% | 8 0.69% |

أكتبُ كلَّ كسرٍ عشريٍّ ممّا يأتي على صورة نسبةٍ مئويّةٍ:

- | | | | |
|--------|----------|----------|----------|
| 9 0.15 | 10 0.43 | 11 0.03 | 12 0.08 |
| 13 0.8 | 14 0.203 | 15 0.008 | 16 0.017 |



17 **دراسة:** حصّلت غيداء النتائج الآتية في اختبارات نهاية الفصل. في أي المواد حصّلت غيداء على النتيجة الأفضل؟

اللغة العربية	الرياضيات	اللغة الإنجليزية
$\frac{47}{50}$	0.9	82%

الوحدة 6

نِسْبَةُ الْقُطْنِ	القَمِيصُ
20%	الأوّل
0.5	الثاني
$\frac{21}{30}$	الثالث

قُمَصَانُ: يَبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْمُجَاوِرُ نِسْبَةَ الْقُطْنِ فِي ثَلَاثَةِ قُمَصَانٍ، أَيُّهَا نِسْبَةُ الْقُطْنِ فِيهِ هِيَ الْأَكْثَرُ؟

18

مَعْلُومَةٌ

يَصِلُ ارْتِفَاعُ نَبْتَةِ الْقُطْنِ إِلَى مِثْرَيْنِ، وَتَحْصُلُ عَلَى أَلْيَافِ النَّسِيجِ الْقُطْنِيِّ مِنَ الرَّغَبِ الْأَبْيَضِ الرَّقِيقِ الَّذِي يُعْطِي بُذُورَ نَبْتَةِ الْقُطْنِ.



أَضَعُ < أَوْ > أَوْ = فِي لِأَكُونَ عِبَارَةً صَحِيحَةً فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

- 19 59% 0.6 20 0.04 5% 21 $\frac{9}{25}$ 36%
- 22 8% 0.8 23 0.02 2% 24 7% $\frac{7}{10}$

0.5	
0.2	75%
0.05	20%
	5%
0.1	1%
0.75	50%

أَصِلْ بِخَطِّ يَبَيِّنُ كُلَّ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي وَمَا يُسَاوِيهِ مِنْ نِسْبَةٍ مِثْوِيَّةٍ، ثُمَّ اكْمِلِ الْجَدْوَلَ بِكِتَابَةِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ وَالنَّسَبِ الْمِثْوِيَّةِ النَّاقِصَةِ.

25

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

اُكْتَشِفُ الْمُخْتَلَفُ: أَيُّ الْآتِي مُخْتَلَفٌ؟ اُبْرِّرْ إِجَابَتِي.

26

$$\frac{1}{5}$$

$$0.2$$

$$5\%$$

$$20\%$$

اُكْتَشِفُ الْخَطَأُ: حَوَّلْتُ سَيِّمَاءَ 70% إِلَى كَسْرٍ عَشْرِيٍّ كَمَا يَأْتِي، أُبَيِّنُ الْخَطَأَ فِي حَلِّهَا، وَأَصَحِّحُهُ.

27

$$70\% = 0.07$$

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: اُكْتُبْ نِسْبَةَ مِثْوِيَّةٍ تَقَعُ بَيْنَ 0.24، وَ 0.3

28

كَيْفَ أَحْوَلُ كَسْرًا عَشْرِيًّا إِلَى نِسْبَةٍ مِثْوِيَّةٍ؟



29



أستكشف

إذا كان سعر الدراجة الهوائية
50 ديناراً، فكَمْ يُصْبِحُ سعرُها
بعدَ الخصمِ؟

فكرة الدرس

أجدُ النسبة المئوية من عدد،
ومن كمية.

يُمكنُ حسابُ نسبة مئوية من عدد بكتابة النسبة المئوية على صورة كسر عادي أو كسر عشري، ثم الضرب في ذلك العدد.

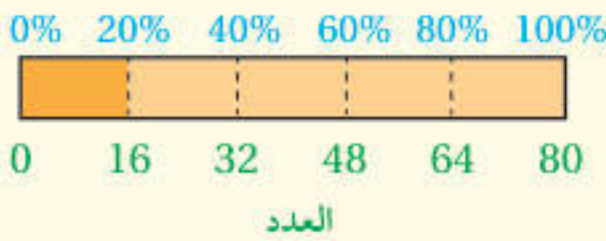
حساب نسبة مئوية من عدد

مفهوم أساسي

بالكلمات: لإيجاد نسبة مئوية من عدد، أكتب النسبة المئوية على صورة كسر عادي أو عشري، ثم أضربه في ذلك العدد.

بالنماذج:

النسبة المئوية



بالأعداد:

20% من 80

$$\frac{20}{100} \times 80 = 16$$

$$0.2 \times 80 = 16$$

مثال 1

أجدُ النسبة المئوية من العدد في كُلِّ ممَّا يأتي:

12% من 50

أكتبُ النسبة المئوية على صورة كسر عادي أو كسر عشري ثم أضربُ.

$$12\% = \frac{12}{100}$$

$$\frac{12}{100} \times 50 = 6$$

أكتبُ النسبة المئوية على صورة كسر عادي

أضربُ الكسر العادي في العدد

إذن، 12% من 50 تُساوي 6

الوحدة 6

2 90% من 20

اكتب النسبة المئوية على صورة كسر عادي أو كسر عشري ثم أضرب.

$$90\% = 0.9$$

اكتب النسبة المئوية على صورة كسر عشري

$$0.9 \times 20 = 18$$

أضرب الكسر العشري في العدد

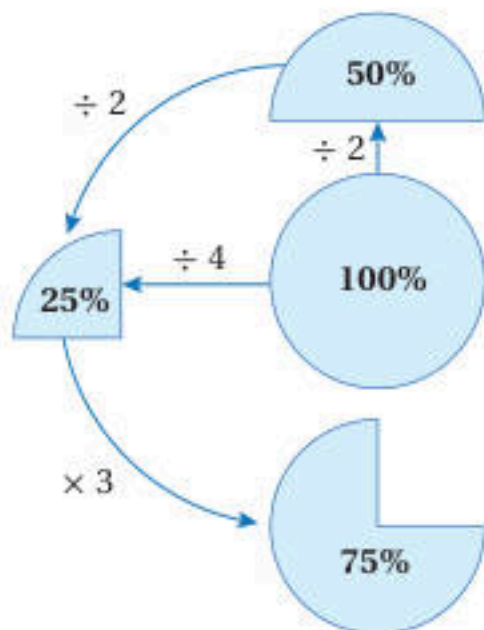
إذن، 90% من 20 تساوي 18

أتحقق من فهمي:



4 6% من 150

3 23% من 400



يمكن حساب النسب المئوية من عدد لبعض قيم النسب المئوية بطريقة ذهنية عن طريق المضاعفة والتقسيف.

مثال 2

أجد النسبة المئوية من العدد في كل مما يأتي ذهنيًا:

1 50% من 1600

بما أن 100% تُعادل 1600

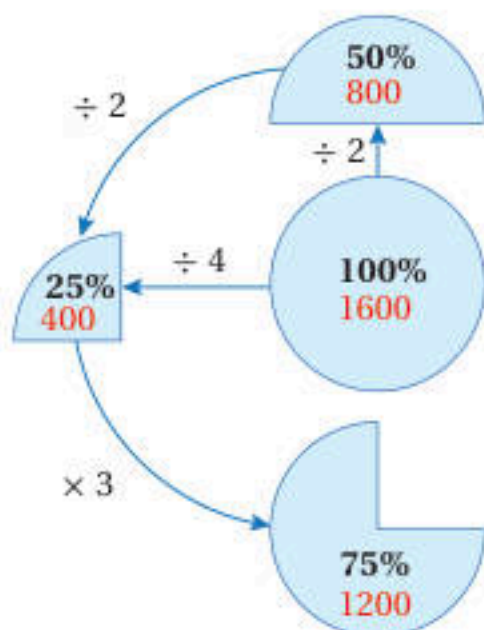
إذن 50% تُعادل $1600 \div 2$ أو 800

2 25% من 1600

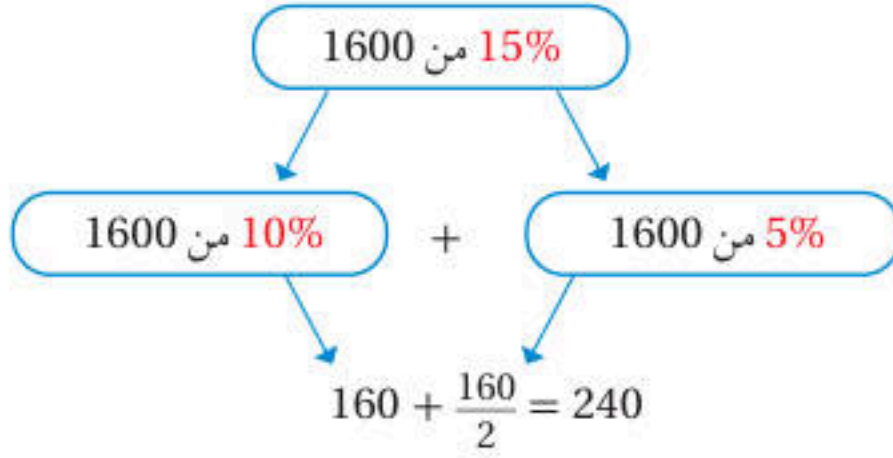
25% تُعادل $1600 \div 4$ أو 400

3 75% من 1600

75% تُعادل 400×3 أو 1200



4 15% من 1600



$$10\% + 5\% = 15\%$$

إذن، 15% من 1600 تساوي 240

✓ **أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:**

أَجِدُ قِيَمَةَ كُلِّ مِنَ النَّسَبِ الْمِئْوِيَّةِ الْآتِيَةِ مِنَ الْعَدَدِ 1200

5 50%

6 25%

7 75%

8 15%

نَحْتَاجُ إِلَى حِسَابِ النَّسَبَةِ الْمِئْوِيَّةِ مِنْ عَدَدٍ عِنْدَ إِيجَادِ قِيَمَةِ الْخُصُومَاتِ عَلَى أَسْعَارِ السِّلَعِ فِي الْعُرُوضِ التَّجَارِيَّةِ.

مثال 3: مِنَ الْحَيَاةِ



مَفْرُوشَاتٌ: أَعْلَنَ مَحَلٌّ لِلْمَفْرُوشَاتِ عَنْ خُصُومَاتٍ بِنِسْبَةِ 15%، أَجِدُ سِعْرَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي بَعْدَ الْخَصْمِ:

1 عُرْفَةُ جُلُوسٍ ثَمَنُهَا 900 دِينَارٍ.

الْخُطْوَةُ 1: أَحْسِبُ قِيَمَةَ الْخَصْمِ:

$$\frac{15}{100} \times 900 = 135$$

أَكْتُبُ النَّسَبَةَ الْمِئْوِيَّةَ عَلَى صُورَةِ كَسْرٍ عَادِيٍّ، ثُمَّ أَضْرِبُ

إِذَنْ، قِيَمَةُ الْخَصْمِ 135 دِينَارًا.

الْخُطْوَةُ 2: أَطْرَحُ قِيَمَةَ الْخَصْمِ مِنَ السَّعْرِ الْأَصْلِيِّ.

$$900 - 135 = 765$$

أَطْرَحُ 135 مِنْ 900

إِذَنْ، ثَمَنُ عُرْفَةِ الْجُلُوسِ بَعْدَ الْخَصْمِ 765 دِينَارًا.

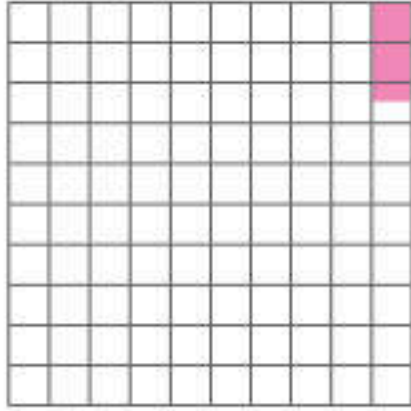
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



2 طاولة طعام ثمنها 150 دينارًا.

3 سرير ثمنه 65 دينارًا.

زكاة المال الذي بلغ النصاب ومضى عليه عام تساوي 2.5% من قيمة ذلك المال. ويمكن إيجاد قيمة الزكاة باستعمال طرائق حساب النسبة المئوية من عدد التي تعلمتها في هذا الدرس.



2.5%

النسبة المئوية لزكاة المال الذي بلغ النصاب ومضى عليه عام.

ألاحظ أن النسبة $\frac{25}{1000}$ تكافئ النسبة المئوية 2.5% ؛ لأن:

$$2.5\% = \frac{2.5}{100} = \frac{2.5 \times 10}{100 \times 10} = \frac{25}{1000}$$

لذا أستعمل النسبة $\frac{25}{1000}$ عند حساب قيمة الزكاة؛ لأنها أبسط.

مثال 4: من الحياة



زكاة: لدى خالد 5000 دينار فائضة بلغت النصاب ومضى عليها عام، ما قيمة الزكاة التي سيخرجها؟

لحساب قيمة الزكاة الواجبة على خالد، أضرب المبلغ الذي لديه في الكسر $\frac{25}{1000}$

$$\frac{25}{1000} \times 5000 = 125$$

أضرب الكسر في المبلغ

إذن، قيمة الزكاة الواجبة على خالد هي 125 دينارًا.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



زكاة: لدى سمر 3500 دينار بلغت النصاب ومضى عليها عام، ما قيمة الزكاة الواجبة عليها؟

أَتَدْرِبُ وَأَخْلُ الْمَسَائِلَ

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِنَ النِّسَبِ الْمَثَوِيَّةِ الْآتِيَةِ مِنَ الْعَدَدِ 7500:

- | | | | |
|-------|-------|--------|--------|
| 1 10% | 2 30% | 3 90% | 4 15% |
| 5 35% | 6 55% | 7 2.2% | 8 0.9% |

أَجِدْ كُلًّا مِمَّا يَأْتِي ذَهْنِيًّا:

- | | |
|--------------------|--------------------|
| 9 75% مِنْ 600 kg | 10 25% مِنْ 20 cm |
| 11 15% مِنْ 40 mm | 12 50% مِنْ 880 km |
| 13 1.5% مِنْ 420 L | 14 75% مِنْ 2000 g |

15 **أَجْهَزةٌ كَهْرَبَائِيَّةٌ:** مَا ثَمَنُ شَاشَةِ حَاسُوبٍ بَعْدَ خَصْمِ نِسْبَتِهِ 15%، إِذَا كَانَ ثَمَنُهَا قَبْلَ الْخَصْمِ 145 دِينَارًا؟

16 **زَكَاةٌ:** لَدَى مُحَمَّدٍ 6680 دِينَارًا بَلَغَتْ النِّصَابَ وَمَضَى عَلَيْهَا عَامٌ، مَا قِيَمَةُ الزَّكَاةِ الَّتِي سَيُخْرِجُهَا؟



15 m

17 **هَنْدَسَةٌ:** إِذَا كَانَ عَرْضُ الْغُرْفَةِ الْمُبَيَّنَةِ فِي الْمُخَطَّطِ الْمُجَاوِرِ يُسَاوِي 70% مِنْ طَوْلِهَا، فَأَجِدْ:

18 مِسَاحَةُ الْغُرْفَةِ.

مَغْلُوفَةٌ

تُتَّجُّ الزُّيُوتُ الْمُهَذَّرَجَةُ بِمُعَالَجَاتٍ صِنَاعِيَّةٍ لِلزُّيْتِ النَّبَاتِيِّ؛ بِهَدَفٍ زِيَادَةِ مُدَّةِ صِلَاحِيَّتِهِ، مِمَّا يَجْعَلُهُ ضَارًّا بِصِحَّةِ الْإِنْسَانِ.



19 **غِذَاءٌ:** إِذَا كَانَتْ نِسْبَةُ الزُّيُوتِ الْمُهَذَّرَجَةِ فِي رَقَائِقِ الْبَطَاطَا الْمَقْلِيَّةِ 35%، فَمَا كُتْلَةُ الزُّيُوتِ الْمُهَذَّرَجَةِ فِي كَيْسٍ يَحْتَوِي 500 g مِنْ رَقَائِقِ الْبَطَاطَا الْمَقْلِيَّةِ؟

الوحدة 6

20 **غذاء:** علبة حمص كتلتها 440 g، نسبة البروتين فيها 6%، كم غراماً من البروتين فيها؟



إذا كانت كتلة علبة بسكويت 200 g قبل الزيادة المكتوبة على غلافها في الصورة المجاورة، فأجد:

21 كتلة الكمية الإضافية من البسكويت.

22 كتلة العلبة بعد الزيادة.

مهارات التفكير العليا

23 **اكتشف الخطأ:** أوجدت منها قيمة 80% من 1600 kg كما يأتي، اكتشف الخطأ في حلّ منها، وأصحّحه.

$$1600 \text{ kg} \div 8 = 200 \text{ kg}$$

تبرير: إذا علمت أن 15% من العدد n تساوي 12، فاستعمل هذه الحقيقة لإيجاد كل مما يأتي، وأبرر إجابتي:

24 30% من العدد n .

25 45% من العدد n .

إرشاد

استعمل جدول نسبة أكتب فيه النسبة المئوية 10% على صورة النسبة 10:100

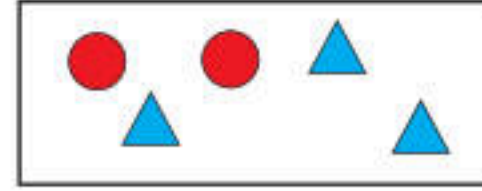
26 **تحذّر:** إذا كان 10% من عدد ما تساوي 9 فما هو العدد؟

27 **اكتب:** أصف في خطوات كيفية إيجاد 55% من 180

اختبار نهاية الوحدة

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1. نسبة المثلثات إلى الدوائر هي:



- a) 3 : 5 b) 2 : 5
c) 3 : 2 d) 2 : 3

2. مقعد كتلته 3 kg، ويحتوي 2 kg من الخشب و 1 kg من الحديد، ما نسبة كتلة الخشب إلى كتلة المقعد؟

- a) 3 : 2 b) 3 : 1
c) 1 : 3 d) 2 : 3

3. معدل الوحدة لسيارة قطعت 60 km في ساعتين هو:

- a) 30 b) 60
c) 58 d) 120

4. أي النسب الآتية تكافئ النسبة 3 : 10؟

- a) 4 : 11 b) 6 : 20
c) 6 : 12 d) 3 : 30

5. النسبة المئوية 65% على صورة كسر عادي في أبسط صورة هي:

- a) $\frac{65}{100}$ b) $\frac{12}{30}$
c) $\frac{13}{20}$ d) $\frac{3}{4}$

6. النسبة المئوية للأجزاء المظللة هي:



- a) 7% b) 14%
c) 21% d) 35%

7. الكسر العشري المساوي للنسبة المئوية 75% هو:

- a) 0.75 b) 7.5
c) 75.0 d) 0.0075

8. 60% من 40 تساوي:

- a) 2400 b) 240
c) 24 d) 2.4

9. 82% من 50 kg تساوي:

- a) 82 kg b) 41 kg
c) 410 kg d) 25 kg

10. إذا كان ثمن خزانة JD 200، وكان عليها خصم 25%، فإن قيمة الخصم هي:

- JD 50 (b) JD 25 (a)
JD 150 (d) JD 75 (c)

تدريب على الاختبارات الدولية:

19 إذا كان $\frac{3}{25}$ من الحضور في أحد العروض المسرحية أطفال، فما النسبة المئوية لهؤلاء الأطفال من بين الحضور؟

- a) 12% b) 3%
c) 0.3% d) 0.12%

20 عندما يجري فادي حول الملعب 4 مرات تكون أخته قد أنهت الجري حول الملعب 3 مرات. فإذا جرى فادي 12 مرة، فكم مرة تكون أخته قد جرت حول الملعب؟

- a) 11 b) 9
c) 13 d) 16

21 تستهلك آلة L 24 من الوقود للعمل 30 ساعة، كم لترًا من الوقود تستهلك الآلة للعمل 90 ساعة؟

- a) 72 b) 80
c) 84 d) 96

22 حبل طوله 64 m يريد ريان تقسيمه إلى قسمين بنسبة 3 : 1

ما طول الجزء الأقصر؟

- a) 40 m b) 32 m
c) 48 m d) 16 m

11 وزعت خولة مبلغ 490 دينارًا على أسرتين عفيفتين بنسبة 5 : 2 مراعية عدد أفراد الأسرة في التوزيع، كم أخذت كل أسرة؟

12 أجد القيم الناقصة في الجدول:

x	8		24
y	10	5	

جذر مزارع 10 قطع من أغصان شجرة عنب، فنجحت 3 قطع فقط بالإنبات:

13 أكتب النسبة المئوية للأغصان التي نجحت بالإنبات.

14 أكتب النسبة المئوية للأغصان التي لم تنجح.

15 لدى خلود 6000 دينار بلغت النصاب ومضى عليها عام، ما قيمة الزكاة التي ستخرجها؟

أي الآتي صحيحة وأيها خطأ؟ أبرر إجابتني.

16 $0.003 = 30\%$

17 $0.25 = 0.25\%$

18 $0.9 = 90\%$

الهندسة والقياس

ما أهمية هذه الوحدة؟

تُستعمل الأشكال الهندسية ومساحتها في مجالات حياتية كثيرة، حيث نلزم معرفة المساحات في تصميم مخططات للأسواق التجارية والمباني السكنية، وكذلك الحدائق والأراضي الزراعية بما يناسب مساحة قطعة الأرض المتاحة.



سأتعلم في هذه الوحدة:

- إيجاد قياسات الزوايا المجهولة في الشكل الرباعي باستخدام خواصه.
- حساب مساحة متوازي الأضلاع والمثلث وشبه المنحرف.
- إيجاد حجم المنشور الرباعي ومساحة سطحه.

تعلمت سابقاً:

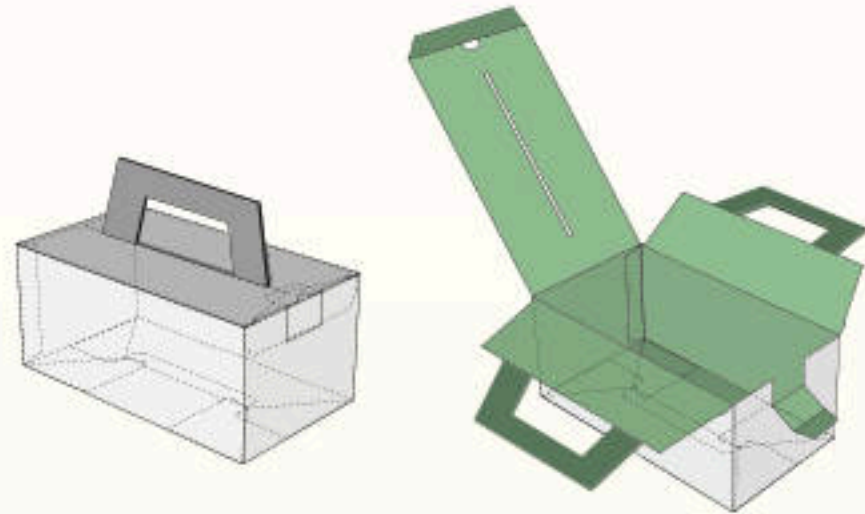
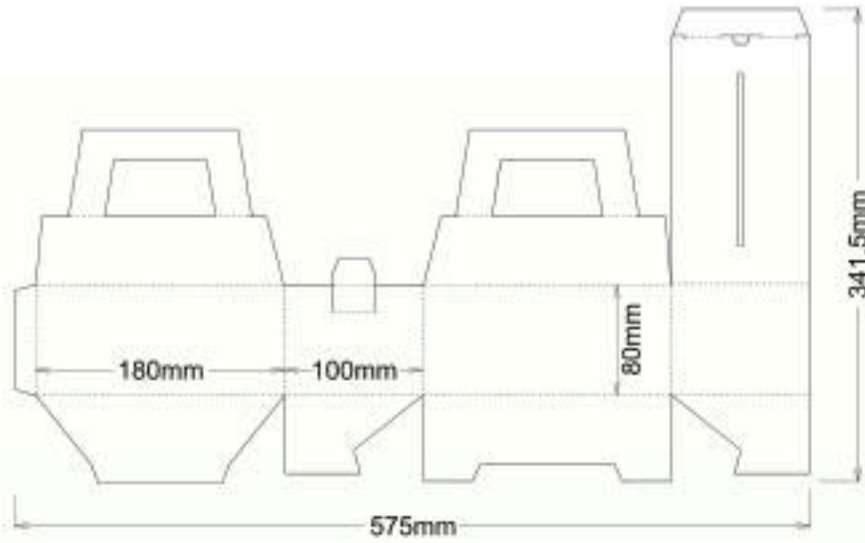
- ✓ تصنيف الأشكال الرباعية حسب خواصها الأساسية.
- ✓ حساب محيط المربع والمستطيل ومساحتهما.
- ✓ تمييز شبكات أشكال ثلاثية الأبعاد.



مشروع الوحدة: تصميم العبوات

عرض النتائج:

- أكتب تقريراً أبين فيه طريقة تقسيم أجزاء المخطط إلى مستطيلات ومثلثات وأشباه منحرفات؛ لتسهيل إيجاد مساحتها.
- أكتب في التقرير حجم العبوة ومساحتها الجانبية والمساحة الكلية لسطحها من دون يديها.
- أعرض العبوة الكرتونية أمام زملائي / زميلاتي.

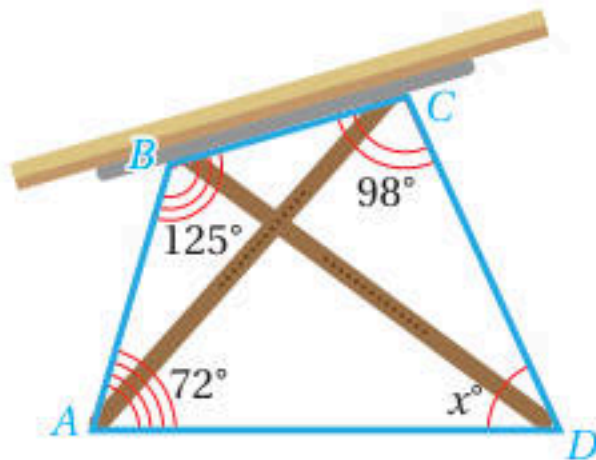


أستعدُّ وزملائي / زميلاتي لتنفيذ مشروعنا الخاص، الذي سنستعمل فيه ما نتعلمه في هذه الوحدة حول الهندسة والقياس، لعمل عبوة كرتونية جميلة وحساب بعض القياسات فيها.

خطوات تنفيذ المشروع:

- 1 أرسم مخطط العبوة الكرتونية أدناه على ورقة مقواة كبيرة (مقاس A2) مع الالتزام بالمقاسات المعطاة.
- 2 أقص الورقة المقواة بمحاذاة حواف المخطط الخارجية.
- 3 أحسب مساحة المخطط. أقسم الأشكال المركبة في المخطط إلى مثلثات وأشباه منحرفات؛ لتسهيل إيجاد مساحتها، وأكتب مساحة كل جزء من المخطط داخله.
- 4 أنثي الورقة المقواة لأكون العبوة، وأستعمل شريطاً لاصقاً لتثبيت أوجعها.
- 5 أحسب المساحة الجانبية والمساحة الكلية لسطح العبوة عند إغلاقها مع تجاهل مساحة يديها.
- 6 أحسب حجم العبوة.

أستكشف



يظهر في الشكل المجاور المضلع
الرباعي $ABCD$ الذي تشكّله أرجل
طاولة رسم.

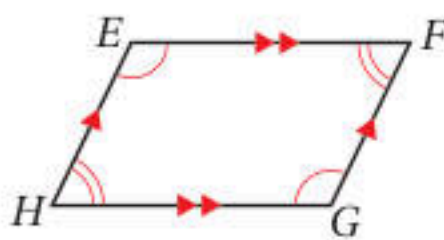
ما قيمة x في الشكل؟

فكرة الدرس

أتعرّف مجموع قياسات
زوايا الشكل الرباعي، وأحلّ
مسائل عليه.

تعلمت سابقاً أن الشكل الرباعي مضلع له 4 أضلاع و 4 زوايا و 4 رؤوس.

يمكنني تسمية الشكل الرباعي بأربعة حروف متتالية هي أسماء رؤوسه الأربعة، وباتجاه عقارب الساعة أو عكسها. فمثلاً
أسمي الشكل الرباعي الآتي بقراءة الأحرف مع عقارب الساعة $ABCD$ أو عكس عقارب الساعة $ADCB$. ويمكنني أيضاً
البدء من أي رأس، وليس بالضرورة بالرأس A .



أزمر إلى توازي ضلعين بأشهر متماثلة على كلا الضلعين، فمثلاً الضلع EF في الشكل
المجاور يوازي الضلع HG ، فكلاهما يظهر عليه سهمان.

وتعني الأقواس المتماثلة المرسومة داخل أي زاويتين أن لهما القياس نفسه، فمثلاً في
الشكل المجاور قياس $\angle FEH$ يساوي قياس $\angle FGH$.

مثال 1



أعتمد الشكل المجاور لأجيب عن الأسئلة الآتية:

أسمي الشكل المجاور بأربع طرائق مختلفة.

الوحدة 7

الطريقة (1): أبدأ بالرأس L ، وأتحرك باتجاه عقارب الساعة على النحو الآتي: $L \rightarrow M \rightarrow N \rightarrow O$

إذن، أسمى الشكل: $LMNO$

الطريقة (2): أبدأ بالرأس L ، وأتحرك باتجاه عكس عقارب الساعة على النحو الآتي: $L \rightarrow O \rightarrow N \rightarrow M$

إذن، أسمى الشكل: $LONM$

الطريقة (3): أبدأ بالرأس M ، وأتحرك باتجاه عكس عقارب الساعة على النحو الآتي: $M \rightarrow L \rightarrow O \rightarrow N$

إذن، أسمى الشكل: $MLON$

الطريقة (4): أبدأ بالرأس M ، وأتحرك باتجاه عقارب الساعة على النحو الآتي: $M \rightarrow N \rightarrow O \rightarrow L$

إذن، أسمى الشكل: $MNOL$

أفكر

يُمكن أن أُعبر عن توازي الضلعين $\overline{LM}$ و $\overline{ON}$ بالرموز على النحو الآتي:
 $\overline{LM} \parallel \overline{ON}$

2 أسمى زوجاً من الأضلاع المتوازية.

الضلعان $\overline{LM}$ و $\overline{ON}$ متوازيان؛ لأن كليهما يظهر عليه سهم واحد.

3 أجد قياس الزاوية $\angle MNO$

بالنظر إلى الشكل ألاحظ أن للزاويتين $\angle MNO$ و $\angle LON$ القياس نفسه؛ لأن كليهما يظهر داخله قوس واحد.

إذن، $m\angle MNO = 75^\circ$

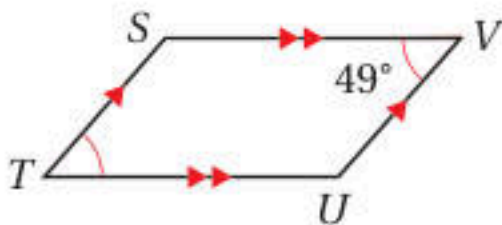
✓ **أتحقق من فهمي:**

أعتمد الشكل المجاور لأجيب عن الأسئلة الآتية:

4 أسمى الشكل المجاور بأربع طرائق مختلفة.

5 أسمى زوجاً من الأضلاع المتوازية.

6 أجد قياس الزاوية $\angle STU$

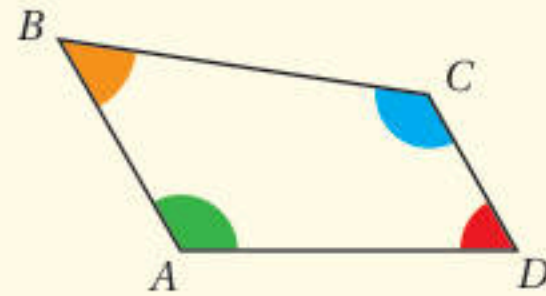


تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ مَجْمُوعَ قِيَاسَاتِ زَوَايَا الْمُثَلَّثِ 180° ، وَيُمْكِنُنِي بِالنَّشَاطِ الْآتِي اسْتِكْشَافُ مَجْمُوعِ قِيَاسَاتِ زَوَايَا الشَّكْلِ الرُّبَاعِيِّ مِنْ قِيَاسَاتِ زَوَايَا الْمُثَلَّثِ.

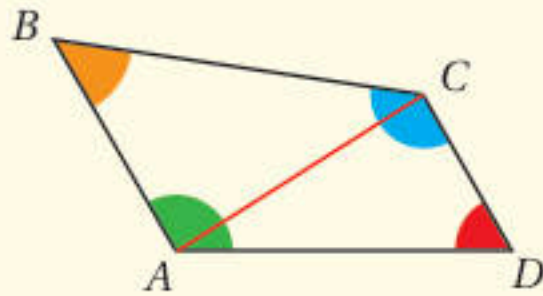
نَشَاطٌ هَنْدَسِيٌّ

مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ زَوَايَا الشَّكْلِ الرُّبَاعِيِّ

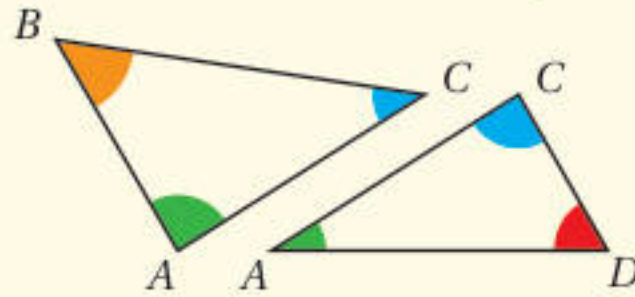
الخطوة 1: ارْصُمُ شَكْلًا رُبَاعِيًّا عَلَى وَرَقَةٍ، ثُمَّ أَقْصِهُ وَأَلَوْنِ زَوَايَاهُ الْأَرْبَعَ بِأَلْوَانٍ مُخْتَلِفَةٍ:



الخطوة 2: أَصِلْ بَيْنَ الرَّأْسَيْنِ الْمُتَقَابِلَيْنِ بِقِطْعَةٍ مُسْتَقِيمَةٍ:



الخطوة 3: أَقْسِمُ الشَّكْلَ الرُّبَاعِيَّ إِلَى مُثَلَّثَيْنِ:

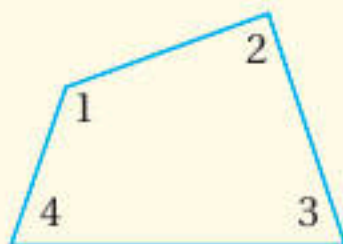


أَحْلِلِ النُّتَائِجَ:

- 1 ما مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ زَوَايَا الْمُثَلَّثَيْنِ مَعًا؟
- 2 ما مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ زَوَايَا الشَّكْلِ الرُّبَاعِيِّ؟ وَمَاذَا اسْتَنْتَجُ؟

مَفْهُومٌ أَاسَاسِيٌّ

مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ زَوَايَا الشَّكْلِ الرُّبَاعِيِّ



بِالْكَلِمَاتِ: مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ زَوَايَا الشَّكْلِ الرُّبَاعِيِّ 360°

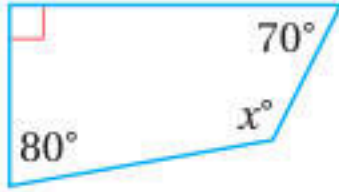
بِالرَّمُوزِ: $m\angle 1 + m\angle 2 + m\angle 3 + m\angle 4 = 360^\circ$

الوحدة 7

مثال 2

أجد قيمة x في كلٍّ مِنَ الأشكالِ الرباعية الآتية:

1



$$x + 70 + 80 + 90 = 360$$

$$x + 240 = 360$$

$$x = 360 - 240$$

$$= 120$$

مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي 360°

أجمع 70 و 80 و 90

أطرح 240 مِنْ طَرَفِي المَعَادَلَةِ

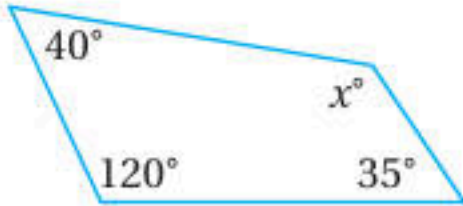
أبسّط ناتج الطرح

إذن، قيمة x تساوي 120

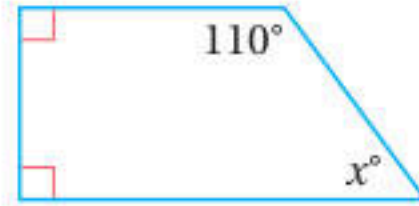
أتحقق من فهمي:



2



3



أفكر

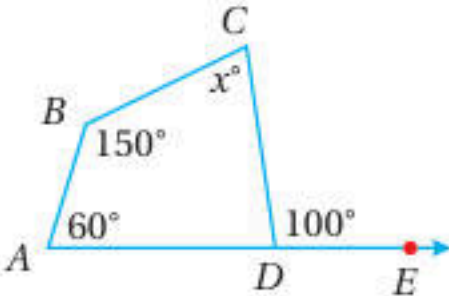
مجموع قياسات الزوايا على
مستقيم يساوي 180°

يُمكنُ استِعمالُ مجموعِ قياساتِ الزوايا على مُستقيمٍ لإيجادِ قياساتِ زوايا
مجهولة في بعضِ الأشكالِ الرباعية.

مثال 3

أجد قيمة x في الأشكال الآتية:

1



$$m\angle ADC + m\angle CDE = 180$$

$$m\angle ADC + 100 = 180$$

$$m\angle ADC = 180 - 100 = 80$$

مجموع قياسات الزوايا على مُستقيم 180°

أعوّض $m\angle CDE = 100$

أطرح 100 مِنْ طَرَفِي المَعَادَلَةِ وَأَبْسِطُ

$$x + 80 + 150 + 60 = 360$$

$$x + 290 = 360$$

$$x = 360 - 290 = 70$$

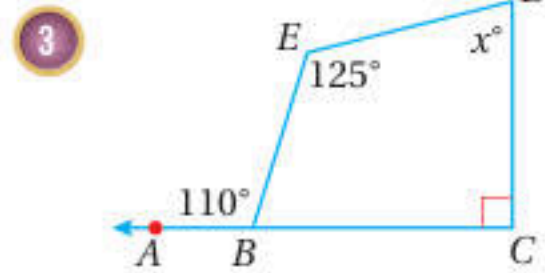
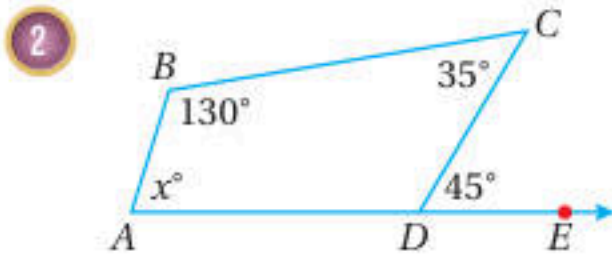
مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي 360

أجمع 80 و 150 و 60

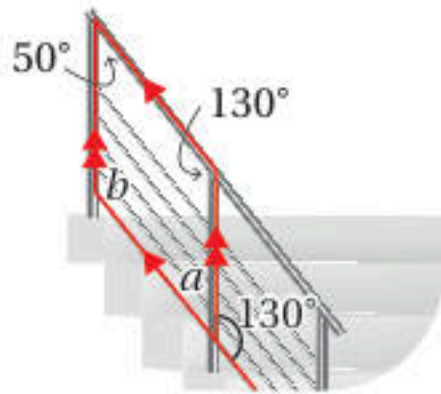
أطرح 290 من طرفي المعادلة.

إذن، قيمة x تساوي 70

أنتحق من فهمي:



تظهر في كثير من المواقف الحياتية والعلمية أشكالاً رباعية تحتوي زوايا قياساتها مجهولة، ويمكن استعمال خاصية مجموع زوايا الشكل الرباعي لإيجاد هذه القياسات المجهولة.



$$a + 130 = 180$$

$$a = 180 - 130$$

$$a = 50$$

$$b + 50 + 130 + 50 = 360$$

$$b + 230 = 360$$

$$b = 360 - 230$$

$$b = 130$$

أجد قيمة كل من a و b في الشكل المجاور.
الشكل الموضح باللون الأحمر شكل رباعي.

مجموع قياسات الزوايا على مستقيم 180°

أطرح 130 من طرفي المعادلة

أبسط

إذن، قيمة a تساوي 50

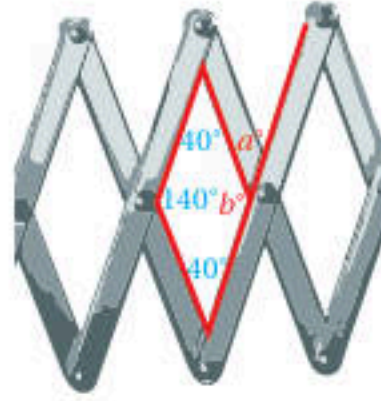
مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي 360°

أجمع 50, 130, 50

أطرح 230 من طرفي المعادلة

أبسط

إذن، قيمة b تساوي 130



أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



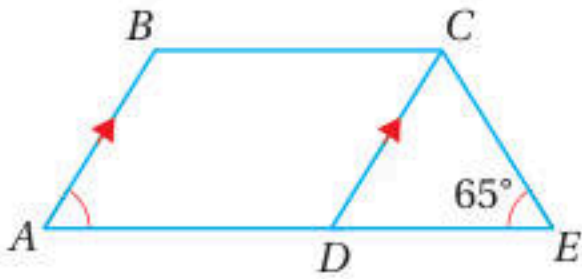
أَجِدُ قِيَمَتَي a وَ b الْمَجْهُولَتَيْنِ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ:

أَتَدْرِبُ



وَأَخِلُّ الْمَسَائِلَ

أَسْتَغْمِلُ الشَّكْلَ الْمُجَاوِرَ لِلْإِجَابَةِ عَنِ الْأَسْئَلَةِ الْآتِيَةِ:

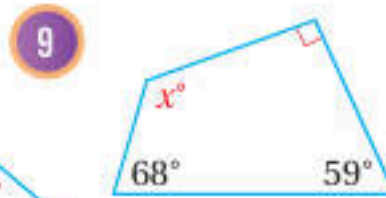
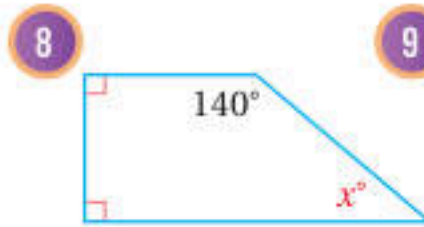
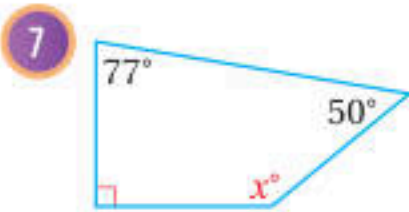
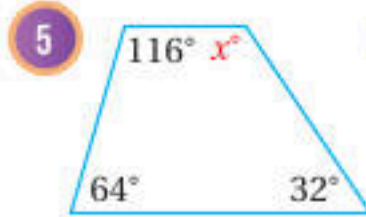
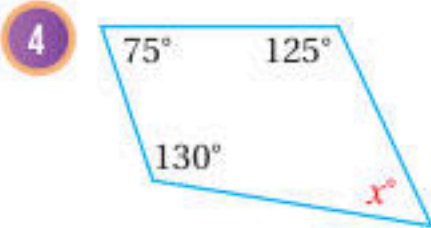


1 أُسَمِّي شَكْلَيْنِ رُبَاعِيَّيْنِ بِطَرِيقَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ.

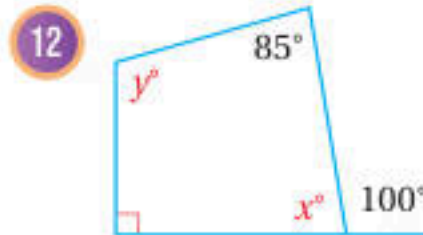
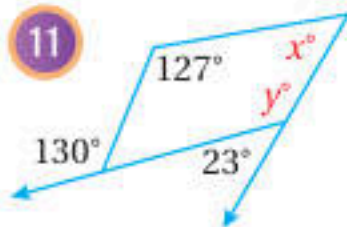
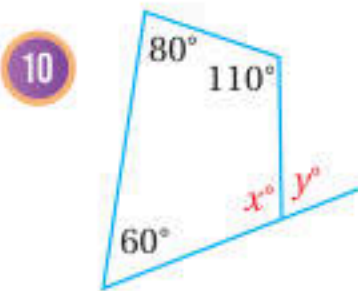
2 أُسَمِّي ضِلْعَيْنِ مُتَوَازِيَيْنِ.

3 أَجِدُ $m\angle BAD$

أَجِدُ قِيَمَةَ x فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



أَجِدُ قِيَمَةَ x, y فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

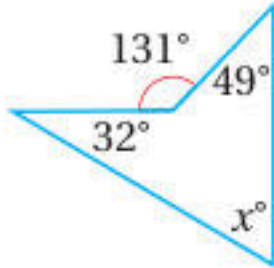




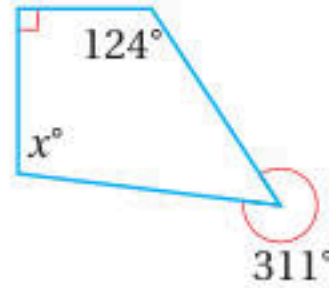
13 رافعة: تُستخدَم الرافعة المبيَّنة في الشكل المُجاوِر لرفع السيَّارات. أجد قيمة x .

أجد قيمة x في كلِّ شكلٍ ممَّا يأتي:

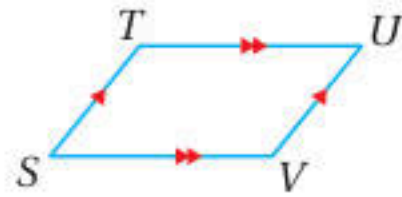
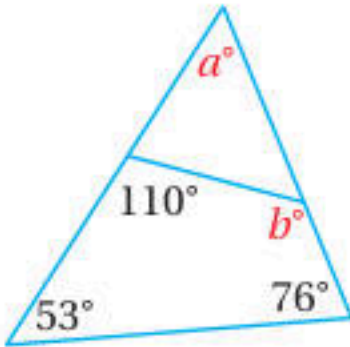
14



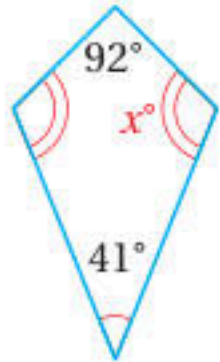
15



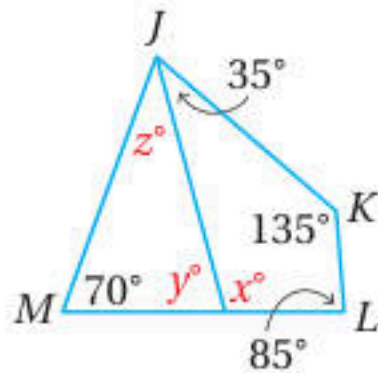
16 أجد قيمة كلِّ من a , b في الشكل المُجاوِر.



17 أكتشف الخطأ: سَمِيَ عامِرُ الشَّكْلِ الرُّباعِيّ المُجاوِر $TUSV$. أكتشف خطأ عامِرٍ، وأصحِّحهُ.



18 تَبَرُّر: صمَّمتُ حَنانُ لَوْحَةً لِلتَّوَعِيَةِ بِخَطَرِ التَّدخينِ عَلَى شَكْلِ رُباعِيٍّ كَمَا فِي الشَّكْلِ المُجاوِر. أجد قيمة الزَّاوِيَةِ x المَجهُولَةِ فِي اللُّوْحَةِ.



19 نَحْد: أجد قيم x , y , z فِي الشَّكْلِ المُجاوِر.

20 اكتب: كَيْفَ يُمكنُ إيجادُ قِياسِ زاوِيَةِ مَجهُولَةٍ فِي شَكْلِ رُباعِيٍّ قِياساتُ زواياهُ الثَّلاثِ الأخرى معلومةٌ؟

أتذكر

مَجْموعُ قِياساتِ الزَّوايا حَوْلَ نَقْطَةٍ 360°

مهارات التفكير العليا

معلومة

التَّدخينُ ضارٌّ جِدًّا بِصِحَّةِ الإنسانِ، فَهُوَ مُسَبِّبُ رَئيسِ لأمراضِ الرُّئَةِ وَالْقَلْبِ، إضافةً إلى تأثيرِهِ فِي صِحَّةِ الدِّماغِ وَالْأَسنانِ.



أَسْتَكْشِفُ



يُظْهَرُ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ لَوْحٌ يُسْتَعْمَلُ فِي تَقْطِيعِ خَضِرَاوَاتٍ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي أضلاع. كَيْفَ يُمَكِّنُ إِيجَادُ مِسَاحَةِ سَطْحِ اللُّوحِ بِاسْتِعْمَالِ الْمِسْطَرَّةِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْسُبُ مِسَاحَةَ مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ، وَأَحُلُّ مَسَائِلَ عَلَيْهَا.

الْمُضْطَلَحَاتُ

الْقَاعِدَةُ، الْإِرْتِفَاعُ.

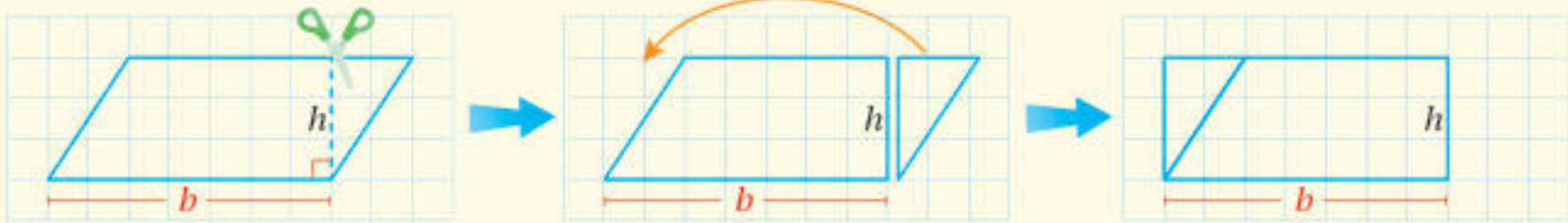


تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ مُضْلَعٌ رُبَاعِيٌّ فِيهِ كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ وَمُتَطَابِقَانِ. يُسَمَّى أَحَدُ الْأَضْلَاعِ مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ الْقَاعِدَةَ (base)، وَتُسَمَّى الْمَسَافَةُ الْعَمُودِيَّةُ بَيْنَ الْقَاعِدَةِ أَوْ امْتِدَادِهَا وَالرَّأْسِ الْمُقَابِلِ لَهَا الْإِرْتِفَاعَ (height).

مِسَاحَةُ مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ

نَشَاطٌ هَنْدَسِيٌّ

أَرْسُمُ مُتَوَازِي أضلاعَ عَلَى وَرَقَةٍ مُرَبَّعَاتٍ، ثُمَّ أَقْصُ مُثَلَّثًا قَائِمًا مِنْ أَحَدِ جَانِبَيْهِ وَأَضَعُهُ عَلَى الْجَانِبِ الْآخَرِ.



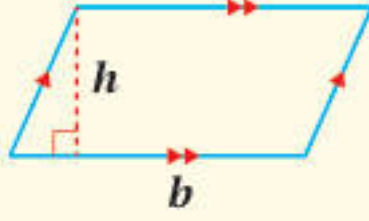
أَحْلُ النَتَائِجَ:

2 ما مِسَاحَةُ الشَّكْلِ النَّاتِجِ؟

1 ماذا يُسَمَّى الشَّكْلُ النَّاتِجُ؟

3 ماذا تُمَثِّلُ أبعادُ الشَّكْلِ النَّاتِجِ بِالنَّسْبَةِ لِمُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ؟

4 أَسْتَنْتِجُ قَاعِدَةً لِإِيجَادِ مِسَاحَةِ مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ.



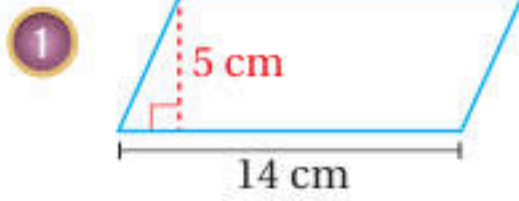
بالكلمات: مساحة متوازي الأضلاع هي حاصل ضرب طول القاعدة في الارتفاع.

بالرموز: $A = b \times h$

حيث A مساحة متوازي الأضلاع، b طول قاعدته، h ارتفاعه.

مثال 1

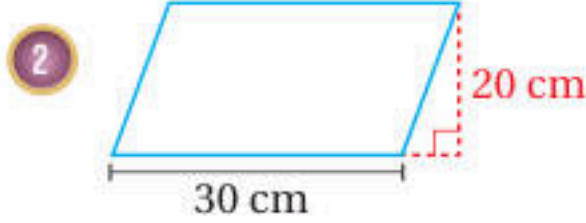
أجد مساحة متوازي الأضلاع في كل مما يأتي:



$$\begin{aligned} A &= b \times h \\ &= 14 \times 5 \\ &= 70 \end{aligned}$$

صيغة مساحة متوازي الأضلاع
أعوّض $b = 14, h = 5$
أضرب

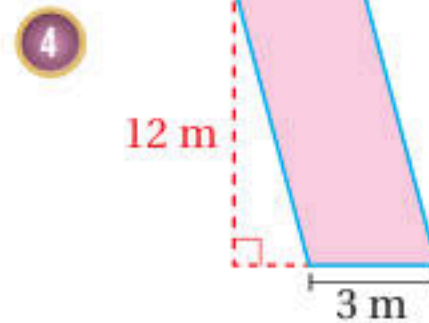
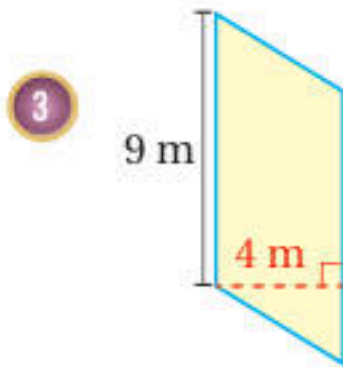
إذن، مساحة متوازي الأضلاع تساوي 70 cm^2



$$\begin{aligned} A &= b \times h \\ &= 30 \times 20 \\ &= 600 \end{aligned}$$

صيغة مساحة متوازي الأضلاع
أعوّض $b = 30, h = 20$
أضرب

إذن، مساحة متوازي الأضلاع تساوي 600 cm^2



التحقق من فهمي: ✓

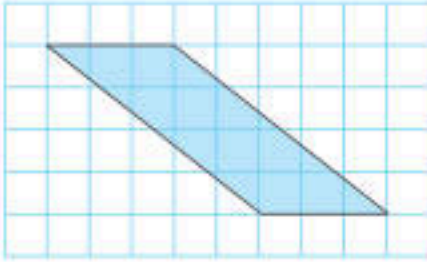
الوحدة 7

يُرسَم مُتَوَازِي الأَضلاع أحيانًا على شَبَكَةِ المُرَبَّعات، وَيُمْكِنُ عِنْدَئِذٍ تَحْدِيدُ طَوْلِ قَاعِدَتِهِ وَارْتِفَاعِهِ بَعْدَ المُرَبَّعات، وَتَكُونُ المِسَاحَةُ بِالمُوحَدَةِ المُرَبَّعة.

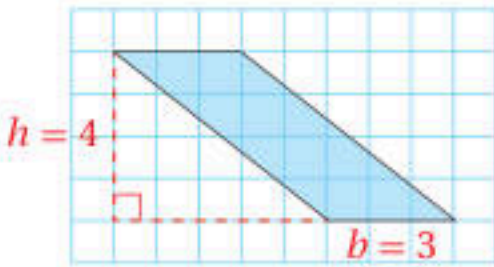
مثال 2

أَحْسِبْ مِسَاحَةَ مُتَوَازِي الأَضلاع فِي كُلِّ مِنَ الشَّبَكَاتِ الآتِيَةِ:

1



أَعِدُّ المُوحَدَاتِ الأفقيَّة لِأَجْدَ طَوْلِ قَاعِدَةِ مُتَوَازِي الأَضلاع، ثُمَّ أَعِدُّ المُوحَدَاتِ الرأسيَّة لِأَجْدَ ارْتِفَاعِهِ. أَلَا حِظُّ أَنَّ b تُساوي 3 وَحَدَاتٍ وَ h تُساوي 4 وَحَدَاتٍ.



$$A = b \times h$$

$$= 3 \times 4$$

$$= 12$$

صيغة مِسَاحَةِ مُتَوَازِي الأَضلاع

$$b = 3, h = 4$$

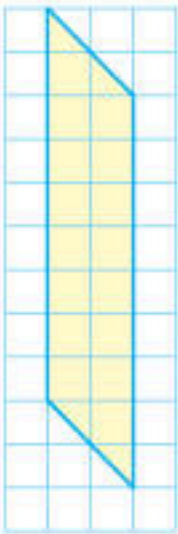
أَضْرِبْ

إِذَنْ، مِسَاحَةُ مُتَوَازِي الأَضلاع 12 وَحَدَةً مُرَبَّعةً.

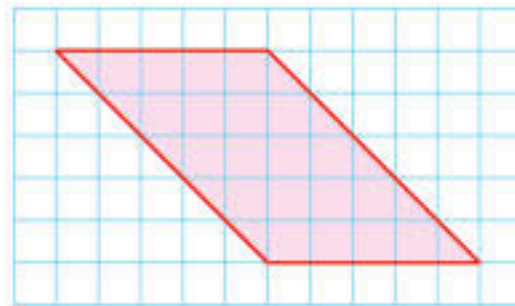
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



2



3

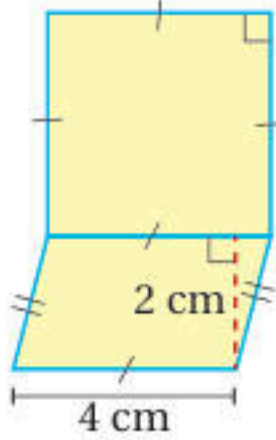


تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ الشَّكْلَ المُرَكَّبَ شَكْلٌ نَاتِجٌ عَنْ تَرْكِيبِ شَكْلَيْنِ هِنْدَسِيِّينِ أَوْ أَكْثَرَ، وَيُمْكِنُ حِسَابُ مِسَاحَتِهِ بِاسْتِعْمَالِ مِسَاحَاتِ الأشْكَالِ المُكوَّنةِ لَهُ الَّتِي يُمَكِّنُ أَنْ يَكُونَ أَحَدُهَا مُتَوَازِي أضلاع.

مثال 3

أجد مساحة المنطقة المظللة في كل مما يأتي:

1



المنطقة المظللة هي مربع ومتوازي أضلاع. أجد مساحة المنطقة المظللة بجمع مساحة متوازي الأضلاع A_1 إلى مساحة المربع A_2

$$\begin{aligned} A_1 &= b \times h \\ &= 4 \times 2 \\ &= 8 \end{aligned}$$

صيغة مساحة متوازي الأضلاع

$$\text{أعوّض } b = 4, h = 2$$

أضرب

$$\begin{aligned} A_2 &= s \times s \\ &= 4 \times 4 \\ &= 16 \end{aligned}$$

صيغة مساحة المربع الذي طول ضلعه s

$$\text{أعوّض } s = 4$$

أضرب

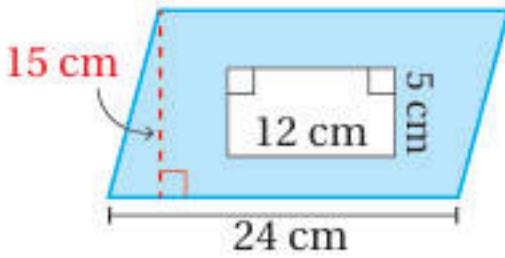
$$\begin{aligned} A_1 + A_2 &= 8 \text{ cm}^2 + 16 \text{ cm}^2 \\ &= 24 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

أجمع المساحتين

أبسط

إذن، مساحة المنطقة المظللة تساوي 24 cm^2

2



المنطقة المظللة هي متوازي أضلاع مفرغ منه مستطيل. أجد مساحة الشكل بطرح مساحة المستطيل A_2 من مساحة متوازي الأضلاع A_1 .

$$\begin{aligned} A_1 &= b \times h \\ &= 24 \times 15 \\ &= 360 \end{aligned}$$

صيغة مساحة متوازي الأضلاع

$$\text{أعوّض } b = 24, h = 15$$

أضرب

$$\begin{aligned} A_2 &= w \times l \\ &= 5 \times 12 \\ &= 60 \end{aligned}$$

صيغة مساحة المستطيل

$$\text{أعوّض } w = 5, l = 12$$

أضرب

$$A_1 - A_2 = 360 \text{ cm}^2 - 60 \text{ cm}^2 = 300 \text{ cm}^2$$

أطرح المساحة الصغرى من المساحة الكبرى

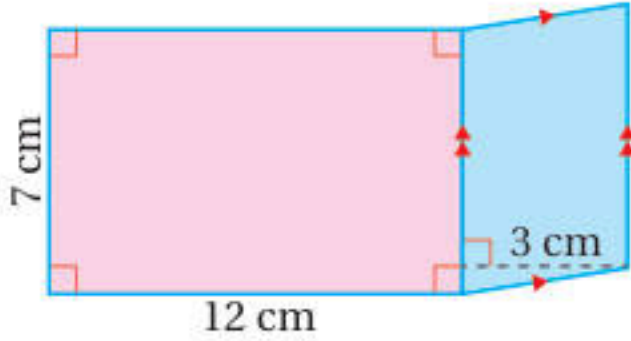
إذن، مساحة المنطقة المظللة تساوي 300 cm^2

الوحدة 7

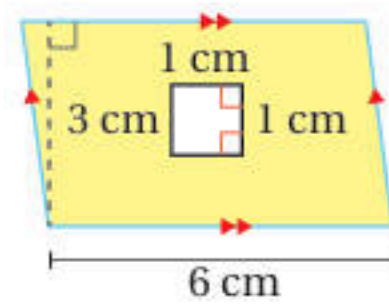
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



3



4



يُمْكِنُ اسْتِعْمَالُ صِيغَةِ مِسَاحَةِ مُتَوَازِي الْأَضْلَاحِ فِي كَثِيرٍ مِنَ الْمَوَاقِفِ الْحَيَاتِيَّةِ.



مثال 4: مِنَ الْحَيَاةِ



تَظْهَرُ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ سَاحَةُ اضْطِفَافٍ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي أضْلَاحٍ مِسَاحَتُهُ 110 m^2 وَارْتِفَاعُهُ 5.5 m ، أَجِدْ طَوْلَ قَاعِدَةِ مِسَاحَةِ الْاضْطِفَافِ.

$$A = b \times h$$

$$110 = b \times 5.5$$

$$b = \frac{110}{5.5}$$

$$b = 20$$

صِيغَةُ مِسَاحَةِ مُتَوَازِي الْأَضْلَاحِ

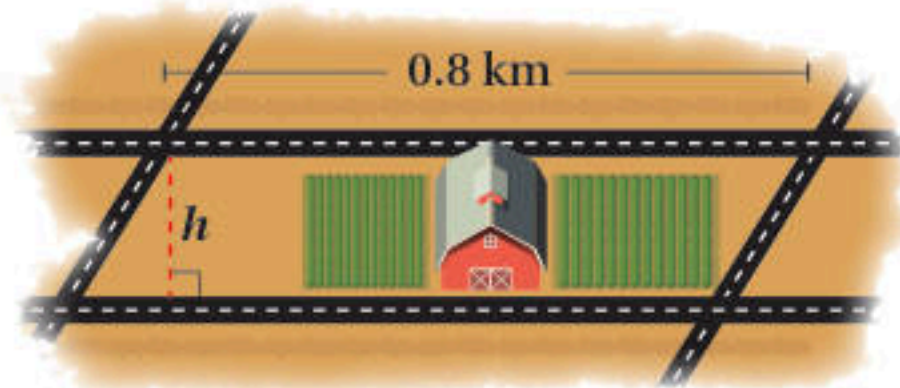
$$A = 110, h = 5.5$$

أَقْسِمُ طَرَفِي الْمُعَادَلَةِ عَلَى 5.5

أُبَسِّطُ

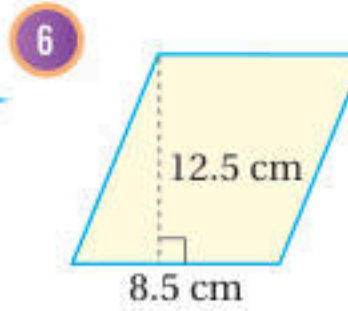
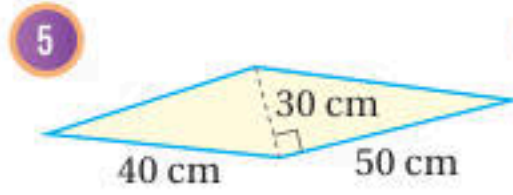
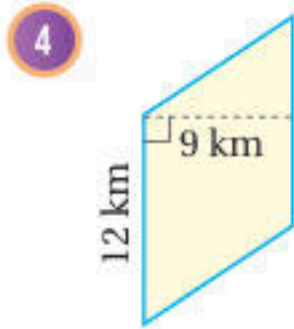
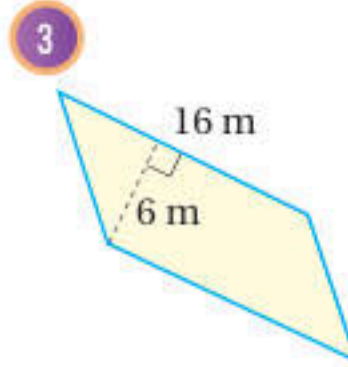
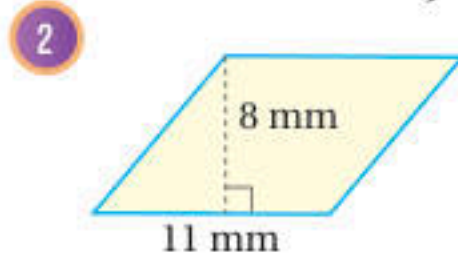
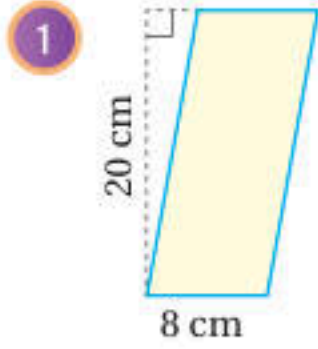
إِذَنْ، طَوْلُ قَاعِدَةِ سَاحَةِ الْاضْطِفَافِ تُسَاوِي 20 m

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

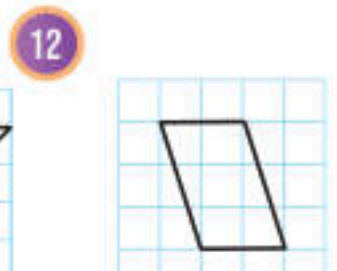
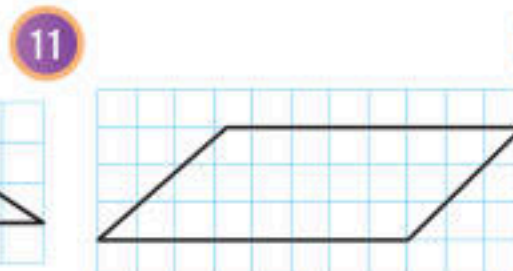
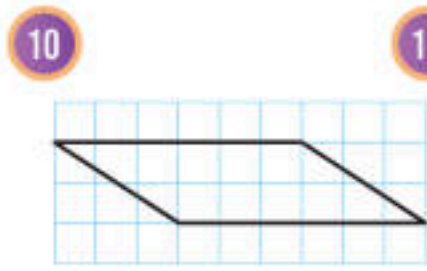
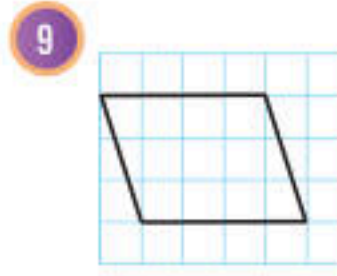
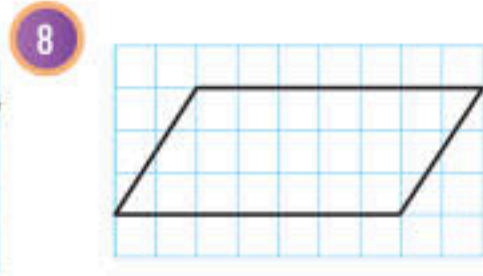
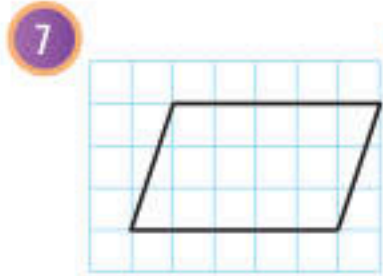


يُبَيِّنُ الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ مَزْرَعَةً عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي أضْلَاحٍ مُحَاطَةً بِأَرْبَعَةِ شَوَارِعَ، إِذَا كَانَتْ مِسَاحَةُ مُتَوَازِي الْأَضْلَاحِ 0.24 km^2 وَطَوْلُ قَاعِدَتِهِ 0.8 km ، فَاجِدْ ارْتِفَاعَهُ.

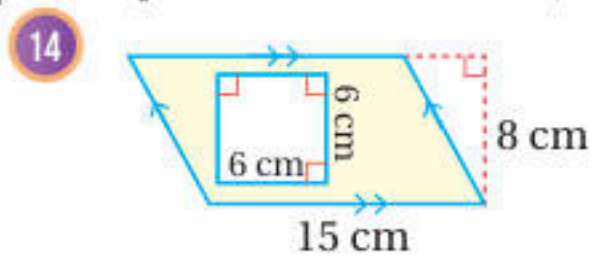
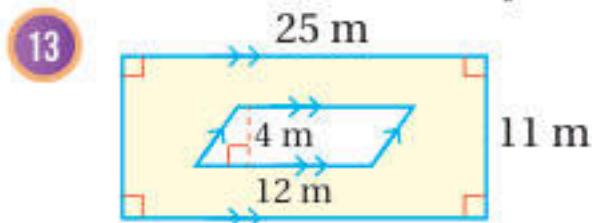
أَجِدْ مِسَاحَةَ مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



أَجِدْ مِسَاحَةَ مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



أَجِدْ مِسَاحَةَ الْمُنْطَقَةِ الْمُظَلَّلَةِ فِي كُلِّ شَكْلِ مِمَّا يَأْتِي:

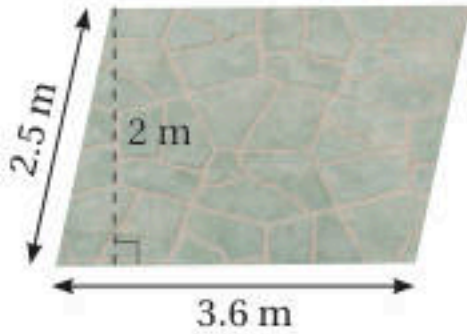


حَيَاكَةُ: إذا حاك عِمَادُ شَرِيطًا مَائِلًا عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي أَضْلَاعٍ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ، فَاجِدْ مِسَاحَةَ هَذَا الشَّرِيطِ.



الوحدة 7

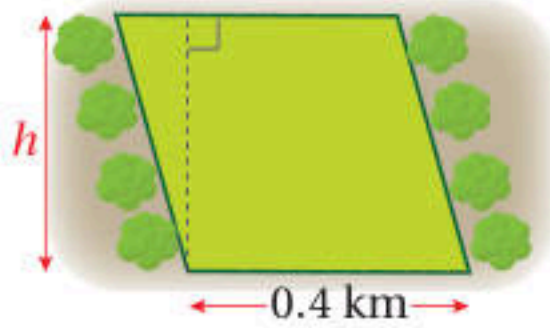
16 **رُجَاجٌ:** لَوْحٌ رُجَاجٌ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي أضلاعٍ طَوْلُ قَاعِدَتِهِ 40 cm وَارْتِفَاعُهُ 70 cm، أَجِدْ مِسَاحَتَهُ.



17 **أَرْضِيَّاتٌ:** عَمَلٌ مُرَادٌ فِي حَدِيقَتِهِ أَرْضِيَّةٌ إِسْمَتِيَّةٌ جَمِيلَةٌ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي أضلاعٍ قِيَاسَاتُهَا مَوْضَعَةٌ فِي الصُّورَةِ الْمُجَاوِرَةِ. أَجِدْ مِسَاحَةَ الْأَرْضِيَّةِ وَمُحِيطَهَا.

أَتَذَكَّرُ

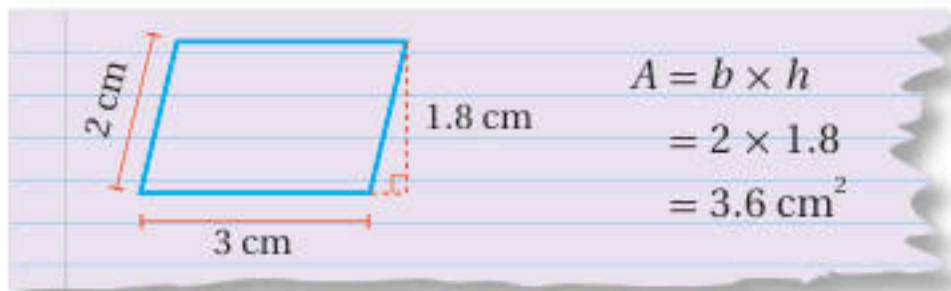
مُحِيطُ الْمُضَلَّعِ يُسَاوِي مَجْمُوعَ أَطْوَالِ أضْلَاعِهِ.



18 **زِرَاعَةٌ:** لَدَى مُزَارِعٍ قِطْعَةٌ أَرْضٍ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي أضلاعٍ مِسَاحَتُهُ 0.32 km^2 وَطَوْلُ قَاعِدَتِهِ 0.4 km إِذَا بَنَى الْمُزَارِعُ سَوْرًا عَلَى طَوْلِ الْخَطِّ الْمَوْضَحِ فِي الرَّسْمِ، فَأَجِدْ طَوْلَ هَذَا السَّوْرِ.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

19 **اكتشف الخطأ:** أَوْجَدَ مُصْطَفَى مِسَاحَةَ مُتَوَازِي أضلاعٍ قِيَاسُ طَوْلَيْ ضِلْعَيْهِ الْمُتَسَالِيَيْنِ 2 cm، 3 cm، وَارْتِفَاعُهُ 1.8 cm كَمَا هُوَ مُبَيَّنُّ أَذْنَاهُ. أَبَيَّنْ الْخَطَأَ الَّذِي وَقَعَ فِيهِ مُصْطَفَى، وَأَصَحِّحْهُ.



$$\begin{aligned} A &= b \times h \\ &= 2 \times 1.8 \\ &= 3.6 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

20 **تَبْرِيرٌ:** هَلْ جَمِيعُ مُتَوَازِيَاتِ الْأضْلَاعِ الَّتِي مِسَاحَاتُهَا 24 cm^2 لَهَا طَوْلُ الْقَاعِدَةِ وَالْإِرْتِفَاعُ نَفْسِيَهُمَا؟ أَبَرِّرْ إِجَابَتِي.

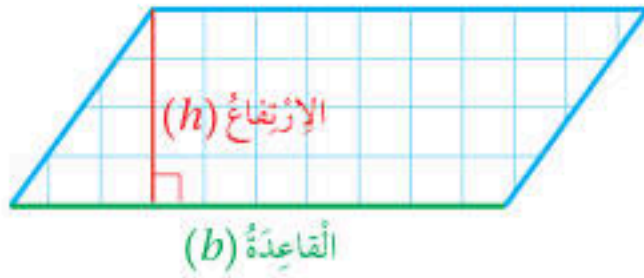
21 **تَحَدُّ:** مَاذَا يَحْدُثُ لِمِسَاحَةِ مُتَوَازِي الْأضْلَاعِ إِذَا تَضَاعَفَ كُلُّ مِنْ طَوْلِ قَاعِدَتِهِ وَارْتِفَاعِهِ؟ أَبَرِّرْ إِجَابَتِي.

22 **اكتُبْ:** كَيْفَ أَجِدُ مِسَاحَةَ مُتَوَازِي الْأضْلَاعِ؟

الهدف: استعمال مساحة متوازي الأضلاع لإيجاد مساحة المثلث.
يُمكِنُني استعمال قانون مساحة متوازي الأضلاع لإيجاد مساحة المثلث.

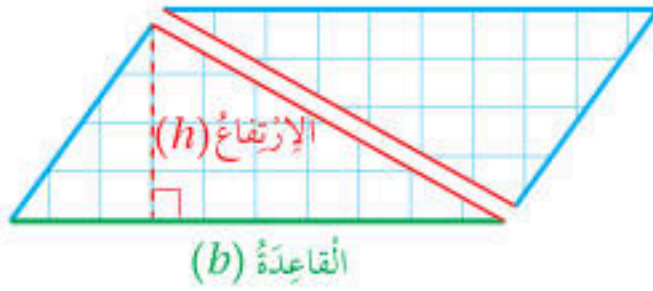
نشاط 1

الخطوة 1: أرسم متوازي أضلاع:



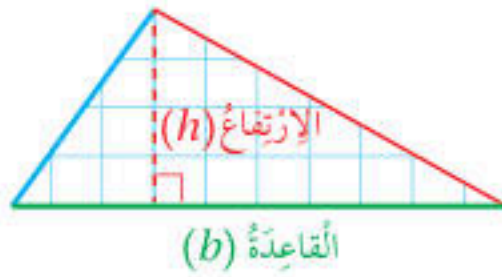
أرسم على شبكة مربعات متوازي أضلاع طول قاعدته 10 وحدات وارتفاعه 4 وحدات، ثم أقصه وأجد مساحته.

الخطوة 2: أقسم متوازي الأضلاع إلى مثلثين:



أرسم مستقيماً يقسم متوازي الأضلاع إلى مثلثين، ثم أقصهما كما يظهر في الشكل المجاور.

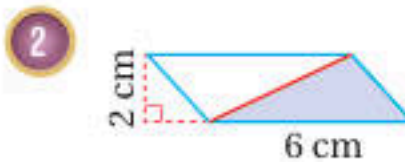
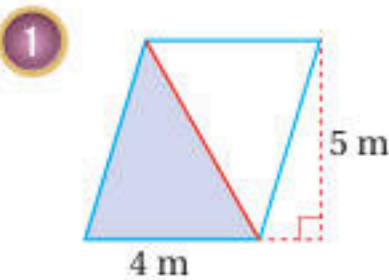
أحلل النتائج:



- أصغ المثلثين الناتجين فوق بعضهما بعضاً وأقارن قياساتهما. هل ينطبقان؟
- ماذا تمثل قاعدة متوازي الأضلاع بالنسبة لكل من المثلثين الناتجين؟
- ماذا يمثل ارتفاع متوازي الأضلاع بالنسبة لكل من المثلثين الناتجين؟
- أصف العلاقة بين مساحة متوازي الأضلاع ومساحة المثلث.

أَتَدَرَّبُ

أستعمل العلاقة التي حصلت عليها في إيجاد مساحة المثلث المظلل في كل مما يأتي:





أستكشف

تُرشدنا اللوحة التحذيرية المجاورة إلى خطر السباحة في بعض المواقع مثل قنوات الماء. كيف يمكن حساب مساحة هذه اللوحة باستعمال شريط قياس فقط؟

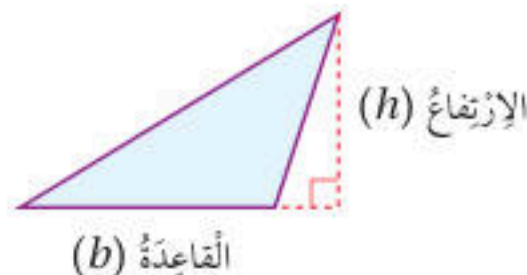
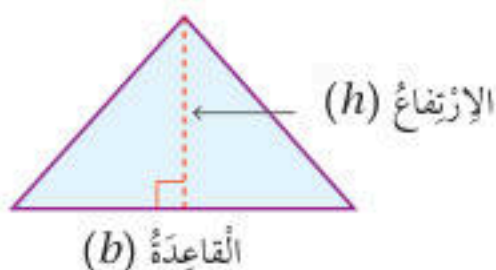
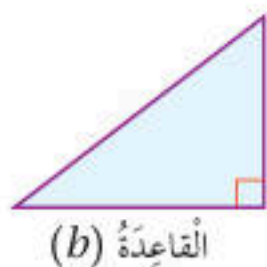
فكرة الدرس

أحسب مساحة المثلث.

المصطلحات

مساحة المثلث

توصلت في النشاط المفاهيمي السابق إلى صيغة لحساب مساحة المثلث (area of triangle) باستعمال قاعدته وارتفاعه، حيث قاعدة المثلث (b) هي أحد أضلاعه، وارتفاعه (h) هو المسافة العمودية بين قاعدته (أو امتدادها) والرأس المقابل لها كما يظهر في الأشكال الآتية:



مساحة المثلث

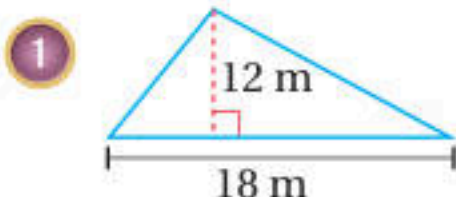
مفهوم أساسي

بالكلمات: مساحة المثلث (A) تساوي نصف حاصل ضرب طول القاعدة في الارتفاع.

بالرموز: $A = \frac{1}{2} \times b \times h$

مثال 1

أجد مساحة المثلث في كل مما يأتي:



$$\begin{aligned} A &= \frac{1}{2} \times b \times h \\ &= \frac{1}{2} \times 18 \times 12 \\ &= 108 \end{aligned}$$

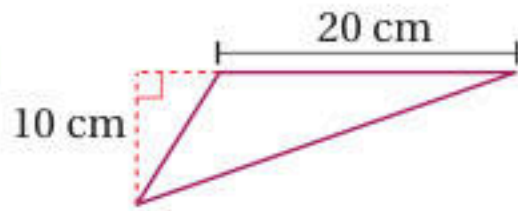
صيغة مساحة المثلث

أعوض $b=18, h=12$

أضرب

إذن، مساحة المثلث تساوي 108 m^2

2



$$A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

$$= \frac{1}{2} \times 20 \times 10$$

$$= 100$$

صيغة مساحة المثلث

أعوّض $b=20, h=10$

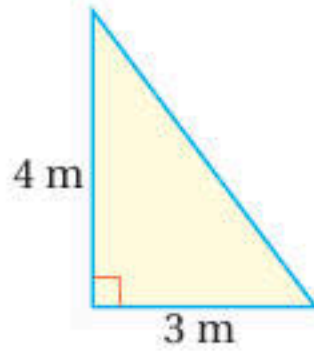
أضرب

إذن، مساحة المثلث تساوي 100 cm^2

أتحقق من فهمي:



3



4

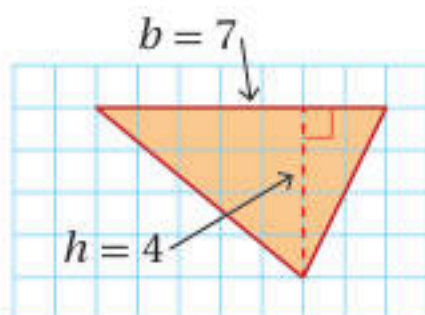
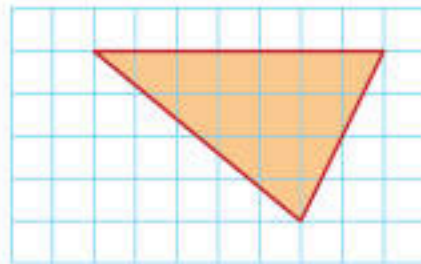


يُرسَم المثلث أحياناً على شبكة المربعات، وعندئذ يُمكن تحديد طول قاعدته وارتفاعه بعد المربعات، وتكون المساحة بالوحدة المربعة.

مثال 2

أجد مساحة المثلث في كل شبكة مما يأتي:

1



$$A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

$$= \frac{1}{2} \times 7 \times 4$$

$$= 14$$

صيغة مساحة المثلث

أعوّض بالقاعدة 7 وارتفاع 4 وحدات

أضرب

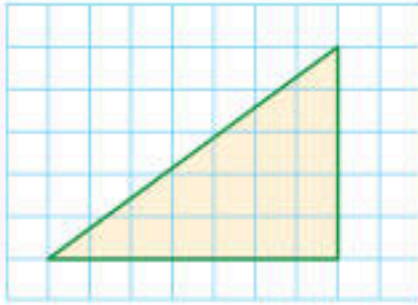
إذن، مساحة المثلث 14 وحدة مربعة.

الوحدة 7

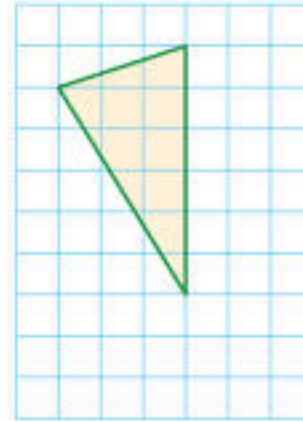
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



2



3

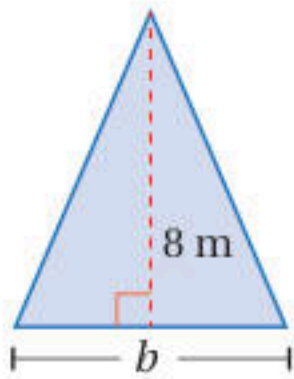


يُمْكِنُ إِيجَادُ طَوْلِ قَاعِدَةِ الْمُثَلَّثِ أَوْ ارْتِفَاعِهِ إِذَا عُلِمَتْ مِسَاحَتُهُ، وَذَلِكَ بِاسْتِخْدَامِ الْعِلَاقَةِ بَيْنَ عَمَلِيَّتَيِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ.

مثال 3

أَجِدْ طَوْلَ الْقَاعِدَةِ b أَوْ الارتفاع h الْمَجْهُولَ فِي كُلِّ مُثَلَّثٍ مِمَّا يَأْتِي:

1 $A = 28 \text{ m}^2$



$$A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

$$28 = \frac{1}{2} \times b \times 8$$

$$28 = 4 \times b$$

$$b = 28 \div 4$$

$$= 7$$

صِغَةُ مِسَاحَةِ الْمُثَلَّثِ

أَعَوِّضُ $A = 28, h = 8$

أَضْرِبُ $\frac{1}{2} \times 8$

أَقْسِمُ طَرَفَيِ الْمُعَادَلَةِ عَلَى 4

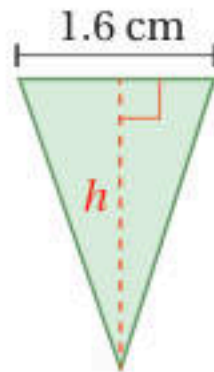
أُبَسِّطُ

إِذَنْ، طَوْلُ قَاعِدَةِ الْمُثَلَّثِ يُسَاوِي 7 m

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

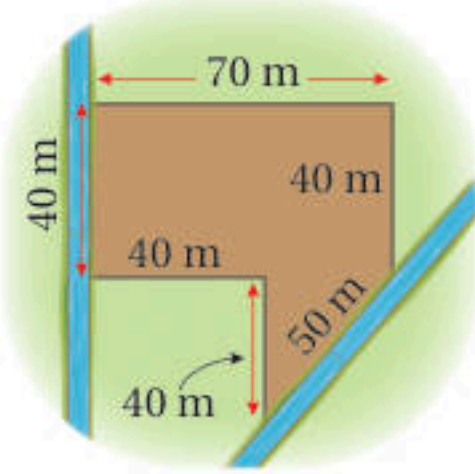


2 $A = 2 \text{ cm}^2$



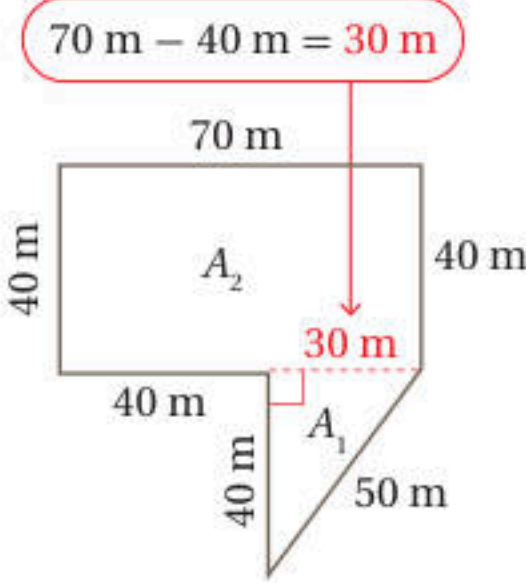
تُستخدَم صيغة مساحة المثلث والمضلعات التي تعلّمناها سابقًا في كثير من المواقف الحياتية.

مثال 4: من الحياة



إذا أراد حازم زراعة قطعة أرض محدّدة بجذولي ماء كما هو مبين في الشكل المجاور، فأجد مساحة هذه القطعة.

أقسم الشكل إلى مضلعات يمكن إيجاد مساحة كل منها بسهولة. يمكن تقسيم الشكل إلى مستطيل ومثلث كما يظهر في الشكل أدناه.



$$A_1 = \frac{1}{2} \times b \times h$$

صيغة مساحة المثلث

$$= \frac{1}{2} \times 30 \times 40$$

أعوّض $b = 30$ و $h = 40$

$$= 600$$

أضرب

$$A_2 = w \times l$$

صيغة مساحة المستطيل

$$= 40 \times 70$$

أعوّض $w = 40$, $l = 70$

$$= 2800$$

أضرب

$$A = A_1 + A_2$$

المساحة الكلية تساوي مجموع مساحتي المثلث والمستطيل

$$= 600 + 2800$$

أعوّض $A_1 = 600$, $A_2 = 2800$

$$= 3400$$

أجمع

إذن، مساحة قطعة الأرض تساوي 3400 m^2

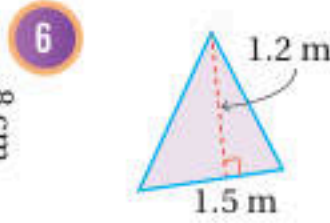
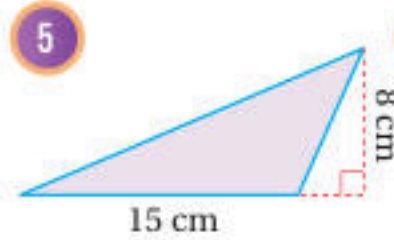
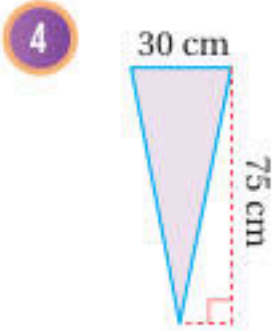
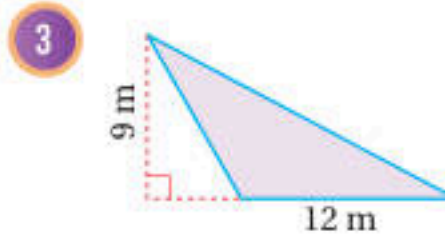
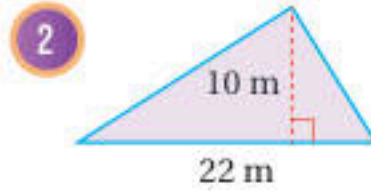
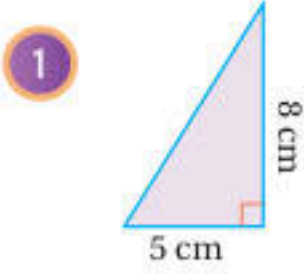
أتحقّق من فهمي:

أجد مساحة قطعة الأرض الزراعية في المثال السابق بتقسيمها إلى 3 مضلعات.

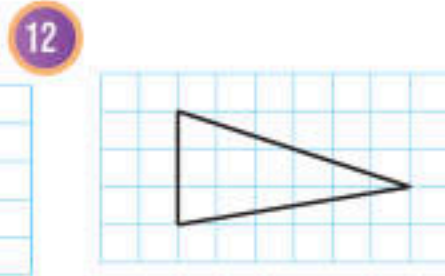
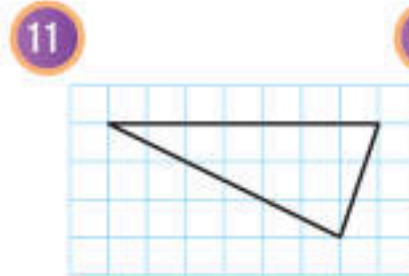
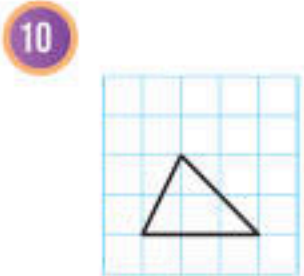
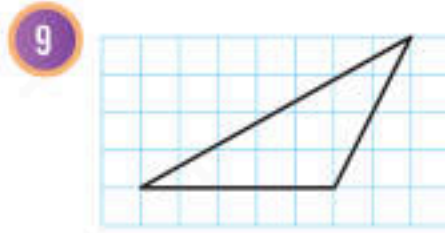
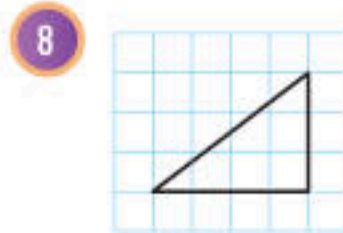
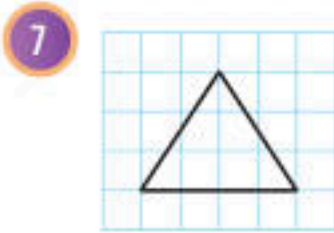
الوحدة 7

أَتَدَرَّبُ
وَأَأْكُلُ الْمَسَائِلَ

أَجِدْ مِسَاحَةَ كُلِّ مُثَلَّثٍ مِمَّا يَأْتِي:



أَجِدْ مِسَاحَةَ الْمُثَلَّثِ فِي كُلِّ شَبَكَةٍ مِمَّا يَأْتِي:

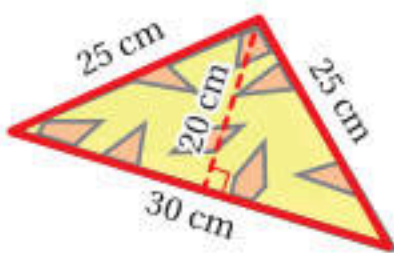
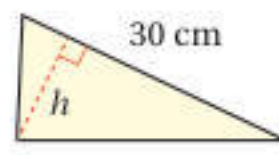
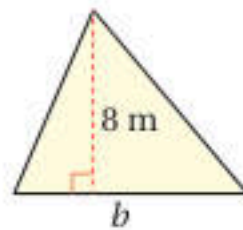
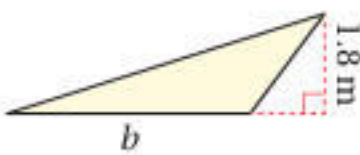


أَجِدْ طَوَلَ الْقَاعِدَةِ b أَوْ الارتفاع h الْمَجْهُولَ فِي كُلِّ مُثَلَّثٍ مِمَّا يَأْتِي:

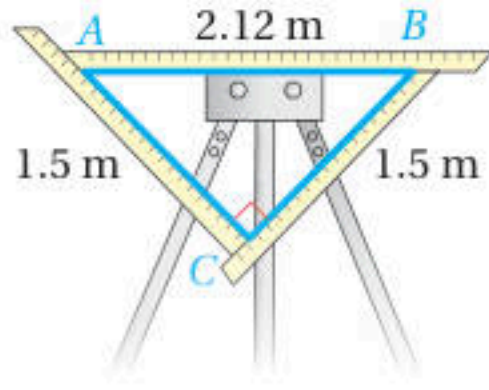
13 $A = 4.05 \text{ m}^2$

14 $A = 40 \text{ m}^2$

15 $A = 180 \text{ cm}^2$



16 **طَائِرَةٌ وَرَقِيَّةٌ:** لَدَى أَحْمَدَ طَائِرَةٌ وَرَقِيَّةٌ صَغِيرَةٌ عَلَى شَكْلِ مُثَلَّثٍ طَوْلُ قَاعِدَتِهِ 30 cm وَارْتِفَاعُهُ 20 cm وَطَوْلَا ضِلْعَيْهِ الْآخَرَيْنِ 25 cm لِكُلِّ ضِلْعٍ كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ. أَجِدْ مِسَاحَةَ الطَّائِرَةِ.

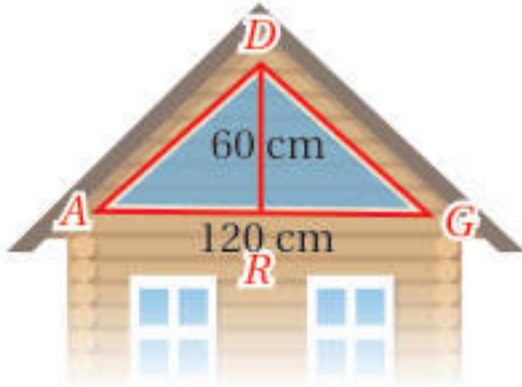


نَسِجٌ: إذا اسْتَعْمَلَ مُرَادًا أَدَاةَ النَّوْلِ الْمُثَلَّثَةِ الظَّاهِرَةَ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ لِنَسِجِ قُمَاشٍ، فَاجِدْ مِسَاحَةَ الْمُثَلَّثِ ABC .

17

مَعْلُومَةٌ

النَّوْلُ أَوْ الْمُنْسِجُ آلَةٌ لِصُنْعِ النَّسِجِ بِاسْتِعْمَالِ خُيُوطٍ مُتَدَاخِلَةٍ، وَمِنْهُ أَنْوَاعٌ صَغِيرَةٌ الْحَجْمِ، وَأُخْرَى كَبِيرَةٌ تُدِيرُهَا آلَاتٌ.

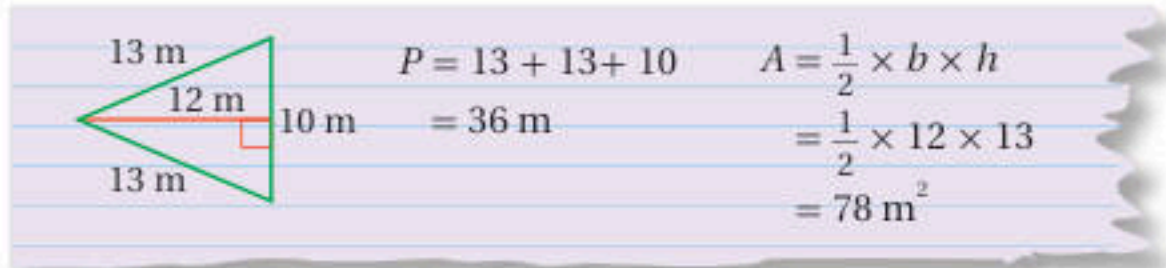


نَافِذَةٌ: يُرِيدُ سُفْيَانُ تَرْكِيبَ زُجَاجٍ عَلَى نَافِذَةٍ مُثَلَّثَةِ الشَّكْلِ طَوَّلَ قَاعِدَتِهَا 120 cm وَارْتِفَاعُهَا 60 cm، أَجِدْ مِسَاحَةَ الزُّجَاجِ اللَّازِمِ.

18

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

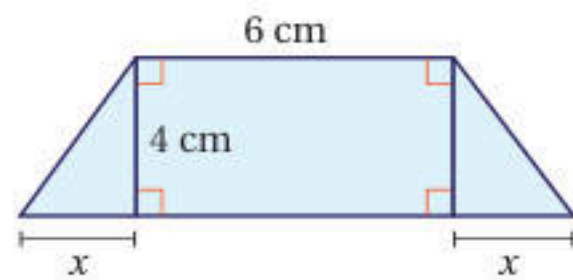
اكتشف الخطأ: أوجدت سلوى محيط المثلث المبيّن أدناه، ثم أوجدت مساحته، فكانت إجابتها كما يأتي. أبين الخطأ الذي وقعت فيه سلوى، وأصحّحه.



19

تحدّد: مثلث متطابق الضلعين قائم الزاوية مساحته 98 cm^2 ، أجد طول الضلعين المتعامدين فيه.

20



تبرير: إذا كانت مساحة الشكل المجاور 38 cm^2 ، فأجد قيمة x . أبرّر إجابتني.

21

اكتب: كيف أجد مساحة المثلث؟

22

أستكشف

كيف يمكن إيجاد مساحة الجزء الظاهر من سطح المبنى في الشكل المجاور باستعمال شريط قياس؟



فكرة الدرس

أجد مساحة شبه المنحرف، وأحل مسائل عليها.

القاعدة الثانية (b_2)

الارتفاع (h)

القاعدة الأولى (b_1)

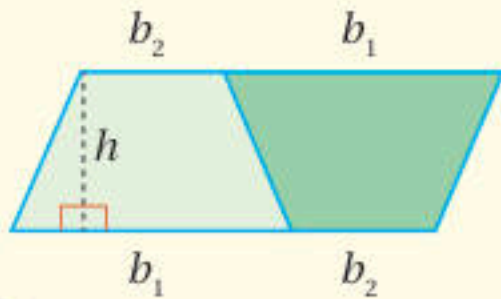
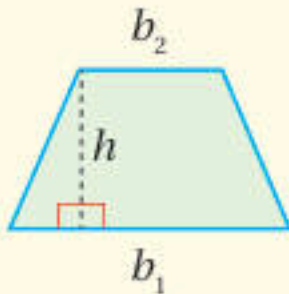


تعلمت سابقاً أن شبه المنحرف مضلع رباعي فيه ضلعان متوازيان يُسميان قاعدتي شبه المنحرف، ويُرمز إليهما بالرمزين (b_1) و (b_2)، وتُسمى المسافة بينهما ارتفاع شبه المنحرف (h) كما في الشكل المجاور.

سأستكشف في النشاط الهندسي الآتي قانوناً لإيجاد مساحة شبه المنحرف.

مساحة شبه المنحرف

نشاط هندسي



الخطوة 1: أرسم شبه منحرف على ورقة مربعات مرتين وبالقياسات نفسها.

الخطوة 2: أقصّ حدود كل من الشكلين، ثم أضعهما بجوار بعضهما لأكوّن شكلاً جديداً.

أحلّ النتائج:

1 ما اسم الشكل الناتج؟ وما مساحته؟

2 ما العلاقة بين مساحة شبه المنحرف ومساحة الشكل الناتج؟

مساحة شبه المنحرف

مفهوم أساسي

القاعدة الثانية (b_2)

الارتفاع (h)

القاعدة الأولى (b_1)

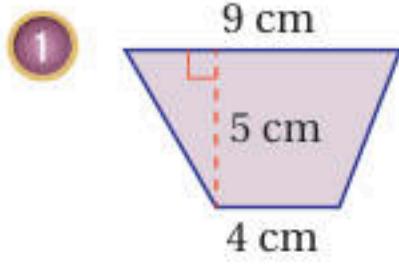


بالكلمات: مساحة شبه المنحرف تساوي نصف مجموع القاعدتين مضروباً في الارتفاع.

بالرموز: $A = \frac{1}{2} \times (b_1 + b_2) \times h$

مثال 1

أجد مساحة شبه المنحرف في كل مما يأتي:



$$\begin{aligned}
 A &= \frac{1}{2} \times (b_1 + b_2) \times h \\
 &= \frac{1}{2} \times (4 + 9) \times 5 \\
 &= \frac{1}{2} \times 13 \times 5 \\
 &= 32.5
 \end{aligned}$$

صيغة مساحة شبه المنحرف

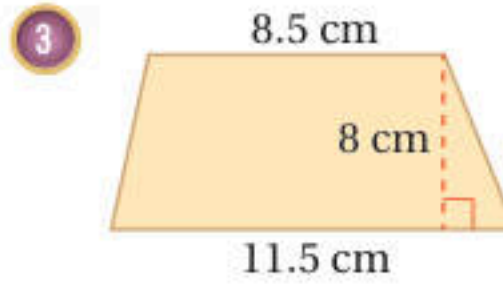
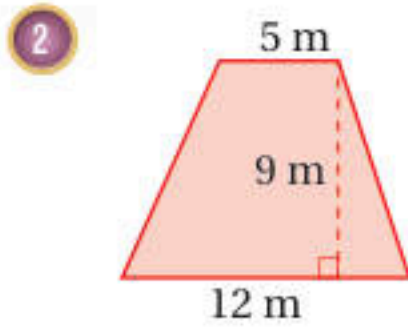
أعوّض $b_1 = 4, b_2 = 9, h = 5$

أجمع

أضرب

إذن، مساحة شبه المنحرف تساوي 32.5 cm^2

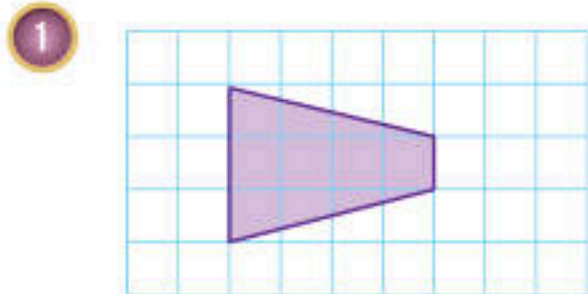
أنتق من فهمي:



يمكن تحديد طول قاعدة شبه المنحرف المرسوم على شبكة مربعات وارتفاعه بعد المربعات، وعندئذ يمكن حساب مساحته بالوحدات المربعة.

مثال 2

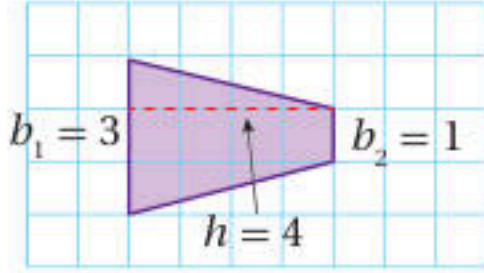
أجد مساحة شبه المنحرف في كل شبكة مما يأتي:



أبدأ بعدد الوحدات الرأسية لأجد طول كل من القاعدتين،
ثم أعد الوحدات الأفقية لإيجاد الارتفاع.

$b_2 = 1, b_1 = 3$ والارتفاع $h = 4$

الوحدة 7



$$A = \frac{1}{2} \times (b_1 + b_2) \times h$$

صيغة مساحة شبه المنحرف

$$= \frac{1}{2} \times (3 + 1) \times 4$$

أعوّض $b_1 = 3, b_2 = 1, h = 4$

$$= \frac{1}{2} \times 4 \times 4$$

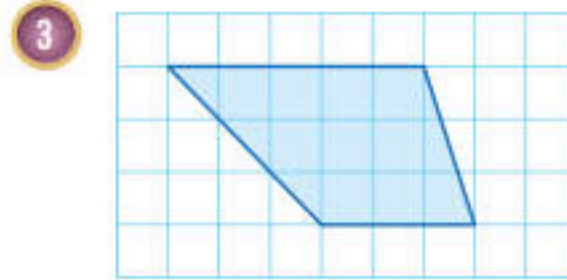
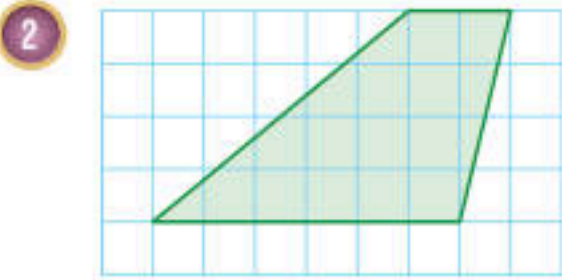
أجمع

$$= 8$$

أضرب

إذن، مساحة شبه المنحرف تساوي 8 وحدات مربعة.

أتحقق من فهمي:



يُمكنُ استعمالُ صيغة مساحة شبه المنحرف في كثيرٍ من المواقف الحياتية.

مثال 3: من الحياة



أجد مساحة شبه المنحرف الظاهر في الصورة المجاورة والناتج من مرور أشعة الشمس من خلال نافذة.

$$A = \frac{1}{2} \times (b_1 + b_2) \times h$$

صيغة مساحة شبه المنحرف

$$= \frac{1}{2} \times (60 + 40) \times 30$$

أعوّض $b_1 = 60, b_2 = 40, h = 30$

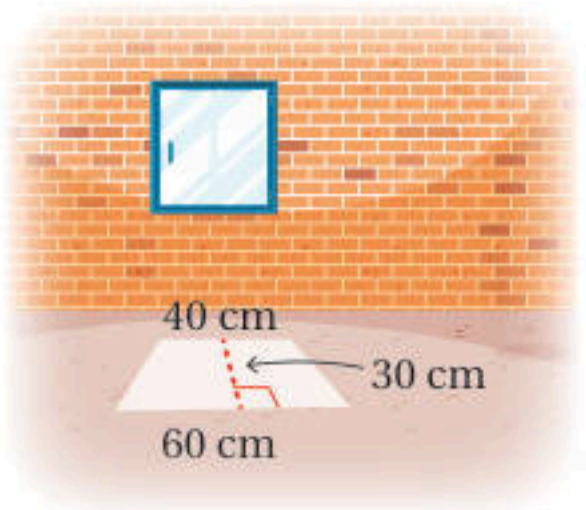
$$= \frac{1}{2} \times 100 \times 30$$

أجمع

$$= 1500$$

أضرب

إذن، مساحة شبه المنحرف الناتج من مرور أشعة الشمس من خلال النافذة 1500 cm^2



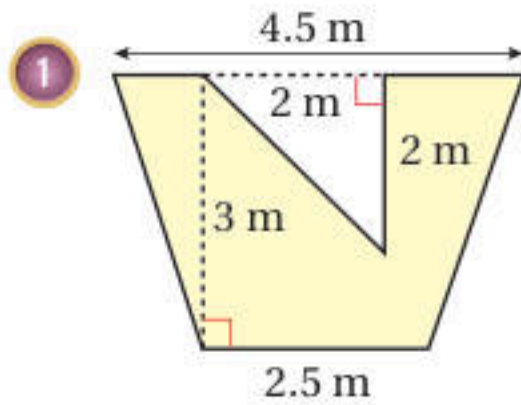
✓ أَلْتَحَقَّقْ مِنْ فَهْمِي:

حَدِيقَةٌ عَلَى شَكْلِ شِبْهِ مُنْحَرِفٍ، طَوْلُ كُلِّ مِنْ قَاعِدَتَيْهِ 30 m وَ 40 m وَالْمَسَافَةُ الْعَمُودِيَّةُ بَيْنَ الْقَاعِدَتَيْنِ 35 m، أَجِدْ مِسَاحَةَ هَذِهِ الْحَدِيقَةِ.

يُمْكِنُ إِيجَادُ مِسَاحَاتِ أَشْكَالٍ مُرَكَّبَةٍ تَحْتَوِي مُضَلَّعَاتٍ مِنْ بَيْنِهَا شِبْهُ الْمُنْحَرِفِ.

مثال 4

أَجِدْ مِسَاحَةَ الْمُنْطَقَةِ الْمُظَلَّلَةِ فِي كُلِّ شَكْلِ مِمَّا يَأْتِي:



الْمُنْطَقَةُ الْمُظَلَّلَةُ هِيَ شِبْهُ مُنْحَرِفٍ مُفْرَعٌ مِنْهُ مُثَلَّثٌ. إِذَا كَانَتْ مِسَاحَةُ شِبْهِ الْمُنْحَرِفِ (A_1) وَمِسَاحَةُ الْمُثَلَّثِ (A_2) ، فَإِنَّ مِسَاحَةَ الْمُنْطَقَةِ الْمُظَلَّلَةِ هِيَ

$$A = A_1 - A_2$$

$$A_1 = \frac{1}{2} \times (b_1 + b_2) \times h$$

صِغَةُ مِسَاحَةِ شِبْهِ الْمُنْحَرِفِ

$$= \frac{1}{2} \times (2.5 + 4.5) \times 3$$

أَعَوَّضْ $b_1 = 2.5, b_2 = 4.5, h = 3$

$$= \frac{1}{2} \times 7 \times 3$$

أَجْمَعْ

$$= 10.5$$

أَضْرِبْ

إِذَنْ، مِسَاحَةُ شِبْهِ الْمُنْحَرِفِ تُسَاوِي 10.5 m^2

$$A_2 = \frac{1}{2} \times b \times h$$

صِغَةُ مِسَاحَةِ الْمُثَلَّثِ

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times 2$$

أَعَوَّضْ $b = 2, h = 2$

$$= 2$$

أَضْرِبْ

إِذَنْ، مِسَاحَةُ الْمُثَلَّثِ تُسَاوِي 2 m^2

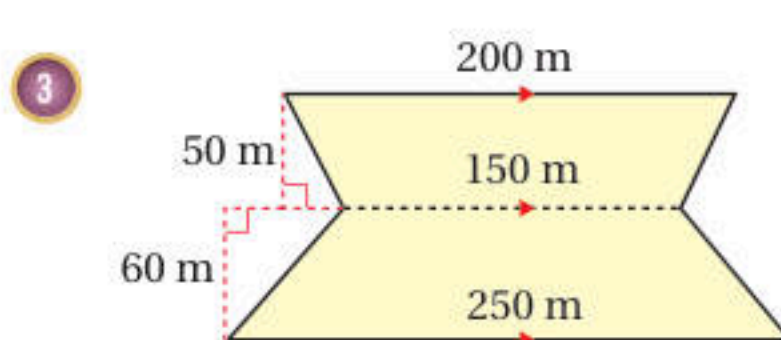
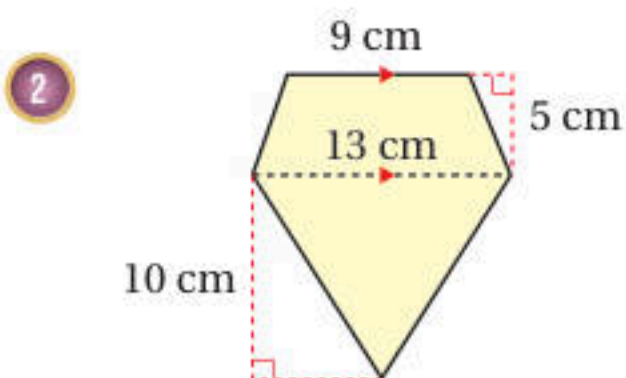
الوحدة 7

$$\begin{aligned} A &= A_1 - A_2 \\ &= 10.5 \text{ m}^2 - 2 \text{ m}^2 \\ &= 8.5 \text{ m}^2 \end{aligned}$$

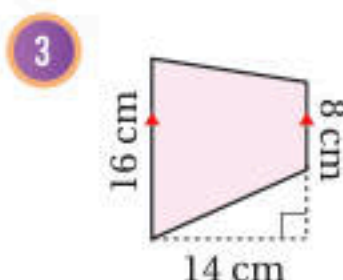
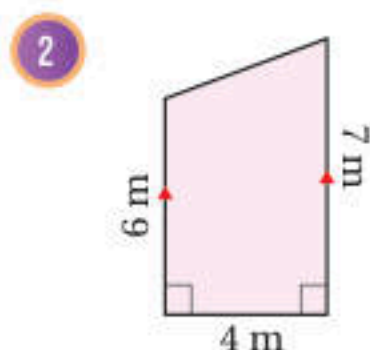
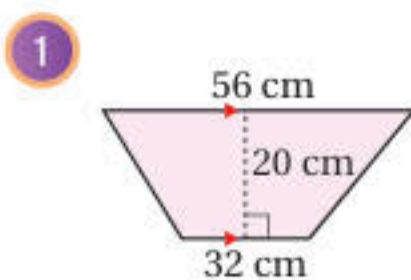
مساحة المنطقة المظللة
أعوّض
أطرح

إذن، مساحة المنطقة المظللة 8.5 m^2

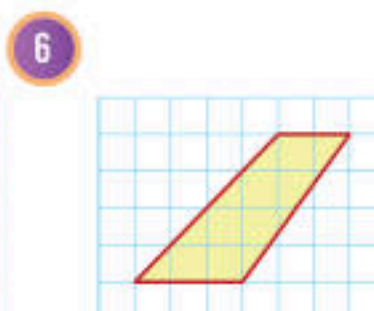
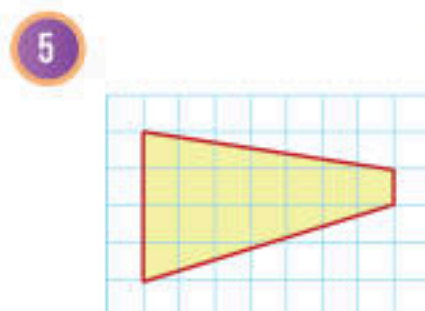
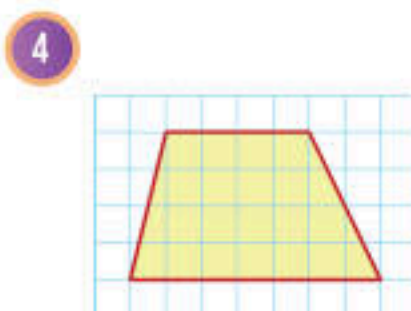
أتحقق من فهمي:



أجد مساحة شبه المنحرف في كل مما يأتي:



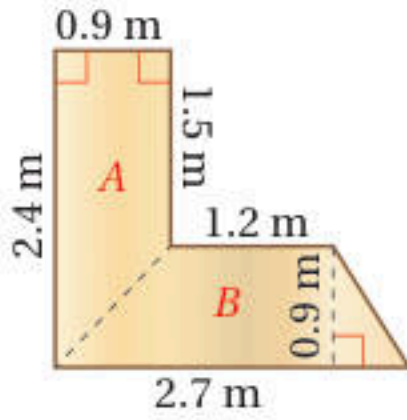
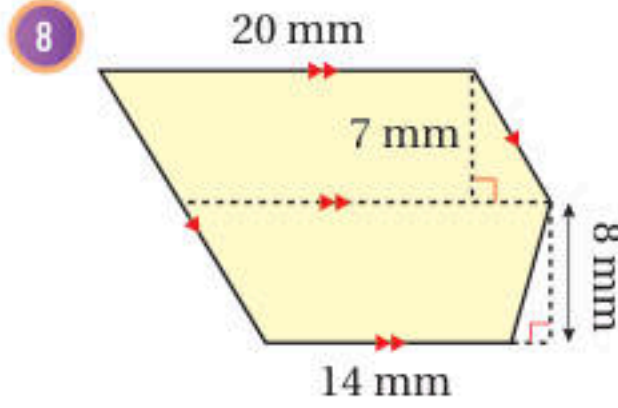
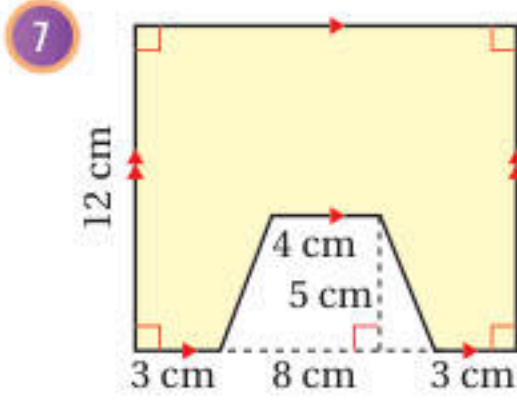
أجد مساحة شبه المنحرف في كل شبكة مما يأتي:



أَتَدَرَّبُ
وَأُحَلِّقُ الْمَسَائِلَ

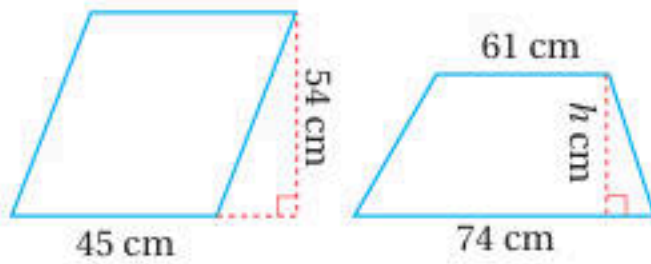
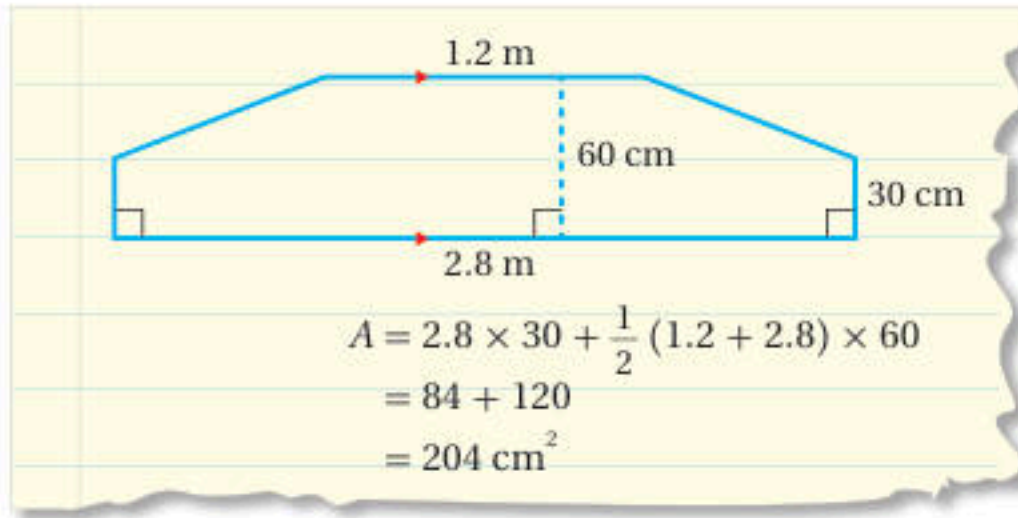


أَجِدْ مِسَاحَةَ الْمُنْطَقَةِ الْمُظَلَّلَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



9 **مَكْتَبٌ:** إِذَا صَنَعَ عِمْرَانُ مَكْتَبًا عَلَى شَكْلِ حَرْفِ L بِحَسَبِ الْمَقَاسَاتِ الْمُبَيَّنَةِ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ، فَأَجِدْ مِسَاحَةَ سَطْحِ الْمَكْتَبِ.

10 **اُكْتَشِفْ الْخَطَأَ:** أَوْجَدَ سَالِمٌ مِسَاحَةَ الشَّكْلِ الْمُرَكَّبِ أَذْنَاهُ، وَكَانَ حَلُّهُ كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌ، أُبَيِّنُ الْخَطَأَ الَّذِي وَقَعَ فِيهِ سَالِمٌ، وَأُصَحِّحُهُ.



11 **تَحَدُّ:** يَظْهَرُ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ مُتَوَازِي أَضْلَاعٍ وَشِبْهُ مُنْخَرِفٍ مُتَسَاوِيَانِ فِي الْمِسَاحَةِ، أَجِدْ ارْتِفَاعَ شِبْهِ الْمُنْخَرِفِ h .

12 **اُكْتُبْ:** كَيْفَ أَجِدُ مِسَاحَةَ شِبْهِ الْمُنْخَرِفِ؟

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

حجم المنشور الرباعي

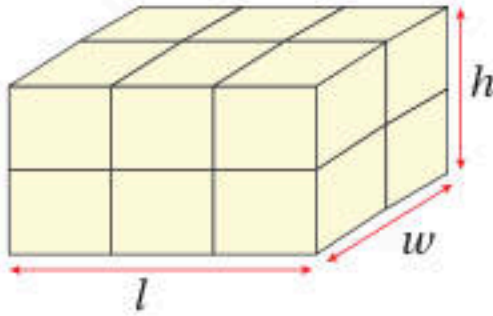
الهدف: استكشاف حجم المنشور الرباعي عملياً، واستنتاج قانوناً لحسابه.

المنشور (prism) هو شكل ثلاثي الأبعاد، له قاعدتان متطابقتان ومتوازيتان. ويسمى المنشور بحسب شكل قاعدته. **الحجم** (volume) هو الحيز الذي يشغله الجسم في الفضاء، ويُقاس بالوحدات المكعبة، ويمكن التعبير عن حجم المنشور بعدد المكعبات التي تملؤه.

نشاط 1

الخطوة 1:

- أبني منشوراً رباعياً باستعمال 12 مكعباً كما في الشكل المجاور.
- أبني ثلاثة مجسمات كل منها يمثل منشوراً رباعياً، باستخدام العدد نفسه من المكعبات.



الخطوة 2:

- إذا كان طول حرف كل مكعب يساوي وحدة واحدة، فإن مساحة كل وجه من أوجه المكعب الواحد تساوي 1 وحدة مربعة، وحجم كل مكعب يساوي 1 وحدة مكعبة. أكمل الجدول الآتي:

المنشور	طول القاعدة (l) وحدة طول	عرض القاعدة (w) وحدة طول	مساحة القاعدة (B) وحدة مربعة	ارتفاع المنشور (h) وحدة طول	الحجم (V) وحدة مكعبة
1					
2					
3					
4					

أحلل النتائج:

- ما العلاقة بين مساحة قاعدة المنشور وارتفاعه وحجمه؟
- ما العلاقة بين حجم المنشور وطوله وعرضه وارتفاعه؟

أدرب

1 أجد حجم منشور مساحة قاعدته 30 cm^2 وارتفاعه 10 cm

2 أجد حجم منشور قاعدته مربعة الشكل طول ضلعها 3 cm وارتفاعه 7 cm

أَسْتَكْشِفُ



إذا كان صُنْدُوقُ الشَّاحِنَةِ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ
مَنْشُورًا رُبَاعِيًّا أبعادُهُ 5 m, 2.4 m, 1.4 m
فَمَا حَجْمُ الرَّمْلِ الَّذِي يُمَكِّنُ أَنْ يَتَّسِعَ لَهُ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجِدْ حَجْمَ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ،
وَأَجِدْ مِسَاحَتَهُ السَّطْحِيَّةَ.

الْمُضْطَلَحَاتُ

الْمِسَاحَةُ الْكُلِّيَّةُ، الْمِسَاحَةُ الْجَانِبِيَّةُ.

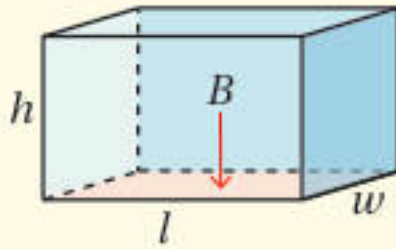
أَعْلَمُ

إذا كانت أبعادُ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ
مُتَسَاوِيَةً فَإِنَّهُ يُسَمَّى مَكْعَبًا.

تَوَصَّلْتُ فِي النِّشَاطِ الْمَفَاهِيمِيِّ السَّابِقِ إِلَى أَنَّ حَجْمَ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ هُوَ
حَاصِلُ ضَرْبِ أبعادِهِ الثَّلَاثَةِ.

حَجْمُ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ

مَفْهُومٌ أَساسِيٌّ



بِالْكَلِمَاتِ: حَجْمُ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ (V) يُسَاوِي نَاتِجَ ضَرْبِ مِسَاحَةِ الْقَاعِدَةِ
(B) فِي الْإِرْتِفَاعِ (h)، وَيُسَاوِي نَاتِجَ ضَرْبِ طَوْلِهِ (l) فِي عَرْضِهِ
(w) فِي إِرْتِفَاعِهِ (h).

$$V = B \times h$$

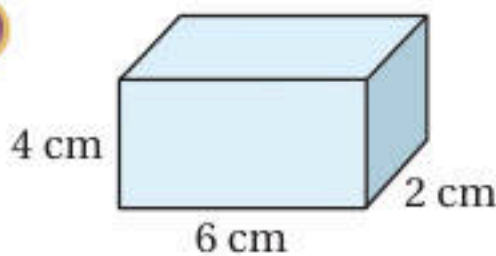
بِالرَّمُوزِ:

$$V = l \times w \times h$$

مثال 1

أَجِدْ حَجْمَ كُلِّ مَنْشُورٍ رُبَاعِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

1



$$\begin{aligned} V &= l \times w \times h \\ &= 6 \times 2 \times 4 \\ &= 48 \end{aligned}$$

صِغَةُ حَجْمِ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ

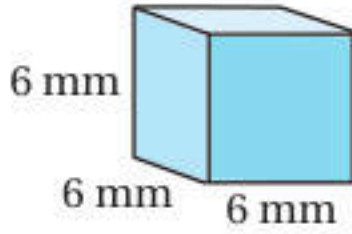
أَعَوِّضْ $l = 6, w = 2, h = 4$

أَضْرِبْ

إِذَنْ، حَجْمُ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ 48 cm^3

الوحدة 7

2



$$\begin{aligned} V &= l \times w \times h \\ &= 6 \times 6 \times 6 \\ &= 216 \end{aligned}$$

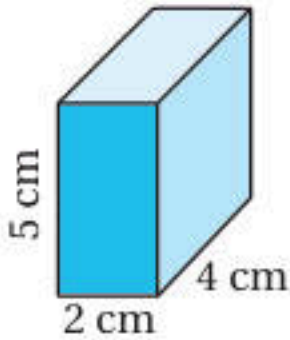
صيغة حجم المنشور الرباعي (المكعب)
أعوّض $l = 6, w = 6, h = 6$
أضرب

إذن، حجم المكعب يساوي 216 mm^3

أتحقق من فهمي:



3

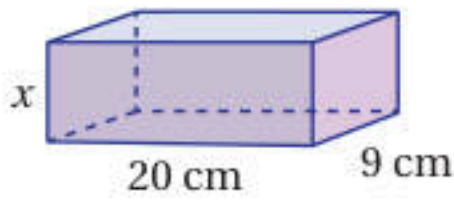


يمكن استعمال صيغة حجم المنشور لكتابة معادلة ثم حلها لإيجاد بُعد مجهول من أبعاد المنشور الرباعي.

مثال 2

أجد قيمة x في كل منشور رباعي مما يأتي علماً أن حجم كل منها 360 cm^3

1

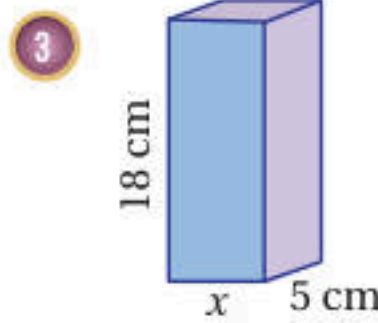
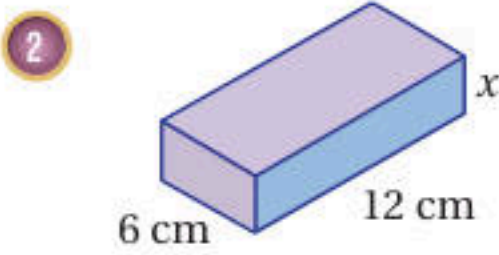


$$\begin{aligned} V &= l \times w \times h \\ 360 &= 20 \times 9 \times x \\ 360 &= 180 \times x \\ x &= 360 \div 180 \\ x &= 2 \end{aligned}$$

صيغة حجم المنشور الرباعي
أعوّض $V = 360, l = 20, w = 9, h = x$
أضرب 20×9
أقسم طرفي المعادلة على 180
أبسط

إذن، قيمة x تساوي 2 cm

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



المِسَاحَةُ الكُلِّيَّةُ (S.A) (total surface area) لِسَطْحِ أَيِّ مُجَسِّمٍ تُساوي مَجْمُوعَ مِسَاحَاتِ أَوْجْهِهِ جَمِيعِهَا؛ لِذَا يُمَكِّنُ إيجادَ المِسَاحَةِ الكُلِّيَّةِ لِسَطْحِ المَنْشُورِ الرُّبَاعِيِّ بِجَمْعِ مِسَاحَاتِ الأَوْجِهِ المُسْتَطِيلَةِ السَّتَّةِ. أمَّا **المِسَاحَةُ الجَانِبِيَّةُ** (L.A) (lateral area) لِسَطْحِ المَنْشُورِ فَهِيَ مَجْمُوعُ مِسَاحَاتِ أَوْجْهِهِ الجَانِبِيَّةِ الأَرْبَعَةِ.

المِسَاحَةُ الجَانِبِيَّةُ وَالمِسَاحَةُ الكُلِّيَّةُ لِسَطْحِ المَنْشُورِ

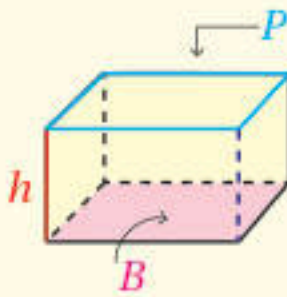
مَفْهُومٌ أَساسِيٌّ



المِسَاحَةُ الجَانِبِيَّةُ

بِالكَلِمَاتِ:

المِسَاحَةُ الجَانِبِيَّةُ (L.A) لِسَطْحِ المَنْشُورِ الرُّبَاعِيِّ تُساوي مَجْمُوعَ مِسَاحَاتِ أَوْجْهِهِ الجَانِبِيَّةِ الأَرْبَعَةِ، وَهِيَ نَاتِجُ ضَرْبِ ارْتِفَاعِ المَنْشُورِ (h) فِي مُحِيطِ قَاعِدَتِهِ (P).

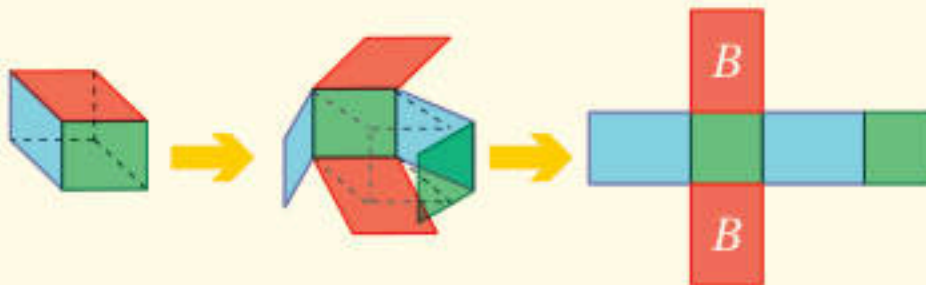


بِالرُّمُوزِ: $L.A = P h$

المِسَاحَةُ الكُلِّيَّةُ

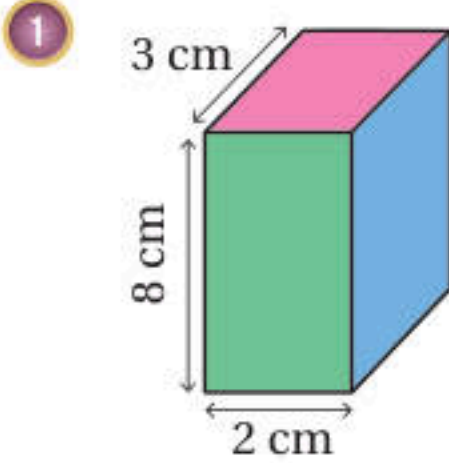
بِالكَلِمَاتِ:

المِسَاحَةُ الكُلِّيَّةُ (S.A) لِسَطْحِ المَنْشُورِ الرُّبَاعِيِّ تُساوي مَجْمُوعَ مِسَاحَاتِ أَوْجْهِهِ المُسْتَطِيلَةِ السَّتَّةِ، أَوْ مَجْمُوعَ مِسَاحَتِهِ الجَانِبِيَّةِ وَمِسَاحَتَيْ قَاعِدَتَيْهِ.



بِالرُّمُوزِ: $S.A = L.A + 2B$

أجد المساحة الجانبية والمساحة الكلية لسطح كل منشور رباعي مما يأتي:



الخطوة 1: أجد محيط القاعدة:

صيغة محيط القاعدة المستطيلة

أعوّض $l = 3, w = 2$

أبسط

$$\begin{aligned} P &= 2l + 2w \\ &= 2(3) + 2(2) \\ &= 10 \end{aligned}$$

إذن، محيط القاعدة 10 cm

الخطوة 2: أجد المساحة الجانبية لسطح المنشور الرباعي:

صيغة المساحة الجانبية

أعوّض $P = 10, h = 8$

أبسط

$$\begin{aligned} L.A &= P h \\ &= 10 \times 8 \\ &= 80 \end{aligned}$$

إذن، المساحة الجانبية لسطح المنشور الرباعي تساوي 80 cm^2

الخطوة 3: أجد مساحة القاعدة:

صيغة مساحة المستطيل

أعوّض $l = 2, w = 3$

أبسط

$$\begin{aligned} B &= l \times w \\ &= 2 \times 3 \\ &= 6 \end{aligned}$$

إذن، مساحة قاعدة المنشور الرباعي تساوي 6 cm^2

الخطوة 4: أجد المساحة الكلية لسطح المنشور:

صيغة المساحة الكلية

أعوّض $L.A = 80, B = 6$

أضرب

أبسط

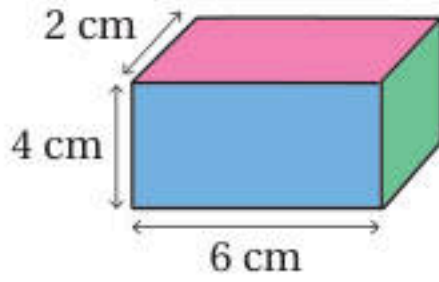
$$\begin{aligned} S.A &= L.A + 2B \\ &= 80 + (2 \times 6) \\ &= 80 + 12 \\ &= 92 \end{aligned}$$

إذن، المساحة الكلية لسطح المنشور الرباعي تساوي 92 cm^2

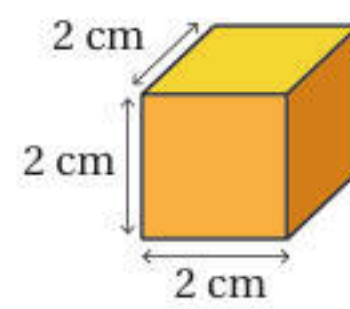
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



2



3



يُمْكِنُ اسْتِعْمَالُ صِيغَتَيْ حَجْمِ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ وَمِسَاحَةِ سَطْحِهِ الْكُلِّيَّةِ فِي كَثِيرٍ مِنْ مَوَاقِفِ الْحَيَاةِ.



مثال 4: مِنَ الْحَيَاةِ



يُظْهَرُ فِي الصُّورَةِ الْمُجَاوِرَةِ صُنْدُوقُ جِهَازِ حَاسُوبٍ عَلَى شَكْلِ مَنْشُورٍ رُبَاعِيٍّ
حَجْمُهُ 28000 cm^3 وَطَوْلُهُ 40 cm وَعَرْضُهُ 17.5 cm :

1 أَجِدْ ارْتِفَاعَ الصُّنْدُوقِ (h).

$$V = l \times w \times h$$

$$28000 = 40 \times 17.5 \times h$$

$$28000 = 700 \times h$$

$$h = 28000 \div 700$$

$$= 40$$

صِيغَةُ حَجْمِ الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ

$$\text{أَعَوِّضْ } l = 40, w = 17.5, V = 28000$$

$$\text{أَضْرِبْ } 40 \times 17.5$$

أَقْسِمُ طَرَفَيِ الْمُعَادَلَةِ عَلَى 700

أُبَسِّطُ

إِذَنْ، ارْتِفَاعُ الصُّنْدُوقِ يُسَاوِي 40 cm

2 أَجِدْ الْمِسَاحَةَ الْكُلِّيَّةَ لِسَطْحِ الصُّنْدُوقِ.

الْخُطْوَةُ 1: أَجِدْ مُحِيطَ قَاعِدَةِ الصُّنْدُوقِ:

$$P = 2l + 2w$$

$$P = 2 \times (40) + 2 \times (17.5)$$

$$P = 80 + 35$$

$$P = 115$$

صِيغَةُ مُحِيطِ الْقَاعِدَةِ الْمُسْتَطِيلَةِ

$$\text{أَعَوِّضْ } l = 40, w = 17.5$$

أَضْرِبْ

أُبَسِّطُ

إِذَنْ، مُحِيطُ قَاعِدَةِ الصُّنْدُوقِ يُسَاوِي 115 cm

الخطوة 2: أجد المساحة الجانبية لسطح الصندوق:

$$L.A = P \times h$$

$$= 115 \times 40$$

$$= 4600$$

صيغة المساحة الجانبية

$$P = 115, h = 40$$

أعوض

أبسط

إذن، المساحة الجانبية لسطح الصندوق تساوي 4600 cm^2

الخطوة 3: أجد مساحة قاعدة الصندوق:

$$B = l \times w$$

$$= 40 \times 17.5$$

$$= 700$$

صيغة مساحة المستطيل

$$l = 40, w = 17.5$$

أعوض

أبسط

إذن، مساحة قاعدة الصندوق تساوي 700 cm^2

الخطوة 4: أجد المساحة الكلية لسطح الصندوق:

$$S.A = L.A + 2B$$

$$= 4600 + (2 \times 700)$$

$$= 4600 + 1400$$

$$= 6000$$

صيغة المساحة الكلية

$$L.A = 4600, B = 700$$

أعوض

أضرب

أبسط

إذن، المساحة الكلية لسطح الصندوق تساوي 6000 cm^2

أتحقق من فهمي:

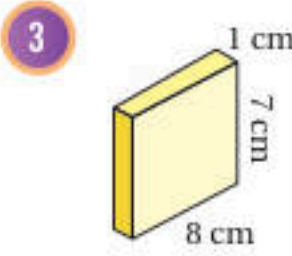
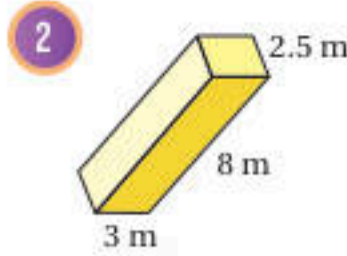
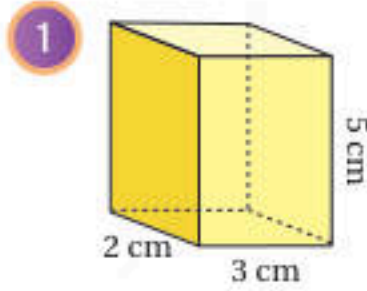


يظهر في الصورة المجاورة صندوق هدية على شكل منشور رباعي حجمه

$$1125 \text{ cm}^3 \text{ وطوله } 25 \text{ cm} \text{ وارتفاعه } 5 \text{ cm}$$

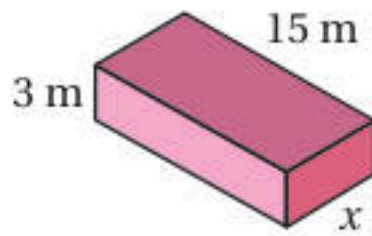
أجد عرض الصندوق ومساحة سطحه الكلية.

أَجِدْ حَجْمَ كُلِّ مَنْشُورٍ رُبَاعِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

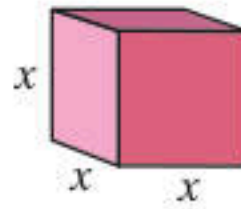


أَجِدْ قِيَمَةَ x فِي الْمَنْشُورِ الرَّبَاعِيِّ الْمُعْطَى حَجْمُهُ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

4 $V = 337.5 \text{ m}^3$

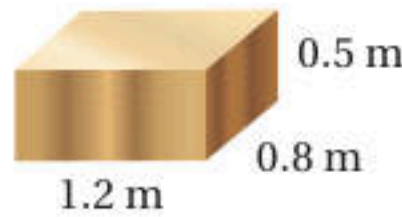
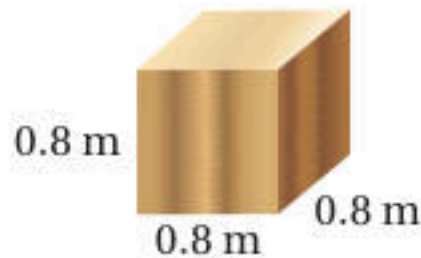


5 $V = 125 \text{ cm}^3$



6 **بَيْتْزَا:** أَجِدْ الْمِسَاحَةَ الْكُلِّيَّةَ لِسَطْحِ
عُلْبَةِ الْبَيْتْزَا الْمُبَيَّنَةِ فِي الشَّكْلِ
الْمُجَاوِرِ.

7 **دِهَانٌ:** يُرِيدُ عَبْدُ الْعَزِيزِ دِهَانَ الصُّنْدُوقَيْنِ الْخَشَبِيَّيْنِ الْمُبَيَّنَيْنِ أَذْنَاهُ بِاللَّوْنِ الْأَصْفَرِ؛
لَا سَتُخْدَمُهَا فِي عَرْضٍ مَسْرُوحِيٍّ. مَا الْمِسَاحَةُ الْكُلِّيَّةُ الَّتِي سَيُغَطِّيهَا الدِّهَانُ؟



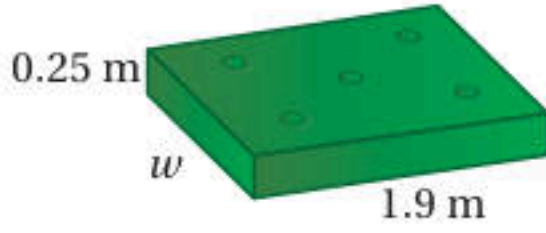
مَعْلُومَةٌ

تُسْتَعْدَمُ بَعْضُ السَّاعَاتِ
الرَّقْمِيَّةِ الذَّكِيَّةِ فِي تَحْدِيدِ كَثِيرٍ
مِنَ الْأُمُورِ، مِثْلَ: سَاعَاتِ
النَّوْمِ، وَالنَّبْضِ، وَالْمَوَاقِعِ
الْجُغَرَاْفِيَّةِ، وَالزَّمَنِ.



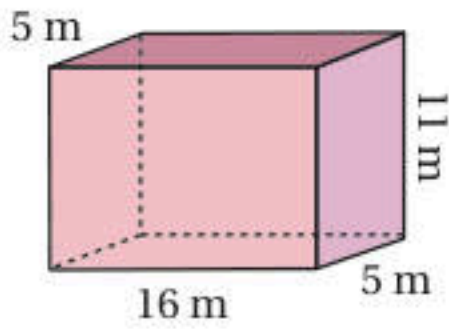
8 **سَاعَةٌ رَقْمِيَّةٌ ذَكِيَّةٌ:** أَجِدْ عَرْضَ السَّاعَةِ w الْمُبَيَّنَةِ فِي الشَّكْلِ
الْمُجَاوِرِ، عِلْمًا أَنَّ حَجْمَهَا 220.5 cm^3

الوحدة 7



9 **فَرَشَةٌ:** أجدُ عَرْضَ فَرَشَةِ السَّرِيرِ w
المُبَيَّنَةِ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ، عِلْمًا أَنَّ
حَجْمَهَا 0.475 m^3

مهارات التفكير العليا



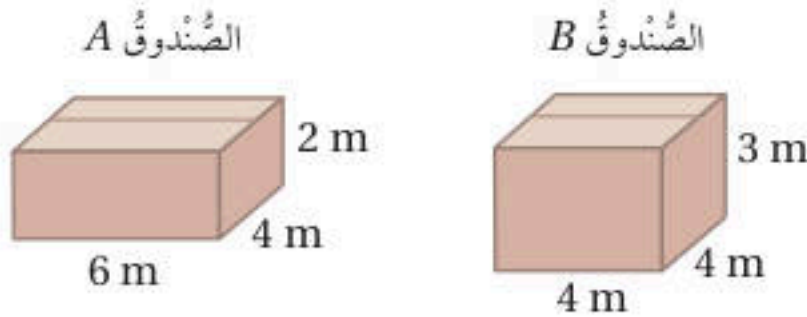
10 **اكتشف الخطأ:** أوجدت إيمان حجم المنشور
الرباعي المبيّن في الشكّل المجاور، فقالت: كلُّ
ما احتاجه هو ضرب الأطوال جميعها المُعطاة
في الشكّل على النحو الآتي:

$$V = 16 \times 5 \times 11 \times 5 = 4400 \text{ m}^3$$

أبين الخطأ الذي وقعت فيه إيمان، وأصحّحه.

11 **تبرير:** منشور رباعي حجمه 72 cm^3 ، وأبعاده أعداد كُليّة بالسّسّتيوثرات وارتفاعه
 3 cm ، أجد جميع قيم الطول والعرض الممكنة للمنشور، وأبرر إجابتي.

12 **تبرير:** يزداد الطلب على صناديق التعبئة كلما زاد حجمها وقل مقدار المادة اللازمة
لصنعها. أبين أيّ الصندوقين الآتيين يُعدُّ الأكثر طلباً، وأبرر إجابتي.



13 **اكتب:** كيف أجد مساحة السطح الكليّة لمنشور رباعي؟

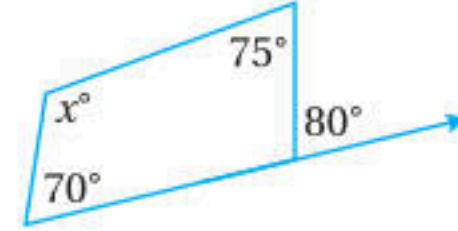
اختبار نهاية الوحدة

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1 إذا كانت 28° , 100° , 85° , x° قياسات زوايا مضلع رباعي، فإن قيمة x تساوي:

- a) 213° b) 147°
c) 33° d) 95°

2 قيمة x في الشكل الآتي تساوي:



- a) 80° b) 107.5° c) 115° d) 100°

3 مثلث طول قاعدته 7 cm وارتفاعه 8 cm، فإن مساحته تساوي:

- a) 56 cm^2 b) 28 cm^2
c) 15 cm^2 d) 112 cm^2

4 متوازي أضلاع طول قاعدته 10 m وارتفاعه 6 m، فإن مساحته تساوي:

- a) 60 m^2 b) 30 m^2
c) 15 m^2 d) 16 m^2

5 شبه منحرف طول قاعدتيه 8 cm، 12 cm وارتفاعه 6 cm، فإن مساحته تساوي:

- a) 576 cm^2 b) 120 cm^2
c) 60 cm^2 d) 30 cm^2

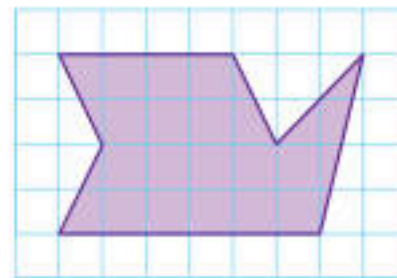
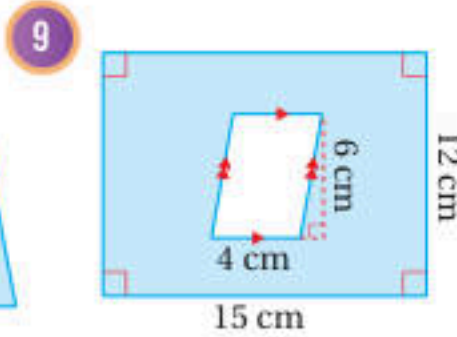
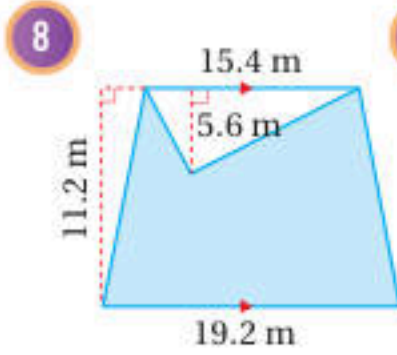
6 مكعب طول ضلعه 4 m فإن حجمه يساوي:

- a) 16 m^3 b) 96 m^3
c) 64 m^3 d) 12 m^3

7 منشور رباعي أبعاده 7 cm، 9 cm، 12 cm، فإن مساحته الكلية تساوي:

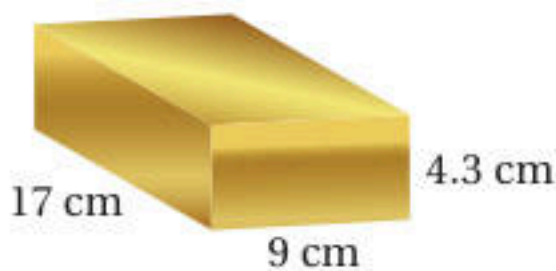
- a) 510 cm^2 b) 115 cm^2
c) 255 cm^2 d) 25 cm^2

أجد مساحة المنطقة المظللة في كل من الشكلين الآتيين:

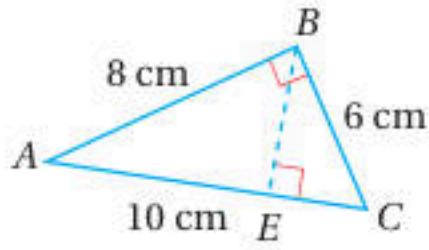


10 أجد مساحة الشكل المرسوم في الشبكة المجاورة.

11 تظهر في الشكل الآتي أبعاد سبيكة من الذهب، إذا علمت أن كتلة 1 cm^3 منها تساوي 19.3 g فأجد كتلة هذه السبيكة.



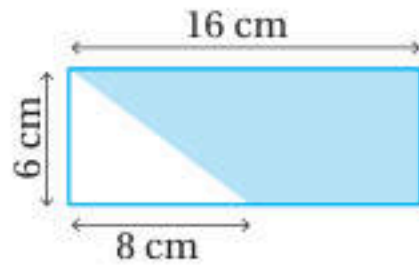
الوحدة 7



قياس BE في
الشكل المجاور
يساوي:

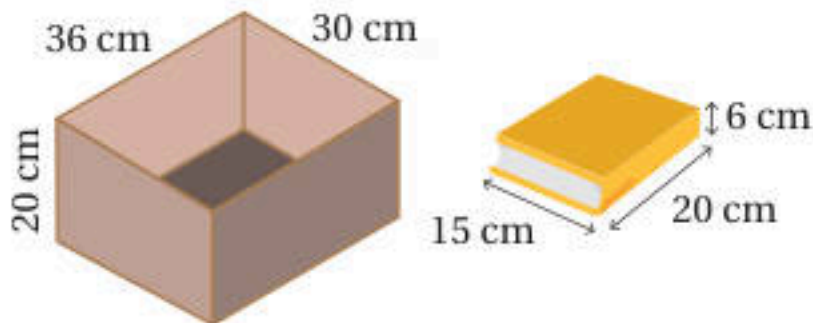
- a) 48 cm b) 24 cm
c) 4.8 cm d) 2.4 cm

مساحة المنطقة المظللة في الشكل الآتي تساوي:



- a) 72 cm^2 b) 36 cm^2
c) 24 cm^2 d) 96 cm^2

تضع نانسي كتبها لها الأبعاد نفسها في صندوق قاعدته
مستطيلة كما في الشكل أدناه، ما أكبر عدد من الكتب
يمكن لنانسي وضعها في الصندوق؟

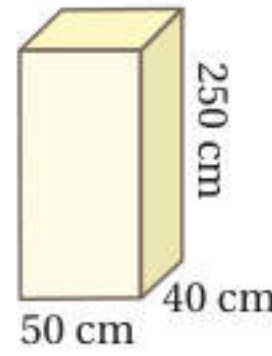


- a) 5 b) 10
c) 12 d) 15



تظهر في الشكل المجاور
خزانة مطبخ ارتفاعها 1.2 m
وحجمها 0.36 m^3 ،
ما مساحة الوجه الأرضي
للخزانة؟

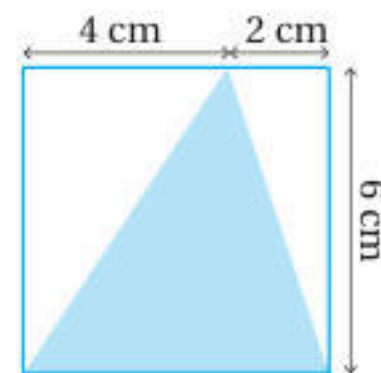
تدريب على الاختبارات الدولية:



عمود بناء قاعدته مستطيلة
الشكل طولها 50 cm،
وعرضها 40 cm، وارتفاع
العمود 250 cm. إذا أراد

عمر تغطية جوانب هذا العمود بقطع من البلاط
مستطيلة الشكل طول كل منها 30 cm وعرضها 15
cm فإن عدد قطع البلاط اللازمة يساوي:

- a) 450 b) 100
c) 109 d) 50



مساحة المثلث المظلل
داخل المربع في الشكل
المجاور تساوي:

- a) 36 cm^2
b) 18 cm^2
c) 12 cm^2
d) 6 cm^2

الإحصاء والاحتمالات

ما أهمية هذه الوحدة؟

يُسْتَعْمَلُ الإحصاءُ في مجالاتٍ علميةٍ وحياتيةٍ كثيرةٍ، وفي هذه الوحدة مهارات إحصائية عديدة سَتَعَلَّمُهَا، مثل اختيار عينة مناسبة من المجتمع واستعمالها لجمع بيانات، وعمل استنتاجات صحيحة حول المجتمع.



سَتَعَلَّمُ في هذه الوحدة:

- تَعْرِفُ البيانات العددية والنوعية.
- تَعْرِفُ المجتمع والعينة.
- حساب الوسط والوسيط والمنوال لبيانات منظمّة في جداول تكرارية.
- تمثيل البيانات باستعمال المخطط التكراري والقطاعات الدائرية.
- تَعْرِفُ الاحتمال ومقياس الاحتمال.

تَعَلَّمْتَ سابقًا:

- ✓ تَمَيَّزَ السؤال الإحصائي.
- ✓ جَمَعَ بيانات وتسجيلها في جداول تكرارية.
- ✓ تَعْرِفُ الحوادث الممكنة والمستحيلة والمؤكدّة في مواقف مختلفة.
- ✓ إِجْرَاءَ تجارب عشوائية وتسجيل نواتجها.



مشروع الوحدة: العادات الصحيّة للطلّبة



أُسْعِدْ وَزُمْلَانِي / زُمِلَاتِي لِتَنْفِذِ مَشْرُوعِنَا الْخَاصِّ،
الَّذِي سَنَسْتَعْمِلُ فِيهِ مَا نَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ حَوْلَ أَنْوَاعِ
الْبَيِّنَاتِ وَطَرَائِقِ جَمْعِهَا وَتَمَثِيلِهَا؛ لِجَمْعِ بَيِّنَاتٍ حَوْلَ
الْعَادَاتِ الصَّحِيَّةِ لِلطَّلَبَةِ.

بعض العادات الصحيّة:

- تَنْظِيفُ الْأَسْنَانِ بِالْفُرْشَةِ قَبْلَ النَّوْمِ.
- شُرْبُ كَمِيَّةٍ كَافِيَةٍ مِنَ الْمَاءِ كُلَّ يَوْمٍ.
- الْإِكْتِثَارُ مِنْ أَكْلِ الْفَوَاكِهِ وَالْخَضِرَاوَاتِ.
- النَّوْمُ بَاكِرًا وَالْإِسْتِيقَاضُ بَاكِرًا.
- الْحِرْصُ عَلَى تَنَاوُلِ وَجْبَةِ الْفُطُورِ.
- التَّقْلِيلُ مِنْ أَكْلِ السَّكَاكِرِ.

3 أَطْلُبُ إِلَى الْعَيِّنَةِ الْإِجَابَةَ عَنْ أَسْئَلَةِ الْإِسْتِيبَانَةِ.

4 أَنْظِمُ الْبَيِّنَاتِ الْعَدَدِيَّةَ الْمُتَفَصِّلَةَ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا
فِي جَدَاوِلِ تَكَرَّرِيَّةٍ، ثُمَّ أَحْسِبُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ
وَالْوَسِيطَ وَالْمُنَوَالَ لَهَا.

5 أَنْظِمُ الْبَيِّنَاتِ الْعَدَدِيَّةَ الْمُتَفَصِّلَةَ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا
مِنْ إِجَابَاتِ الْعَيِّنَةِ فِي جَدَاوِلِ تَكَرَّرِيَّةٍ ذَاتِ فَنَاتٍ.

6 أُمَثِّلُ الْبَيِّنَاتِ النَّوْعِيَّةَ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا مِنْ إِجَابَاتِ
الْعَيِّنَةِ، بِاسْتِعْمَالِ الْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ.

7 أَخْتَارُ إِحْدَى الْعَادَاتِ الصَّحِيَّةِ الَّتِي كَتَبْتُ سُؤَالَهَا
إِحْصَائِيًّا حَوْلَهَا، ثُمَّ أَسْتَعْمِلُ الْبَيِّنَاتِ الَّتِي جَمَعْتُهَا؛
لِأَقْدَرِ عَدَدِ الطَّلَبَةِ فِي مَدْرَسَتِي الَّذِينَ يَلْتَزِمُونَ هَذِهِ
الْعَادَةَ الصَّحِيَّةَ.

خطوات تنفيذ المشروع:

1 أَصَمِّمُ اسْتِيبَانَةً حَوْلَ مَوْضُوعِ (الْتِزَامِ الطَّلَبَةِ بِالْعَادَاتِ
الصَّحِيَّةِ) تَحْتَوِي:

- 3 أَسْئَلَةٍ إِحْصَائِيَّةٍ إِجَابَاتُهَا بَيِّنَاتٌ عَدَدِيَّةٌ مُتَفَصِّلَةٌ.
- 3 أَسْئَلَةٍ إِحْصَائِيَّةٍ إِجَابَاتُهَا بَيِّنَاتٌ عَدَدِيَّةٌ مُتَّصِلَةٌ.
- 3 أَسْئَلَةٍ إِحْصَائِيَّةٍ إِجَابَاتُهَا بَيِّنَاتٌ نَوْعِيَّةٌ.

2 أَخْتَارُ عَيِّنَةً مُنَاسِبَةً مِنْ طُلَبَةِ مَدْرَسَتِي، وَأُبَرِّرُ اخْتِيَارَهَا
مُحَدِّدًا: الْمُجْتَمَعَ، وَحَجْمَ الْعَيِّنَةِ.

عرض النتائج:

• أَصَمِّمُ مَطْوِيَّةً جَمِيلَةً أَكْتُبُ فِيهَا النَّتَائِجَ الَّتِي تَوَصَّلْتُ إِلَيْهَا
فِي هَذَا الْمَشْرُوعِ.

• أَعْرِضُ الْإِسْتِيبَانَةَ وَالْمَطْوِيَّةَ أَمَامَ زُمْلَانِي /
زُمِلَاتِي، وَأُقَارِنُ نَتَائِجِي بِنَتَائِجِهِمْ.



أَسْتَكْشِفُ



كَيْفَ يُمَكِّنُ تَقْدِيرُ عَدَدِ الطَّلَبَةِ
الَّذِينَ يُحْضِرُونَ وَجَبَاتِ طَعَامٍ
مِنَ الْبَيْتِ فِي مَدْرَسَةٍ تَحْتَوِي
عَدَدًا كَبِيرًا مِنَ الطَّلَبَةِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

- أَتَعَرَّفُ الْبَيَانَاتِ الْعَدَدِيَّةَ وَالنَّوْعِيَّةَ.
- أَتَعَرَّفُ الْمُجْتَمَعَ وَالْعَيَّةَ.
- أَتَعَرَّفُ الْإِسْتِيَانَةَ كَأَدَاةٍ لَجَمْعِ الْبَيَانَاتِ.

الْمُضْطَلَحَاتُ

الْبَيَانَاتُ الْعَدَدِيَّةُ، الْبَيَانَاتُ النَّوْعِيَّةُ، الْبَيَانَاتُ الْمُتَفَصِّلَةُ،
الْبَيَانَاتُ الْمُتَّصِلَةُ، الْمُجْتَمَعُ، الْعَيَّةُ، حَجْمُ الْعَيَّةِ، الْإِسْتِيَانَةُ.

تُقسَّمُ الْبَيَانَاتُ إِلَى نَوْعَيْنِ، أَحَدُهُمَا **الْبَيَانَاتُ الْعَدَدِيَّةُ** (numerical data)، وَهِيَ بَيَانَاتٌ يُمَكِّنُ رَضْدُهَا عَلَى صَوَرَةِ أَرْقَامٍ، وَأَيْضًا يُمَكِّنُ قِيَاسُهَا وَإِجْرَاءُ الْعَمَلِيَّاتِ الْحِسَابِيَّةِ عَلَيْهَا وَتَرْتِيبُهَا تَصَاعُدِيًّا وَتَنَازُلِيًّا. وَالنَّوْعُ الْآخَرُ هُوَ **الْبَيَانَاتُ النَّوْعِيَّةُ** (categorical data)، وَهِيَ بَيَانَاتٌ غَيْرُ رَقْمِيَّةٍ يُمَكِّنُ مِلَاحَظَتَهَا وَلَا يُمَكِّنُ قِيَاسُهَا أَوْ إِجْرَاءُ الْعَمَلِيَّاتِ الْحِسَابِيَّةِ عَلَيْهَا.

بَيَانَاتُ نَوْعِيَّةٍ
لَوْنُ الْعَيْنِ
مَكَانُ الْوِلَادَةِ
الْفَاكِهَةُ الْمُفَضَّلَةُ

بَيَانَاتُ عَدَدِيَّةٍ
الطَّوْلُ
الْكُتْلَةُ
العُمُرُ

تُقسَّمُ الْبَيَانَاتُ الْعَدَدِيَّةُ إِلَى نَوْعَيْنِ هُمَا: **الْبَيَانَاتُ الْمُتَفَصِّلَةُ** (discrete data)، وَهِيَ بَيَانَاتٌ تَأْخُذُ قِيَمًا مُحَدَّدَةً قَابِلَةً لِلْعَدِّ، وَ**الْبَيَانَاتُ الْمُتَّصِلَةُ** (continuous data)، وَهِيَ بَيَانَاتٌ قِيَمُهَا الْمُمْكِنَةُ غَيْرُ قَابِلَةٍ لِلْعَدِّ لَكِنَّهَا قَابِلَةٌ لِلْقِيَاسِ، وَيُمْكِّنُ تَقْرِيبُهَا لِتُعْطَى دَرَجَةُ مِنَ الدَّقَّةِ.

بَيَانَاتُ مُتَّصِلَةٍ
الطَّوْلُ
الْكُتْلَةُ
دَرَجَةُ الْحَرَارَةِ

بَيَانَاتُ مُتَفَصِّلَةٍ
عَدَدُ الْإِخْوَةِ
عَدَدُ الْكُتُبِ
عَدَدُ الْأَشْجَارِ

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ السُّؤَالَ الْإِحْصَائِيَّ سُّؤَالٌ تَخْتَلِفُ إِجَابَتُهُ مِنْ شَخْصٍ لآخر، وَقَدْ تَكُونُ إِجَابَتُهُ بَيَانَاتٍ عَدَدِيَّةٍ أَوْ نَوْعِيَّةٍ، وَأَنَّ السُّؤَالَ غَيْرَ الْإِحْصَائِيَّ لَهُ إِجَابَةٌ وَاحِدَةٌ فَقَطْ.

مثال 1

أحدّد ما إذا كانت إجابة كلّ سؤال إحصائيّ ممّا يأتي بياناتٍ عدديّةٍ متّصلةٍ أو منفصلةٍ أم بياناتٍ نوعيّةٍ، ثمّ أكتبُ إجابةً مُحتمَلةً عن كلّ سؤالٍ:

1 ما المسافة بين منزلك والمدرسة؟

تُمثّل المسافات بياناتٍ عدديّةٍ متّصلةٍ يُمكنُ قياسُها وتقريبُها ولا يُمكنُ عدّها قيمها المُمكنة.

إجابةً مُحتمَلةً عن السؤال: $3\frac{1}{2}$ km

2 في أيّ يومٍ من أيام الأسبوع وُلدت؟

أيّام الأسبوع بياناتٍ نوعيّةٍ؛ لأنّه لا يُمكنُ قياسُها أو إجراء العمليّات الحسابيّة عليها.

إجابةً مُحتمَلةً عن السؤال: يوم الأربعاء.

3 ما عدد إخوتك؟

عدد الإخوة بياناتٍ عدديّةٍ منفصلةٍ؛ لأنّها أعدادٌ صحيحةٌ يُمكنُ عدّها وإجراء عمليّاتٍ حسابيّةٍ عليها.

إجابةً مُحتمَلةً عن السؤال: 4 إخوة.

4 هل لديك دراجة هوائية؟

الإجابة عن هذا السؤال إمّا (نعم) أو (لا)، وهي بياناتٍ نوعيّةٍ، لأنّه لا يُمكنُ قياسُها.

إجابةً مُحتمَلةً عن السؤال: نعم.

أنتحق من فهمي:

6 ما طولك؟

5 أيّ فصول العام تُفضّلين؟

8 ما عدد الكتب في مكتبك؟

7 هل زرت طبيب الأسنان هذا الشهر؟

عندما استقصي أمرًا ما حول **مجتمع** (population) مثل الطيور أو الأشجار، فإنني أجمع بيانات حول أفراد هذا المجتمع، ثم أنظمها تنظيمًا واضحًا، ثم أفسرها وأكتب استنتاجًا. فإذا كان المجتمع كبيرًا جدًا ويصعب الوصول إلى أفرادهِ جميعًا، فاستعمل **العينة** (sample)، وهي مجموعة صغيرة اختارها عشوائيًا من المجتمع لتمثله. ويسمى عدد أفراد المجتمع الذين تحتويهم العينة **حجم العينة** (sample size).

المجتمع	العينة
المصاييح جميعها التي أنتجها مصنع يوم الخميس.	24 مصباحًا من إنتاج المصنع يوم الخميس.
الماء الموجود في بركة سباحة.	كوب مملوء بالماء من بركة السباحة.
سكان الأردن جميعًا.	1200 شخص من سكان الأردن.

مثال 2: من الحياة

أحدد المجتمع والعينة في كل مما يأتي:

1 أخذت مهندسة زراعية كيسًا من تربة المزرعة لتفحصها.

العينة هي كيس التربة، والمجتمع هو تربة المزرعة.

2 أخذ باحث 5 أسماك من سد الملك طلال ليفحصها.

العينة هي 5 أسماك من سد الملك طلال، والمجتمع هو الأسماك جميعها التي تعيش في سد الملك طلال.

✓ اتحقق من فهمي:

3 تريد سارة أن تعرف نسبة الطالبات اللاتي يأتين إلى المدرسة مشيًا على الأقدام في محافظة الكرك، فاختارت 50 طالبة وسألتهن.

4 سأل وليد 14 شخصًا من زوار مطعمه عن الوجبة التي يفضلون تناولها في مطعمه.

الاستبانة (questionare) هي إحدى طرائق جمع البيانات حول موضوع البحث، وتحتوي مجموعة من الأسئلة الإحصائية المرتبطة بموضوع البحث فقط، وتُجيب عنها عينة يتم اختيارها عشوائيًا من المجتمع. عند اختيار عينة من المجتمع لتجيب عن أسئلة الاستبانة، يجب مراعاة:

الاعلم

يمكن أن تحتوي الاستبانة أسئلة إحصائية إجاباتها بيانات عددية وأخرى إجاباتها بيانات نوعية.

- اختيار العينة عشوائيًا.
- عدم انحياز اختيار العينة لفئة محددة في المجتمع.
- مناسبة حجم العينة.

اختيار من متعدد: يُريدُ فَيَصِلُ تحديدَ النشاطِ الأكثرِ تفضيلاً عندَ طَلَبَةِ مَدْرَسَتِهِ. أيُّ العَيِّنَاتِ الآتِيَةِ هِيَ الأنسَبُ؟

(a) اختيار 4 طَلَبَةِ عَشَوَائِيًا مِنْ بَيْنِ الطَلَبَةِ الَّذِينَ يَقِفُونَ فِي سَاحَةِ الْمَدْرَسَةِ.

(b) اختيار الطَلَبَةِ الْمُشَارِكِينَ فِي النِّشَاطِ الرِّيَاضِيِّ.

(c) اختيار 30 طَالِبًا عَشَوَائِيًا مِنْ طَلَبَةِ الْمَرْحَلَةِ الثَّانَوِيَّةِ.

(d) اختيار 30 طَالِبًا عَشَوَائِيًا مِنْ بَيْنِ الطَلَبَةِ الَّذِينَ يَقِفُونَ فِي سَاحَةِ الْمَدْرَسَةِ.

العَيِّنَةُ فِي الْخِيَارِ (a) مُخْتَارَةٌ بِطَرِيقَةٍ عَشَوَائِيَّةٍ، لَكِنْ حَجْمُهَا صَغِيرٌ.

العَيِّنَةُ فِي الْخِيَارِ (b) غَيْرُ مُخْتَارَةٍ بِطَرِيقَةٍ عَشَوَائِيَّةٍ، لَكِنَّهَا مُنْحَازَةٌ لِفَتْنَةٍ مُعَيَّنَةٍ، وَسَوْفَ تَكُونُ نَتَائِجُهَا غَيْرَ دَقِيقَةٍ؛ لِأَنَّ الطَلَبَةَ الْمُشَارِكِينَ فِي النِّشَاطِ الرِّيَاضِيِّ قَدْ يُفَضَّلُ مُعْظَمُهُمُ النِّشَاطَ الرِّيَاضِيَّ.

العَيِّنَةُ فِي الْخِيَارِ (c) غَيْرُ مُخْتَارَةٍ بِطَرِيقَةٍ عَشَوَائِيَّةٍ، وَسَوْفَ تَكُونُ نَتَائِجُهَا غَيْرَ دَقِيقَةٍ؛ لِأَنَّ طَلَبَةَ الْمَرْحَلَةِ الثَّانَوِيَّةِ قَدْ تَكُونُ نَشَاطَتُهُمُ الْمُفَضَّلَةُ مُخْتَلِفَةً عَنِ النِّشَاطَاتِ الْمُفَضَّلَةِ لِطَلَبَةِ صُفُوفِ الْمَرْحَلَةِ الْإِبْتِدَائِيَّةِ وَالْمُتَوَسِّطَةِ.

العَيِّنَةُ فِي الْخِيَارِ (d) هِيَ الْأَفْضَلُ؛ لِأَنَّهَا مُخْتَارَةٌ بِطَرِيقَةٍ عَشَوَائِيَّةٍ وَحَجْمُهَا مُنَاسِبٌ.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



فِي الْمِثَالِ السَّابِقِ، إِذَا أَرَادَ فَيَصِلُ تَحْدِيدَ النِّشَاطِ الْمُفَضَّلِ لِطَلَبَةِ الْمَرْحَلَةِ الثَّانَوِيَّةِ، فَأَيُّ الْعَيِّنَاتِ هِيَ الأنسَبُ؟

إِذَا اخْتِيرَتْ عَيِّنَةٌ عَشَوَائِيًا مِنْ مُجْتَمَعٍ، وَكَانَتِ الْعَيِّنَةُ لَيْسَتْ مُنْحَازَةً لِفَتْنَةٍ مُحَدَّدَةٍ مِنَ الْمُجْتَمَعِ وَكَانَ حَجْمُهَا مُنَاسِبًا، فَإِنَّهُ يُمَكِّنُ اسْتِعْمَالَ الْبَيِّنَاتِ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا عَنْ طَرِيقِ الْعَيِّنَةِ لَوْضَعِ اسْتِثْنَايَاتٍ حَوْلَ الْمُجْتَمَعِ كُلِّهِ؛ لِأَنَّ النِّسْبَةَ الْمِثْوِيَّةَ لِإِجَابَةِ مَا فِي الْعَيِّنَةِ تَكُونُ قَرِيبَةً مِنَ النِّسْبَةِ الْمِثْوِيَّةِ لِلإِجَابَةِ نَفْسِهَا فِي الْمُجْتَمَعِ كُلِّهِ.

مثال 4

اخْتَارَ حَمْزَةُ 80 طَالِبًا عَشْوَائِيًّا مِنْ مَدْرَسَتِهِ وَسَأَلَهُمْ إِنْ كَانَ أَحَدٌ وَالِدِيهِمْ يَعْمَلُ مُعَلِّمًا، فَأَجَابَ 16 طَالِبًا مِنْهُمْ بِأَنَّ أَحَدَ وَالِدَيْهِ يَعْمَلُ مُعَلِّمًا.

1 ما الكسر الذي يُمَثِّلُ الطَّلَبَةَ الَّذِينَ يَعْمَلُ أَحَدُ وَالِدِيهِمْ مُعَلِّمًا فِي الْعَيِّنَةِ؟

عَدَدُ الطَّلَبَةِ الَّذِينَ يَعْمَلُ أَحَدُ وَالِدِيهِمْ مُعَلِّمًا فِي الْعَيِّنَةِ

عَدَدُ الطَّلَبَةِ فِي الْعَيِّنَةِ

$$\frac{16}{80} = \frac{1}{5}$$

إِذَنْ، $\frac{1}{5}$ الطَّلَبَةِ فِي الْعَيِّنَةِ يَعْمَلُ أَحَدُ وَالِدِيهِمْ مُعَلِّمًا.

2 إِذَا كَانَ عَدَدُ الطَّلَبَةِ فِي مَدْرَسَةِ حَمْزَةَ 485 طَالِبًا، فَمَا الْعَدَدُ التَّقْرِيْبِيُّ لِلطَّلَبَةِ الَّذِينَ يَعْمَلُ أَحَدُ وَالِدِيهِمْ مُعَلِّمًا فِي الْمَدْرَسَةِ؟

بِمَا أَنَّ الْعَيِّنَةَ عَشْوَائِيَّةٌ وَتَحْتَوِي عَدَدًا مُنَاسِبًا مِنَ الطَّلَبَةِ، فَإِنَّهَا تُمَثِّلُ الْمُجْتَمَعَ، وَيُمْكِنُ اسْتِعْمَالُهَا لِتَقْدِيرِ عَدَدِ طُلَبَةِ الْمَدْرَسَةِ الَّذِينَ يَعْمَلُ أَحَدُ وَالِدِيهِمْ مُعَلِّمًا. نِسْبَةُ الطَّلَبَةِ الَّذِينَ يَعْمَلُ أَحَدُ وَالِدِيهِمْ مُعَلِّمًا فِي الْعَيِّنَةِ عَلَى صَوْرَةِ كَسْرٍ هِيَ $\frac{1}{5}$

أَضْرِبْ هَذَا الْكُسْرَ (النُّسْبَةَ) فِي عَدَدِ طُلَبَةِ الْمَدْرَسَةِ.

$$\frac{1}{5} \times 485 = \frac{485}{5} = 97$$

عَدَدُ طُلَبَةِ الْمَدْرَسَةِ 485 طَالِبًا
أُبَسِّطُ

إِذَنْ، عَدَدُ طُلَبَةِ الْمَدْرَسَةِ الَّذِينَ يَعْمَلُ أَحَدُ وَالِدِيهِمْ مُعَلِّمًا يُسَاوِي 97 طَالِبًا تَقْرِيْبًا.

✓ **أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:**



اخْتَارَتْ بَاحِثَةٌ زَرَاعِيَّةٌ 70 شَجَرَةً عَشْوَائِيًّا مِنْ مَزْرَعَةٍ، فَوَجَدَتْ أَنَّ 25 شَجَرَةً مِنْهَا مُصَابَةٌ بِمَرَضِ التَّصْمُغِ:

3 ما الكسر الذي يُمَثِّلُ عَدَدَ الْأَشْجَارِ الْمُصَابَةِ بِمَرَضِ التَّصْمُغِ فِي الْعَيِّنَةِ؟

4 إِذَا كَانَ فِي الْمَزْرَعَةِ 686 شَجَرَةً، فَمَا الْعَدَدُ التَّقْرِيْبِيُّ لِلْأَشْجَارِ الْمُصَابَةِ بِمَرَضِ التَّصْمُغِ فِي الْمَزْرَعَةِ؟

أَتَدْرِبُ
وَأُخَلِّصُ الْمَسَائِلَ



أَحَدُّ مَا إِذَا كَانَتْ الْإِجَابَةُ عَنْ كُلِّ سُؤَالٍ إحصائيٍّ مِمَّا يَأْتِي بَيَانَاتٍ عَدَدِيَّةً مُتَّصِلَةً أَوْ مُنْفَصِلَةً أَمْ بَيَانَاتٍ نَوْعِيَّةً، ثُمَّ أَكْتُبُ إجابةً مُحْتَمَلَةً عَنْ كُلِّ سُؤَالٍ:

1 ما عَدَدُ أَفْرَادِ أُسْرَتِكَ الَّذِينَ تَزِيدُ أَعْمَارُهُمْ عَنْ 15 سَنَةً؟

2 ما الْمُحَافَظَاتُ الْأُرْدُنِّيَّةُ الَّتِي زُرْتَهَا؟

3 ما عَرَضُ كِتَابِ الرِّيَاضِيَّاتِ؟ 4 ما عَدَدُ الْأَحْرُفِ الْعَرَبِيَّةِ فِي اسْمِكَ؟

5 ما الْأَحْرُفُ الْعَرَبِيَّةُ فِي اسْمِكَ؟ 6 هَلْ تَتَحَدَّثُ لُغَةً غَيْرَ الْعَرَبِيَّةِ؟

أَحَدُّ الْمُجْتَمَعِ وَالْعَيْنَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

7 يُرِيدُ مُهَنْدِسٌ تَحْدِيدَ نِسْبَةِ الْبَلَاطَاتِ الْمُتَشَقِّقَةِ فِي كَمِّيَّةٍ مِنَ الْبَلَاطِ، فَفَحَصَ 100 بَلَاطَةً.

8 تُرِيدُ إِذَاعَةً أُرْدُنِّيَّةً اخْتِيَارَ مَوْعِدٍ مُنَاسِبٍ لِأَحَدِ بَرَامِجِهَا، فَأَرْسَلَتْ رِسَالَةً عَبْرَ الْهَاتِفِ إِلَى 1000 شَخْصٍ يَسْتَمِعُونَ لَهَا.

9 تُرِيدُ سَمِيرَةُ مَعْرِفَةَ عَدَدِ الْأَسْرِ الَّتِي يَتَنَاوَلُ أَفْرَادُهَا وَجِبَةَ الْعِشَاءِ مَعَ بَعْضِهِمْ فِي مَدِينَتِهَا، فَسَأَلَتْ 15 عَائِلَةً.

10 أَرَادَ نَجَارٌ اخْتِيَارَ قُوَّةِ الْمَسَامِيرِ الَّتِي يَسْتَعْمِلُهَا، فَاخْتَارَ 3 مَسَامِيرَ وَاخْتَبَرَهَا.

11 **تَسْوُقُ:** أَكْتُبُ 3 أَسْئَلَةٍ إحصائيَّةٍ إجاباتها عَدَدِيَّةٌ وَ3 أَسْئَلَةٍ إحصائيَّةٍ إجاباتها نَوْعِيَّةٌ وَيُمْكِنُ وَضْعُهَا فِي اسْتِبانَةٍ تَهْدَفُ إِلَى جَمْعِ بَيَانَاتٍ حَوْلَ عَادَاتِ التَّسْوُقِ.

أَحَدُّ مَا إِذَا كَانَتْ الْبَيَانَاتُ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي تُمَثِّلُ عَيْنَةً أَوْ مُجْتَمَعًا:

12 مِثْلُ مُشَجِّعٍ لِفَرِيقِ كُرَةِ السَّلَةِ مِنْ بَيْنِ 200 مُشَجِّعٍ حَضَرُوا الْمُبَارَاةَ.

13 أَعْمَارُ جَمِيعِ أَطِبَّاءِ الْأَسْنَانِ فِي الْأُرْدُنِّ.

14 لَوْ أَنَّ سَيَّارَةً مِنْ كُلِّ خَمْسِ سَيَّارَاتٍ مَرَّتْ أَمَامَ مَنْزِلِ خَالِدٍ فِي إِحْدَى السَّاعَاتِ.

مَغْلُوقَةٌ

مِنْ عَادَاتِ التَّسْوُقِ الْجَيِّدَةِ وَضْعُ قَائِمَةٍ لِلْمُشْتَرِيَّاتِ قَبْلَ الذَّهَابِ لِلتَّسْوُقِ، وَعَدَمُ التَّسْوُقِ فِي وَقْتِ الذَّرْوَةِ، وَمُرَاجَعَةُ الْفَاتُورَةِ لِلتَّأَكُّدِ مِنْ قِيَمِ الْمُشْتَرِيَّاتِ.





اخْتَارَ سَعْدٌ 84 بَيْضَةً عَشْوَائِيًّا مِنْ إِنْتَاجِ مَزْرَعَتِهِ فِي أَحَدِ
الْأَيَّامِ، فَوَجَدَ أَنَّ 4 بَيْضَاتٍ مِنْهَا مُتَشَقِّقَةٌ:

ما الْكُسْرُ الَّذِي يُمَثِّلُ عَدَدَ الْبَيْضَاتِ الْمُتَشَقِّقَةِ فِي الْعَيِّنَةِ؟

إِذَا كَانَ إِنْتَاجُ الْمَزْرَعَةِ فِي ذَلِكَ الْيَوْمِ 2205 بَيْضَةً، فَمَا الْعَدَدُ التَّقْرِيْبِيُّ لِلْبَيْضَاتِ
الْمُتَشَقِّقَةِ فِي إِنْتَاجِ الْمَزْرَعَةِ ذَلِكَ الْيَوْمِ؟

أَصِفْ عَيِّنَةً مُنَاسِبَةً وَأُخْرَى غَيْرَ مُنَاسِبَةٍ لَجَمْعِ بَيَانَاتٍ يُمَكِّنُ بِهَا اسْتِقْصَاءُ كُلِّ مِنَ
الْمَوْضُوعَاتِ الْبَحْثِيَّةِ الْآتِيَةِ:

عَدَدُ سَاعَاتِ عَمَلِ الْبَطَارِيَاتِ الصَّغِيرَةِ. 18 جُودَةُ طُنٍّ مِنَ الْقَمْحِ الْمُسْتَوْرَدِ.

أَسْعَارُ الْمَنَازِلِ فِي مُحَافَظَةِ جَرَّشٍ. 20 نِسْبَةُ الْأَسْرِ الْفَقِيرَةِ فِي مُحَافَظَةِ إِرْبِدَ.

مَعْلُومَةٌ

يُقَضَّلُ طَهْيُ الْبَيْضِ
جَيِّدًا قَبْلَ تَنَاوُلِهِ؛
لِقَتْلِ بَكْتِيرِيَا السَّالْمُونِيلا
الْمُحْتَمَلِ وَجُودُهَا فِي
الْبَيْضِ، وَالَّتِي قَدْ تُسَبِّبُ
بَعْضَ الْأَمْرَاضِ.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

أَكْتَشَفُ الْخَطَأَ: أَرْسَلَ مَحْمُودٌ اسْتِبانَةً إِلَى 312 طَالِبًا جَامِعِيًّا فِي الْأُرْدُنِّ، تَحْتَوِي
سُؤَالَ إِحْصَائِيًّا حَوْلَ وَسِيلَةِ الْمُواصَلَاتِ الَّتِي يَسْتَغْمِلُونَهَا عِنْدَ الذَّهَابِ لِلْجَامِعَةِ،
فَأَفَادَ 165 طَالِبًا مِنْهُمْ بِأَنَّهُمْ يَسْتَغْمِلُونَ الْحَافِلَةَ.
أَحَدُ الْخَطَأِ فِي الْعِبَارَةِ الْآتِيَةِ، ثُمَّ أَصَحَّحْهُ.

الْمُجْتَمَعُ هُوَ جَمِيعُ الطَّلَبَةِ الْجَامِعِيِّينَ فِي الْأُرْدُنِّ، وَالْعَيِّنَةُ هِيَ الطَّلَبَةُ
الَّذِينَ أَفَادُوا بِأَنَّهُمْ يَسْتَغْمِلُونَ الْحَافِلَةَ وَعَدَدُهُمْ 165 طَالِبًا.

تَبْرِيرٌ: أَيُّ الْعَيِّنَتَيْنِ هِيَ الْأَنْسَبُ لِلْإِجَابَةِ عَنِ السُّؤَالِ الْإِحْصَائِيِّ الْآتِي؟ اُبْرِّرْ إِجَابَتِي.

السُّؤَالُ الْإِحْصَائِيُّ: مَا نِسْبَةُ طَالِبَاتِ الْمَدْرَسَةِ اللَّاتِي يَسْكُنُ بِحِوَارِ الْمَدْرَسَةِ؟

العَيِّنَةُ (1)	35 طَالِبَةً مِنْ طَالِبَاتِ الْمَدْرَسَةِ اللَّاتِي يَأْتِينَ إِلَى الْمَدْرَسَةِ سَبْرًا عَلَى الْأَقْدَامِ.
العَيِّنَةُ (2)	29 طَالِبَةً مُخْتَارَاتٍ عَشْوَائِيًّا مِنْ طَالِبَاتِ الْمَدْرَسَةِ.

أَكْتُبْ: ما الْفَرْقُ بَيْنَ الْعَيِّنَةِ وَالْمُجْتَمَعِ؟ أَوْضَحْ إِجَابَتِي بِأَمَثَلَةٍ مُنَاسِبَةٍ.



التكرار	عدد البيضات
0	6
1	8
2	15
3	35
4	48
5	37

أستكشف

يُبين الجدول المجاور عدد البيضات التي وضعتها مجموعة من الدجاجات في أسبوع. أجد الوسط الحسابي لعدد البيضات.

فكرة الدرس

- أنظم البيانات في جدول تكرارية.
- أحسب الوسط الحسابي والوسيط والنموال لبيانات منظمّة في جداول تكرارية.

المفطلحات

الجدول التكراري

تعلّمت في الدرس السابق أنّ البيانات نوعان (عددية، وتوعية)، وأنّ البيانات تُجمع بطرائق عدّة، منها الاستبانة. يُمكنني تنظيم البيانات التي أجمعها باستعمال الجدول التكراري (frequency table) الذي يُبين عدد مرّات ظهور كلّ قيمة من قيم البيانات.



مثال 1: من الحياة

رياضة: سجّل أحمد عدد الأهداف التي أحرزها فريق ككرة القدم الذي يشجّعه في آخر 20 مباراة، وكانت كالآتي:

0 1 1 0 2 0 1 3 2 1
0 1 0 3 2 1 0 2 1 1

أنظم البيانات في جدول تكراري.

أهداف الفريق	التكرار
عدد الأهداف	
0	6
1	8
2	4
3	2

الخطوة 1: أنشئ جدولاً من عمودين، ثمّ أسمي هذين العمودين على النحو الآتي: عدد الأهداف، التكرار. بعد ذلك اختار عنواناً مناسباً للجدول، وليكن: أهداف الفريق.

الخطوة 2: أكتب التكرار المناسب مقابل كلّ عدد من الأهداف.

أتحقّق: ألاحظ أنّ مجموع التكرارات في الجدول هو 20، وأنّه يساوي عدد المباريات.

✓ اتحقق من فهمي:

كُتِل: يُبين الجدول المجاور كتل 15 طالبة من طلبة الصف السادس مقربة إلى أقرب كيلوغرام. أنظم البيانات في جدول تكراري.

كُتِل الطالبات				
42	43	40	41	44
41	42	40	42	44
44	40	44	45	42

تعلمت في المثال السابق تنظيم البيانات في جداول تكرارية، وذلك لتسهيل قراءتها وتفسيرها، وسأتعلم في المثال الآتي تفسير البيانات المنظمة في جداول تكرارية.

مثال 2: من الحياة

درجات حرارة: يُبين الجدول المجاور درجات الحرارة بالسليسيوس خلال 25 يوماً في العاصمة عمان.

التكرار	درجة الحرارة °C
11	16
6	20
	23
3	26
1	29

1 كم يوماً كانت درجة الحرارة 23°C؟

أفترض أن عدد الأيام التي كانت درجة الحرارة فيها 23°C يساوي x ، ومنه:

$$11 + 6 + x + 3 + 1 = 25 \quad \text{مجموع التكرارات}$$

$$21 + x = 25 \quad \text{أبسط}$$

$$x = 4 \quad \text{أطرح 21 من طرفي المعادلة}$$

إذن، عدد الأيام التي كانت درجة الحرارة فيها 23°C يساوي 4

2 ما درجة الحرارة الأكثر تكراراً في هذه الأيام؟

درجة الحرارة الأكثر تكراراً في هذه الأيام 16°C

3 كم يوماً كانت درجة الحرارة فيه أعلى من 20°C؟

أجمع تكرارات درجات الحرارة التي تزيد على 20°C:

$$4 + 3 + 1 = 8$$

الوحدة 8



التكرار	كُتْلَةُ الْخُرُوفِ (kg)
6	20
	25
5	30
2	35

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

خراف: يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْمُجَاوِرُ كُتْلَ 24 خُرُوفًا.

4 كم خُرُوفًا كُتْلَتُهُ 25 kg؟

5 ما كُتْلَةُ الْخِرَافِ الْأَكْثَرِ تَكَرَّرًا؟

6 كم خُرُوفًا كُتْلَتُهُ تَقِلُّ عَنْ 30 kg؟

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِمَجْمُوعَةٍ مِنَ الْقِيَمِ يُسَاوِي نَاتِجَ جَمْعِ الْقِيَمِ مَقْسُومًا عَلَى عَدْدِهَا، وَيُرْمَزُ إِلَيْهِ بِالرَّمْزِ $\bar{x}$

$$\bar{x} = \frac{(\text{مَجْمُوعُ الْقِيَمِ})}{(\text{عَدَدُ الْقِيَمِ})}$$

وَتَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ وَسِيطَ الْبَيَانَاتِ الْمُفْرَدَةِ هُوَ الْقِيَمَةُ الَّتِي تَتَوَسَّطُ الْبَيَانَاتِ عِنْدَ تَرْتِيبِهَا تَصَاعُدِيًّا أَوْ تَنَازُلِيًّا؛ فَإِذَا كَانَ عَدَدُ الْبَيَانَاتِ زَوْجِيًّا، فَإِنَّهُ تَوْجَدُ قِيَمَتَانِ فِي الْوَسْطِ. وَعَلَيْهِ، فَإِنَّ الْوَسِيطَ يُسَاوِي الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِهَاتَيْنِ الْقِيَمَتَيْنِ.

وَتَعَلَّمْتُ أَيْضًا أَنَّ الْمُنْوَالَ هُوَ الْقِيَمَةُ الْأَكْثَرُ تَكَرَّرًا، وَسَأَتَعَلَّمُ فِي الْمِثَالِ الْآتِي إِيْجَادَ الْوَسْطِ الْحِسَابِيَّ وَالْوَسِيطِ وَالْمُنْوَالَ لِبَيَانَاتٍ مُنَظَّمَةٍ فِي جَدَاوِلِ تَكَرَّرِيَّةٍ.

مثال 3: مِنَ الْحَيَاةِ



التكرار	عَدَدُ مَصَابِيحِ الْإِضَاءَةِ (النُّبُونِ) الْمُعْطَلَّةِ فِي الْغُرْفَةِ
2	1
3	2
4	3
2	4
1	5

صِيَانَةُ الْمَرَافِقِ الْمَدْرَسِيَّةِ: سَجَّلَ مُرَادٌ فِي الْجَدْوَلِ الْمُجَاوِرِ عَدَدَ مَصَابِيحِ الْإِضَاءَةِ (النُّبُونِ) الْمُعْطَلَّةِ فِي عَدَدٍ مِنَ الْغُرَفِ الصَّفِيَّةِ فِي مَدْرَسَتِهِ.

1 أجدُ مِنْوَالَ الْبَيَانَاتِ.

أَلَا حِظُّ مِنَ الْجَدْوَلِ أَنَّ عَدَدَ مَصَابِيحِ الْإِضَاءَةِ الْمُعْطَلَّةِ الْأَكْثَرُ تَكَرَّرًا هُوَ 3؛ لِأَنَّهُ تَكَرَّرَ 4 مَرَّاتٍ، إِذْ مِنْوَالَ الْبَيَانَاتِ هُوَ 3

2 أجد وسيط البيانات.

الخطوة 1: أرّتب القيم تصاعديًا، ثمّ أشطّب الأعداد من اليمين واليسار إلى أن أصل إلى الوسيط:

~~1, 1, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 5~~

الخطوة 2: توجد قيمتان وسيطتان.

إذن، الوسيط هو الوسيط الحسابي لهاتين القيمتين:

$$\frac{3+3}{2} = 3$$

إذن، وسيط البيانات هو 3

3 أجد الوسيط الحسابي للبيانات.

الطريقة 1:

أجد مجموع القيم، بتكرار جمع كل منها بحسب التكرار المعطى في الجدول، ثم أقسم الناتج على عدد القيم (مجموع التكرارات).

$$\bar{x} = \frac{1+1+2+2+2+3+3+3+3+4+4+5}{12}$$

أجمع القيم وأقسمها على عددها

$$= \frac{33}{12} = 2.75$$

أبسط

الطريقة 2:

يمكن إيجاد مجموع القيم بضرب كل منها في تكرارها. أضيف إلى الجدول عمودًا لأكتب فيه نواتج الضرب، وصفاً لأكتب فيه المجموع.

$$\bar{x} = \frac{33}{12}$$

مجموع نواتج الضرب

$$= 2.75$$

أبسط

عدد مصابيح الإضاءة (النون)	التكرار (f)	$x \times f$
المُعطلة في العُرْفَة (x)		
1	2	$1 \times 2 = 2$
2	3	$2 \times 3 = 6$
3	4	$3 \times 4 = 12$
4	2	$4 \times 2 = 8$
5	1	$5 \times 1 = 5$
المجموع	12	33

إذن، الوسيط الحسابي يساوي 2.75، وهي القيمة نفسها التي حصلت عليها في الطريقة الأولى.

الوحدة 8

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



التكرار	عدد الأشجار التي غرستها الطالبة
2	0
4	1
3	2
6	3
3	4
2	5

زراعة: يبين الجدول المجاور عدد أشجار الزيتون التي غرستها مجموعة من الطالبات في حديقة المدرسة.

4 أجد منوال البيانات.

5 أجد وسيط البيانات.

6 أجد الوسط الحسابي للبيانات.

أَتَدَرَّبُ



وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ

عَلَامَاتُ الطَّلَبَةِ				
14	20	15	17	14
14	17	17	12	17
20	17	14	20	12
12	14	12	15	14
17	12	14	20	15

1 يبين الجدول المجاور علامات مجموعة من الطلبة في اختبار مادة الرياضيات نهايته العظمى 20. أنظم البيانات في جدول تكراري.

التكرار	عمر البقرة (سنة)
7	3
5	4
6	5
	6

يبين الجدول المجاور أعمار 24 بقرة بالسنوات في إحدى المزارع.

2 ما عدد الأبقار التي عمرها 6 سنوات؟

3 ما عدد الأبقار التي يقل عمرها عن 5 سنوات؟

4 ما عدد الأبقار التي يزيد عمرها على 4 سنوات؟

5 ما عمر الأبقار الأكثر تكرارًا.

عَدَدُ الْأَسَابِيعِ (التَّكَرُّارُ)	عَدَدُ الْمُشْتَرِكِينَ
5	12
7	13
6	14
4	15
2	16

يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْمُجَاوِرُ عَدَدَ الْمُشْتَرِكِينَ فِي أَحَدِ النُّوَادِي الرِّيَاضِيَّةِ خِلَالَ 24 أُسْبُوعًا.

6 أَجِدْ مَنَوَالَ الْبَيِّنَاتِ.

7 أَجِدْ وَسِيطَ الْبَيِّنَاتِ.

8 أَجِدْ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِلْبَيِّنَاتِ.

التَّكَرُّارُ	عَدَدُ مَرَّاتِ التَّأْخِيرِ
48	1
34	2
23	3
15	4
3	5
4	6

أَجَرَتْ إِحْدَى الْمَدَارِسِ مَسْحًا لِتَحْدِيدِ عَدَدِ الْمَرَّاتِ الَّتِي تَأَخَّرَ فِيهَا الطَّلَبَةُ فِي الْوُصُولِ إِلَى الْمَدْرَسَةِ خِلَالَ أُسْبُوعٍ، وَكَانَتْ النَّتَائِجُ كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌ فِي الْجَدْوَلِ الْمُجَاوِرِ.

9 أَجِدْ مَنَوَالَ الْبَيِّنَاتِ.

10 أَجِدْ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِلْبَيِّنَاتِ.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلْيَا

مَعْلُومَةٌ

تَتَكَوَّنُ حُفَرُ الشُّوَارِعِ نَتِيجَةً الْمَاءِ الْمَوْجُودِ فِي التُّرْبَةِ الَّتِي أَسْفَلَ الشَّارِعِ، إِذْ تُجْهِدُ حَرَكََةُ الْمُرُورِ فَوْقَ الْمُنْطَقَةِ الَّتِي تَحْتَهَا تُرْبَةٌ مُبْتَلَّةٌ سَطْحَ الْأَسْفَلِ وَتُكْسَرُهُ.

11 **اكتشف الخطأ:** يَعْمَلُ خَالِدٌ مُهَنْدِسًا مَدَنِيًّا، وَقَدْ أَحْصَى عَدَدَ الْحُفَرِ فِي عَدَدٍ مِنَ الشُّوَارِعِ الْفُرْعِيَّةِ، وَنَظَّمَهَا فِي الْجَدْوَلِ التَّكَرَّارِيِّ الْآتِي، ثُمَّ حَسَبَ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِعَدَدِ الْحُفَرِ فِي الشُّوَارِعِ عَلَى النَّحْوِ الْآتِي. هَلْ حِسَابُ خَالِدٍ صَحِيحٌ؟ اُبْرِّرْ إِجَابَتِي.

عَدَدُ الْأَسَابِيعِ (التَّكَرُّارُ)	عَدَدُ الْحُفَرِ فِي الشَّارِعِ
5	5
8	6
6	7
3	8
5	9

$$5 + 8 + 6 + 3 + 5 = 27 \quad \times$$

إِذَنْ، الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ يُسَاوِي $\frac{27}{5}$

12 **مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ:** أَجْمَعَ بَيِّنَاتٍ مِنْ طَلَبَةِ صَفِّي حَوْلَ عَدَدِ سَاعَاتِ نَوْمِهِمْ فِي الْيَوْمِ، ثُمَّ أَنْظَمْتُ الْبَيِّنَاتِ الَّتِي جَمَعْتُهَا فِي جَدْوَلٍ تَكَرَّارِيٍّ، ثُمَّ أَجِدْتُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِلْبَيِّنَاتِ الَّتِي جَمَعْتُهَا، وَمَنَوَالَهَا وَوَسِيطَهَا.

13 **اكتُبْ** كَيْفَ أَجِدُ وَسِيطَ بَيِّنَاتٍ مُنَظَّمَةٍ فِي جَدْوَلٍ تَكَرَّارِيٍّ؟

أستكشف



في ما يأتي عدد البتلات في 16 وردة جورى.

15	18	13	19
22	33	16	26
23	17	12	18
14	9	10	8

هل يمكن تنظيم هذه البيانات بطريقة مبسطة؟

فكرة الدرس

أمثل البيانات باستعمال الجداول والمخططات التكرارية ذات الفئات، وأفسرها.

المصطلحات

الفئات، الجداول التكرارية ذات الفئات، المخططات التكرارية.

نستعمل الفئات (class intervals) لتجميع البيانات العددية المتصلة وعرضها عرضاً مبسطاً، فمثلاً، يمكن التعبير عن جميع الأعداد الأكبر من أو تساوي 20 والأقل من 30 على النحو الآتي:

ضمن الفئة

$$20 \leq x < 30$$

ليس ضمن الفئة

نستعمل الجداول التكرارية ذات الفئات (frequency tables with class intervals) لعرض البيانات العددية المتصلة والمجمعة في فئات متساوية الطول، بحيث تقابل كل فئة عدد البيانات التي تحتويها (التكرار).



مثال 1: من الحياة

في ما يأتي أطوال الأسماك التي اصطادها مراد في أحد الأيام من خليج العقبة.

6.7 cm	12.8 cm	5.9 cm	1.5 cm	3.6 cm	6.59 cm
4.25 cm	8.3 cm	9.0 cm	7.1 cm	11.2 cm	10.8 cm
15.05 cm	17.3 cm	6.2 cm	9.1 cm	13.2 cm	15.0 cm

1 أنظّم أطوال الأسماك في الجدول التكراري المجاور.

إنَّ أطوال الأسماك بياناتٌ عدديةٌ متصلةٌ؛ لذا ألاحظُ أنه لا توجدُ فجواتٌ بينَ الفئاتِ، وأنها تغطيُ الأطوالَ جميعها للأسماك. وألاحظُ أيضًا أنَّ أطوالَ الفئاتِ في الجدولِ متساويةٌ. أملاً الجدولَ باتباعِ الخطوتينِ الآتيتين:

أطوال الأسماك (l)		
التكرار	الإشارات	الطول (cm)
		$0 \leq l < 3$
		$3 \leq l < 6$
		$6 \leq l < 9$
		$9 \leq l < 12$
		$12 \leq l < 15$
		$15 \leq l < 18$

الخطوة 2: أكتبُ أعدادَ الإشاراتِ في عمودِ التكرارِ.

أطوال الأسماك (l)		
التكرار	الإشارات	الطول (cm)
1		$0 \leq l < 3$
3		$3 \leq l < 6$
5		$6 \leq l < 9$
4		$9 \leq l < 12$
2		$12 \leq l < 15$
3		$15 \leq l < 18$

الخطوة 1: أضعُ إشاراتٍ عددٍ مُقابلَ كُلِّ فئةٍ بعددِ الأسماكِ التي تحتويها.

أطوال الأسماك (l)		
التكرار	الإشارات	الطول (cm)
		$0 \leq l < 3$
		$3 \leq l < 6$
		$6 \leq l < 9$
		$9 \leq l < 12$
		$12 \leq l < 15$
		$15 \leq l < 18$

توجدُ سمكةٌ واحدةٌ طولها أكبرُ من أو يساوي 0 cm وأقلُّ من 3 cm

2 ما عددُ الأسماكِ التي طولها أكبرُ من أو يساوي 9 cm؟

الأسماكُ التي طولها أكبرُ من أو يساوي 9 cm تقعُ في الفئاتِ الثلاثِ الأخيرةِ، ولإيجادِ عددها أجمعُ تكراراتِ هذه الفئاتِ الثلاثِ.

$$4 + 2 + 3 = 9$$

مجموعُ تكراراتِ الفئاتِ الثلاثِ الأخيرةِ

إذن، توجدُ 9 سمكاتٍ طولها أكبرُ من أو يساوي 9 cm

الوحدة 8

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



في ما يأتي كتل 18 خروفاً صغيراً:

16 kg	22 kg	6 kg	11 kg	13 kg	16 kg
14 kg	18 kg	19 kg	17 kg	21 kg	20 kg
25 kg	27 kg	16 kg	9 kg	5 kg	25 kg

3 أنظّم البيانات في الجدول التكراريّ المجاور.

4 ما عدد الخراف التي كتلة كل منها أكبر من أو تساوي 12 kg؟

كتل الخراف (w)		
التكرار	الإشارات	الكتلة (kg)
		$4 \leq w < 8$
		$8 \leq w < 12$
		$12 \leq w < 16$
		$16 \leq w < 20$
		$20 \leq w < 24$
		$24 \leq w < 28$

تُسْتَعْمَلُ الفئات أيضاً لتجميع البيانات العددية المنفصلة وعرضها عرضاً مبسطاً، فمثلاً، يُمكن التعبير عن جميع الأعداد الصحيحة الأكبر من أو تساوي 5 والأقل من أو تساوي 10 باستعمال الفئة 5-10

وعند تمثيل بيانات عددية منفصلة باستعمال جدول تكراري ذي فئات تظهر فجوات بين الفئات المتتالية.

مثال 2: من الحياة



في ما يأتي عدد ثمار الرمان التي تحملها 18 شجرة في مزرعة سامية.

32	26	48	29	26	18	21	40	37
17	44	39	20	36	33	43	26	19

1 أنظّم البيانات في الجدول التكراري الآتي:

إن أعداد ثمار الرمان بيانات عددية منفصلة؛ لذا ألاحظ وجود فجوات بين الفئات. فمثلاً، تنتهي الفئة الأولى عند العدد 20، وتبدأ الفئة الثانية عند العدد 21؛ لأنه لا توجد شجرة تحمل عدداً من الثمار يقع بين 20 و 21

أملأ الجدول باتباع الخطوتين الآتيتين:

عدد ثمار الرمان		
التكرار	الإشارات	العدد
		15-20
		21-26
		27-32
		33-38
		39-44
		45-50

الخطوة 1: أضع إشارات عدد مقابِل كل فئة بعدد الأشجار التي تحتويها الفئة.

عدد ثمار الرمان		
التكرار	الإشارات	العدد
	////	15-20
	////	21-26
	//	27-32
	/// ←	33-38
	////	39-44
	/	45-50

توجد 3 أشجار عدد ثمارها بين 33 و 38

الخطوة 2: أكتب أعداد الإشارات في عمود التكرار.

عدد ثمار الرمان		
التكرار	الإشارات	العدد
4	////	15-20
4	////	21-26
2	//	27-32
3	///	33-38
4	////	39-44
1	/	45-50

2 ما عدد الأشجار التي تحمل 38 ثمرة على الأكثر؟

الأشجار التي تحمل 38 ثمرة على الأكثر تقع في الفئات الأربع الأولى، ولإيجاد عددها أجمع تكرارات هذه الفئات الأربع.

$$4 + 4 + 2 + 3 = 13$$

مجموع تكرارات الفئات الأربع الأولى

إذن، توجد 13 شجرة تحمل 38 ثمرة على الأكثر.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: ✓

سَأَلْتُ مَنِي بَعْضَ زَمِيلَاتِهَا عَنْ عَدَدِ أَقْلَامِ التَّلْوِينِ الَّتِي لَدَى كُلِّ مِنْهُنَّ، فَكَانَتْ الْإِجَابَاتُ عَلَى النَّحْوِ الْآتِي:

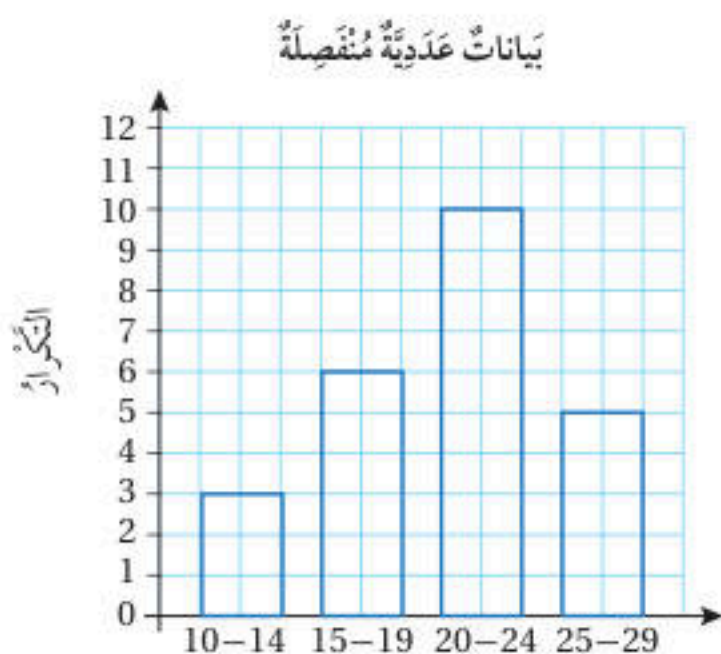
18 12 9 15 4 0 11 10 2
7 14 16 12 6 13 12 5 17

3 أَنْظِمُ الْبَيَانَاتِ فِي الْجَدْوَلِ التَّكَرَّارِيِّ الْآتِي:

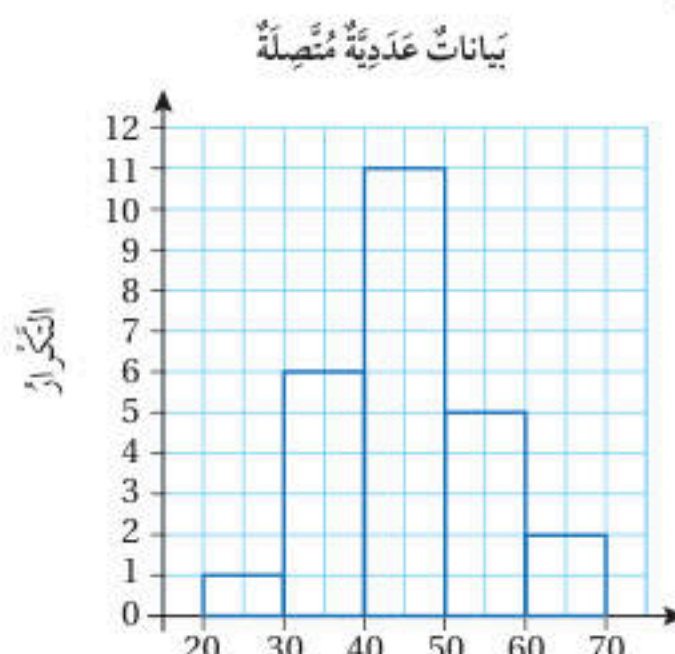
عَدَدُ أَقْلَامِ التَّلْوِينِ		
التَّكَرُّارُ	الْإِشَارَاتُ	الْعَدَدُ
		0-3
		4-7
		8-11
		12-15
		16-19

4 مَا عَدَدُ الطَّالِبَاتِ اللَّاتِي لَدَى كُلِّ مِنْهُنَّ 12 قَلَمًا أَوْ أَكْثَرَ؟

تُسْتَعْمَلُ الْمُخَطَّطَاتُ التَّكَرَّارِيَّةُ (frequency diagrams) لِعَرْضِ الْبَيَانَاتِ الْعَدَدِيَّةِ الْمُجْمَعَةِ فِي فِئَاتٍ بِنَوْعِيهَا: الْمُتَّصِلَةِ، وَالْمُنْفَصِلَةِ.



أَكْتُبُ الْفِتَّةَ أَسْفَلَ الْعَمُودِ الَّذِي يُمَثِّلُ تَكَرُّارَاتِهَا



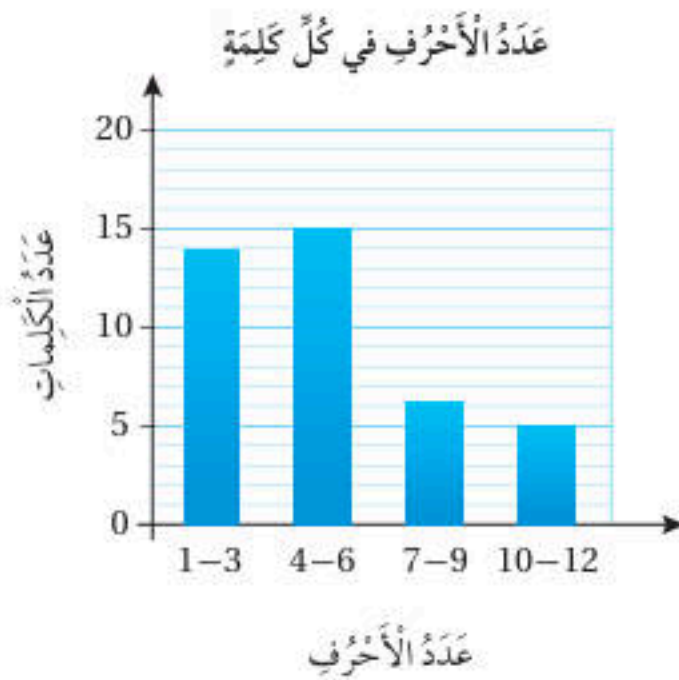
أُسْتَعْمَلُ تَدْرِيجًا مُتَّصِلًا

عدد الأحرف	
العدد	التكرار
1-3	14
4-6	15
7-9	6
10-12	5

اخترت صفاء 40 كلمة عشوائياً من كتاب اللغة الإنجليزية، وسجلت عدد الأحرف في كل منها، ثم نظمت البيانات في الجدول التكراري المجاور. أمثل البيانات باستعمال مخطط تكراري.

إن عدد الأحرف في الكلمات بيانات عددية منفصلة؛ لذا أرسم مخططاً تكرارياً يحتوي أعمدة غير متلاصقة.

أرسم مخططاً تكرارياً باتباع الخطوات الآتية:



الخطوة 1: أرسم محورين: أفقياً، وعمودياً، وأكتب الفئات أسفل المحور الأفقي، ثم أضع تدريجاً مناسباً للمحور العمودي.

الخطوة 2: أسمى كلًا من المحورين، ثم أكتب عنواناً مناسباً للمخطط التكراري.

الخطوة 3: أرسم عموداً يمثل ارتفاعه تكرار كل فئة.

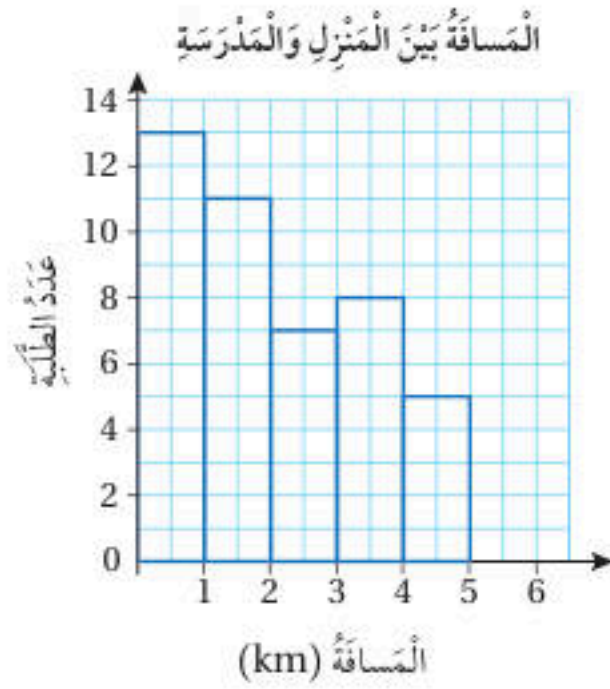
✓ **أتحقق من فهمي:**

تمارين رياضية: يبين الجدول التكراري الآتي عدد مرات تمارين الضغط التي استطاع طلبة الصف السادس القيام بها في اختيار اللياقة البدنية. أمثل البيانات باستعمال مخطط تكراري.

عدد مرات الضغط	0-8	9-17	18-26	27-35
عدد الطلبة	11	13	6	4

إرشاد: أستخدم أوراق المربعات الموجودة في نهاية كتاب التمارين.

يمكنني في بعض الأحيان أن أكمل المخطط التكراري إذا علمت مجموع التكرارات.



يُبين المخطط التكراري المجاور المسافات بين منازل 50 طالباً وبين المدرسة بالكيلومتر، إلا أن العمود الأخير لم يرسم. أكمل المخطط التكراري.

بما أن عدد الطلبة يساوي 50 فإن مجموع تكرارات الفئات يساوي 50 لإيجاد تكرار الفئة الأخيرة (ارتفاع العمود)، أجمع التكرارات المعلومة وأطرح الناتج من العدد 50

ألاحظ أن تكرارات الفئات الخمس الأولى هي: 13, 11, 7, 8, 5

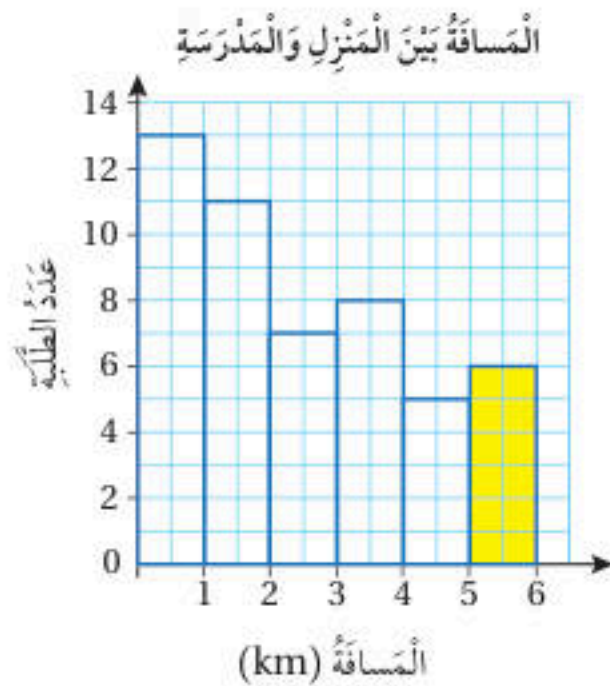
مجموع تكرارات الفئات الخمس الأولى

$$13 + 11 + 7 + 8 + 5 = 44$$

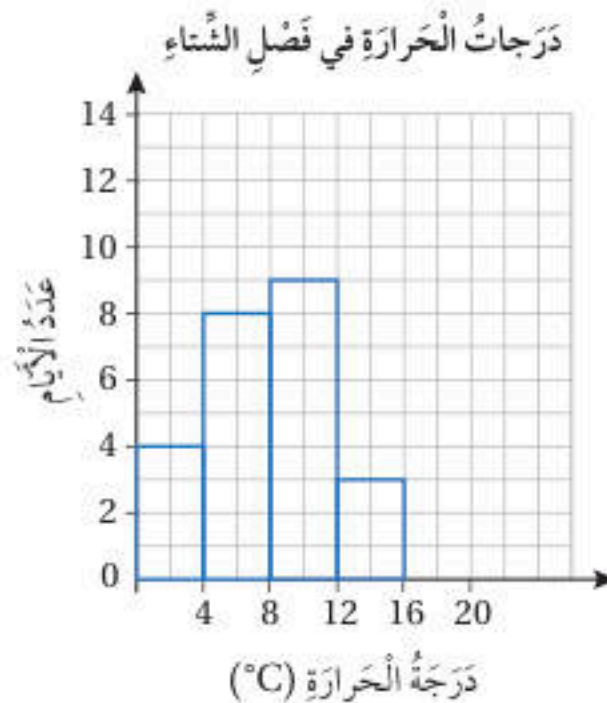
أطرح المجموع من 50

$$50 - 44 = 6$$

إذن، ارتفاع العمود الأخير يساوي 6



أتحقق من فهمي: ✓



يُبين المخطط التكراري المجاور درجات الحرارة في 31 يوماً من فصل الشتاء، إلا أن العمود الأخير لم يرسم. أكمل المخطط التكراري.

في ما يأتي ارتفاع 12 شجرة في مزرعة بالأمطار.

3.5 m	2.9 m	5.1 m	7.9 m
6.0 m	9.1 m	5.5 m	1.2 m
4.5 m	8.3 m	7.7 m	6.3 m

الارتفاع (m)	الإشارات	التكرار
$0 \leq h < 2$		
$2 \leq h < 4$		
$4 \leq h < 6$		
$6 \leq h < 8$		
$8 \leq h < 10$		

1 أنظّم هذه البيانات في الجدول التكراري المجاور.

2 ما عدد الأشجار التي ارتفاعها أقل من 4 m؟

في ما يأتي عدد أبيات الشعر التي حفظها عدد من الطلبة من قصيدة (الهمزية النبوية) للشاعر أحمد شوقي.

23	29	31	36	20	35
19	27	15	33	18	24
10	25	17	14	39	31

عدد الأبيات	الإشارات	التكرار
10 – 15		
16 – 21		
22 – 27		
28 – 33		
34 – 39		

3 أنظّم هذه البيانات في الجدول التكراري المجاور.

4 ما عدد الطلبة الذين حفظوا 22 بيتاً أو أكثر؟

الكتلة (g)	التكرار
$0 \leq h < 5$	4
$5 \leq h < 10$	7
	6
$15 \leq h < 20$	8
$20 \leq h < 25$	

5 أكتب الفئة المفقودة في الجدول التكراري المجاور.

6 إذا كان مجموع التكرارات في الجدول المجاور يساوي 41، فأجد تكرار الفئة: $20 \leq h < 25$

معلومة

أحمد شوقي (1868–1932) م هو كاتب وشاعر مصري، يعد أشهر شعراء العصر الحديث، ويُلقب بأمير الشعراء، وله ديوان شعري يُسمى (الشوقيات).



الوحدة 8

أحدّد ما إذا كانت البيانات المُعطاة في كلٍّ مما يأتي عدديّة متّصلة أم عدديّة منفصّلة، ثمّ أمثلها باستعمال مخطط تكراريّ:

7

طول الشاحنة (x)	عدد الشاحنات
$8 \leq x < 10$	9
$10 \leq x < 12$	16
$12 \leq x < 14$	8
$14 \leq x < 16$	7

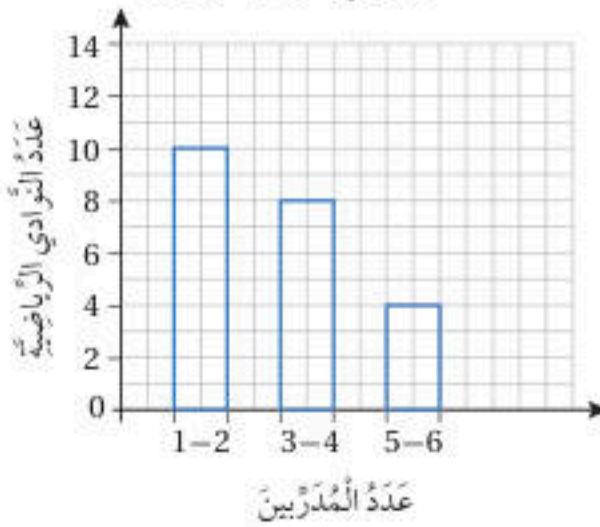
8

عدد الحشرات	التكرار
0 – 4	6
5 – 9	11
10 – 14	14
15 – 19	9

إرشاد

أستعمل أوراق المربعات الموجودة في نهاية كتاب التمارين.

عدد المُدربين في النوادي الرياضيّة

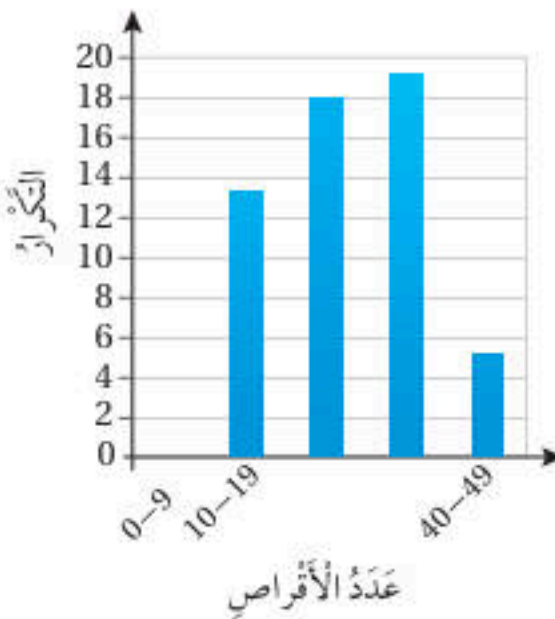


رياضة: يُبين المخطط التكراريّ المُجاور عدد المُدربين في 30 ناديًا رياضيًّا، إلا أنّ العمود الأخير لم يُرسم. أكمل المخطط التكراريّ.

9

أتذكّر

عدد المُدربين هو بيانات عدديّة منفصّلة؛ لذلك توجد فراغات بين أعمدة المخطط التكراريّ.



أقراص مُدمجة: يُمثل كلٌّ من الجدول التكراريّ والمخطط التكراريّ الآتيين عدد الأقراص المُدمجة التعليميّة التي يملكها 70 طالبًا وطالبة.

أستعمل المخطط التكراريّ لإكمال الجدول التكراريّ.

10

عدد الأقراص	التكرار
	15
10-19	
20-29	
	19
40-49	



أستعمل الجدول التكراريّ لإكمال المخطط التكراريّ.

11

التكرار	السرعة (km/h)
1	$0 \leq s < 10$
5	$10 \leq s < 20$
6	$20 \leq s < 30$
10	$30 \leq s < 40$
5	$40 \leq s < 50$
4	$50 \leq s < 60$

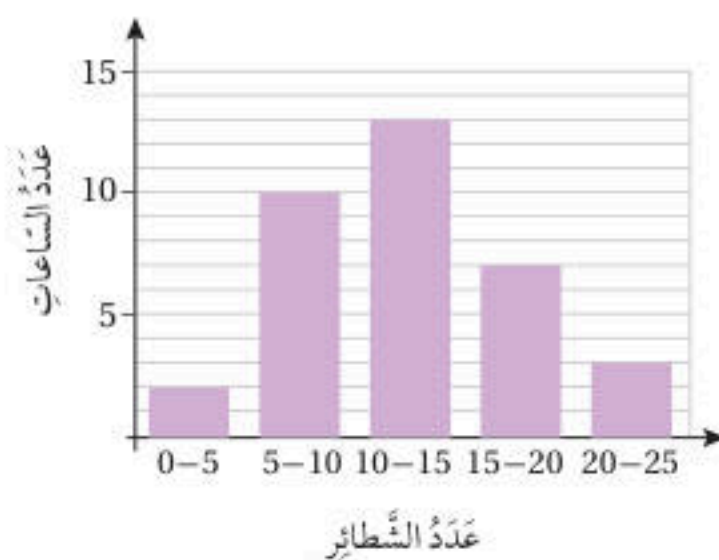
مُروُر: يُبيِّن الجدول التكراري المُجاوِر
سرعة السَّيَّارات التي مرَّت أمام مدرَّسة
يوسفَ خلال ساعة:

12 ما عدد السَّيَّارات التي مرَّت أمام المدرَّسة
خلال هذه الساعة؟

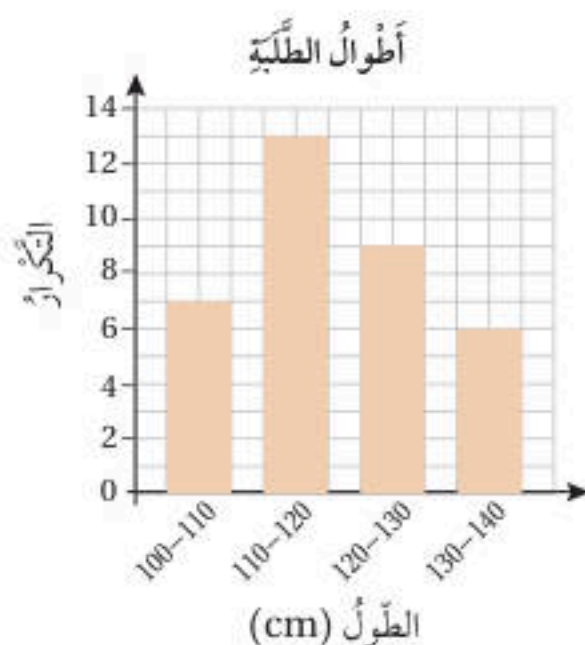
13 ما عدد السَّيَّارات التي كانت سرعتها أقل من
30 km/h؟

14 إذا كانت السرعة المُقرَّرة في الشارع الذي تقع فيه المدرَّسة أقل من 40 km/h، فما
عدد السَّيَّارات التي تجاوزت السرعة المُقرَّرة؟

مهارات التفكير العليا



15 **اكتشف الخطأ:** رسَّمت منال
المدرَّج التكراري المُجاوِر
لتمثيل عدد الشطائر التي
باعها مطعمها خلال 35
ساعة عمل. اكتشف الخطأ
في تمثيل منال، وأصحِّحه.



16 **اكتشف الخطأ:** رسَّم راشد المخطط
التكراري المُجاوِر لتمثيل أطوال بعض
الأطفال. اكتشف الخطأ في تمثيل
راشد، وأصحِّحه.

17 **اكتب:** أصف كيفية تمثيل بيانات
عددية منفصلة باستعمال مخطط
تكراري.

أستكشف

سألت سمر عددًا من صديقاتها عن الفاكهة التي يفضلنها، ونظمت البيانات في الشكل المجاور. ما الكسر الذي يمثل الطالبات اللاتي يفضلن التفاح؟



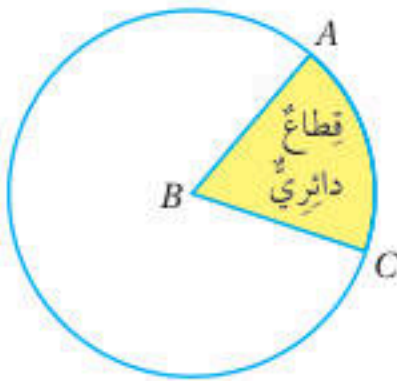
فكرة الدرس

أقرأ بيانات ممثلة بالقطاعات الدائرية، وأفسرها وأحلها.

المفطلحات

القطاعات الدائرية.

تعلمت سابقًا أن القطاع الدائري جزء من الدائرة محصور بين نصفي قطرين وقوس من الدائرة كما في الشكل المجاور. وتسمى $\angle ABC$ زاوية القطاع الدائري.



عند تمثيل البيانات باستعمال القطاعات الدائرية (pie charts) فإن كل قطاع في الدائرة يمثل إحدى فئات البيانات.

يظهر التمثيل بالقطاعات الدائرية نسبة تكرار كل فئة في البيانات إلى تكرار البيانات جميعها بدلا من إظهار تكرارات تلك الفئات، لذلك فهو مناسب لمقارنة تكرار كل فئة من البيانات بالمجموع الكلي للبيانات.

إذا أردنا مقارنة تكرارات فئات البيانات ببعضها بعضا، فإن استعمال التمثيل بالأعمدة أنسب من القطاعات الدائرية.

مثال 1

يوضح التمثيل بالقطاعات الدائرية المجاور الرياضات المفضلة لطلبة الصف السادس في مدرسة حمزة.



ما الرياضة الأكثر تفضيلا لدى طلبة الصف السادس؟

أكبر قطاع في الدائرة يمثل كرة القدم، إذن كرة القدم هي الرياضة الأكثر تفضيلا.

ما الرياضتان اللتان يفضلهما العدد نفسه من الطلبة؟

يظهر في الدائرة قطاعان متساويان يمثلان كرة الطاولة وتيس الطاولة؛ إذن يفضل العدد نفسه من الطلبة كرة الطاولة وتيس الطاولة.

3 ما النسبة المئوية للطلبة الذين يُفضّلون كرة السلة؟

ألاحظ أن $\frac{1}{4}$ مساحة الدائرة تُمثّل كرة السلة.

أكتب الكسر $\frac{1}{4}$ على صورة نسبة مئوية:

$$\frac{1}{4} = \frac{25}{100} = 25\%$$

إذن، النسبة المئوية للطلبة الذين يُفضّلون كرة السلة هي 25%

✓ **أتحقّق من فهمي:**

يوضّح التمثيل بالقطاعات الدائرية المجاور الطيور التي فضّلتها طاليات الصف السادس عند زيارتهن حديقة الطيور:



4 ما الطائر الأكثر تفضيلاً؟

5 ما الطائر الذي فضّلته ربع الطاليات؟

6 ما نسبة الطاليات اللاتي فضّلن الصقر؟

عند تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية أحوّل التكرارات إلى كسور (أو نسب مئوية)، ثم أضرب الكسور في 360° لأجد قياس زاوية كلّ قطاع.

🌍 **مثال 2: من الحياة**



سجّل مراد ألوان الأحذية الرياضية التي يرتديها طلبة الصف السادس في الجدول أدناه. أمثّل البيانات بالقطاعات الدائرية.

اللون	أسود	أبيض	أزرق	بنّي	أخضر
عدد الطلبة	38	22	10	4	6

الخطوة 1: أجد عدد الطلبة جميعهم الذين سجّل مراد ألوان أحذيتهم.

$$38 + 22 + 10 + 4 + 6 = 80$$

الوحدة 8

اللون	زاوية القطاع
أسود	$\frac{38}{80} \times 360^\circ = 171^\circ$
أبيض	$\frac{22}{80} \times 360^\circ = 99^\circ$
أزرق	$\frac{10}{80} \times 360^\circ = 45^\circ$
بنّي	$\frac{4}{80} \times 360^\circ = 18^\circ$
أخضر	$\frac{6}{80} \times 360^\circ = 27^\circ$
المجموع	360°

الخطوة 2: أجد زاوية كل قطاع دائري.

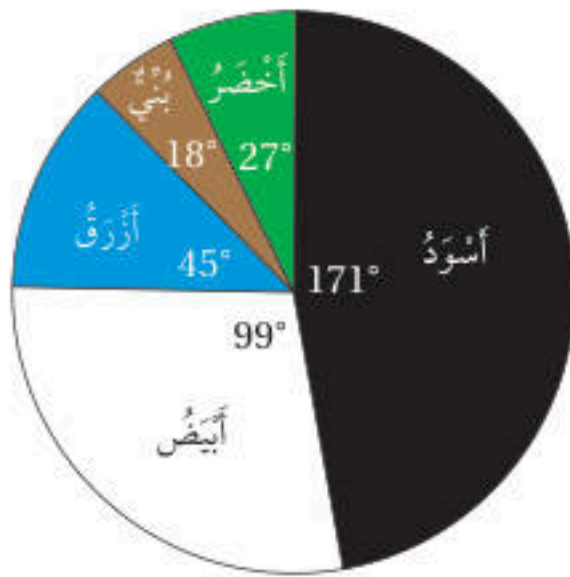
أضرب الكسر الذي يمثل عدد الطلبة الذين يرتدون كل لون من الأحذية في 360° (مجموع قياسات الزوايا حول نقطة) كما في الجدول المجاور.

التحقق: يجب أن يكون مجموع قياسات زوايا القطاعات 360°

$$171^\circ + 99^\circ + 45^\circ + 18^\circ + 27^\circ \stackrel{?}{=} 360^\circ$$

$$360^\circ = 360^\circ \quad \checkmark$$

ألوان الأحذية الرياضية



الخطوة 3: أرسم القطاعات الدائرية باتباع الخطوات الآتية:

- أرسم دائرة بمقاس مناسب، ثم أرسم نصف قطر أفقي فيها.
- بدءاً من نصف القطر الأفقي، أرسم باستخدام المنقلة زوايا قياساتها كما في الجدول أعلاه.

الخطوة 4: أكتب اسم كل قطاع، ثم أكتب عنواناً مناسباً أعلى التمثيل.

التحقق من فهمي:

يبين الجدول الآتي فصيلة دم مراجعي مختبر طبي في أحد الأيام. أمثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية:

فصيلة الدم	A	B	AB	O
عدد المرضى	40	10	5	45

إذا علمت النسبة المئوية لكل فئة في البيانات، فإنه يمكنني أيضاً أن أمثلها بالقطاعات الدائرية.

مثال 3

يُبين الجدول الآتي ألوان السيارات التي تصطف في موقف للسيارات ونسبة السيارات من كل لون. أمثل البيانات باستعمال القطاعات الدائرية.

لون السيارة	أبيض	أحمر	أسود	فضي
النسبة المئوية	10%	20%	30%	40%

الخطوة 1: أجد قياس زاوية كل قطاع:

$$360^\circ \times 10\% = 360^\circ \times \frac{10}{100} = 36^\circ$$

$$360^\circ \times 20\% = 360^\circ \times \frac{20}{100} = 72^\circ$$

$$360^\circ \times 30\% = 360^\circ \times \frac{30}{100} = 108^\circ$$

$$360^\circ \times 40\% = 360^\circ \times \frac{40}{100} = 144^\circ$$

الخطوة 2: أرسم القطاعات الدائرية.

• أرسم دائرة بمقاس مناسب، ثم أرسم نصف قطر أفقي فيها.

• بدءاً من نصف القطر الأفقي، أرسم باستخدام المنقلة زوايا قياساتها كما في الخطوة 1

ألوان السيارات



الخطوة 3: أكتب اسم كل قطاع ونسبته المئوية، ثم أكتب عنواناً مناسباً أعلى التمثيل.

إذا كان عدد السيارات التي تصطف في الموقف 60 سيارة، فما عدد السيارات البيضاء؟ لإيجاد عدد السيارات البيضاء أضرب نسبة السيارات البيضاء بالعدد الكلي للسيارات.

$$10\% \times 60 = \frac{10}{100} \times 60$$

$$= 6$$

نسبة السيارات البيضاء تساوي 10%
أبسط

إذن، توجد في الموقف 6 سيارات بيضاء.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْآتِي أَنْوَاعَ أَشْتَالِ الْوُرُودِ الَّتِي زَرَعَتْهَا ابْنَسَامُ فِي حَدِيقَتِهَا وَالنَّسَبَةَ الْمِئْوِيَّةَ لِكُلِّ نَوْعٍ. أُمَثِّلُ الْبَيَانَاتِ بِاسْتِعْمَالِ الْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ.

النَّوعُ	زَنْبُقٌ	قَرْنَفُلٌ	رَيْحَانٌ
النَّسَبَةُ الْمِئْوِيَّةُ	35%	40%	25%

إِذَا زَرَعْتَ ابْنَسَامُ 40 شَتْلَةً مِنَ الْأَنْوَاعِ جَمِيعِهَا، فَمَا عَدَدُ شَتَلَاتِ الْقَرْنَفُلِ الَّتِي زَرَعَتْهَا؟

يُمْكِنُ اسْتِخْلَاصُ كَثِيرٍ مِنَ الْمَعْلُومَاتِ مِنْ بَيَانَاتٍ مُمَثَّلَةٍ بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ.

مثال 4

يُبَيِّنُ التَّمَثِيلُ بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ الْمُجَاوِرُ مَوْضُوعَاتِ الْكُتُبِ الَّتِي قَرَأَهَا طَلَبَةُ الصَّفِّ السَّادِسِ عِنْدَ زِيَارَتِهِمْ مَكْتَبَةَ الْمَدْرَسَةِ.



1 ما الْكَسْرُ الَّذِي يُمَثِّلُ الطَّلَبَةَ الَّذِينَ قَرَأُوا كُتُبًا حَوْلَ عَالَمِ الْبِحَارِ؟
بِمَا أَنَّ زَاوِيَةَ الْقِطَاعِ الَّذِي يُمَثِّلُ عَالَمَ الْبِحَارِ قَائِمَةٌ، فَإِنَّ الْكَسْرَ الَّذِي يُمَثِّلُ هَذَا الْقِطَاعَ هُوَ:

$$\frac{90^\circ}{360^\circ} = \frac{1}{4}$$

إِذَنْ، قَرَأَ رُبُعُ الطَّلَبَةِ كُتُبًا حَوْلَ عَالَمِ الْبِحَارِ.

2 إِذَا قَرَأَ 8 طَلَبَةٍ كُتُبًا حَوْلَ عَالَمِ الْبِحَارِ، فَمَا عَدَدُ طَلَبَةِ الصَّفِّ السَّادِسِ؟

أَفْتَرِضْ أَنَّ x تُمَثِّلُ عَدَدَ طَلَبَةِ الصَّفِّ السَّادِسِ. اسْتَغْمِلْ الْكَسْرَ الَّذِي حَصَلَتْ عَلَيْهِ فِي السُّؤَالِ السَّابِقِ وَعَدَدَ الطَّلَبَةِ الَّذِينَ قَرَأُوا كُتُبًا حَوْلَ عَالَمِ الْبِحَارِ لِكِتَابَةِ مُعَادَلَةٍ.

$$\frac{1}{4}x = 8$$

$$x = 32$$

عَدَدُ الطَّلَبَةِ الَّذِينَ قَرَأُوا كُتُبًا حَوْلَ عَالَمِ الْبِحَارِ يُسَاوِي 8

أَضْرِبْ طَرَفِي الْمُعَادَلَةِ فِي 4

إِذَنْ، عَدَدُ طَلَبَةِ الصَّفِّ السَّادِسِ يُسَاوِي 32

3 إذا قرأ 10 طلبة كتباً حول التاريخ، فما عدد الطلبة الذين قرؤوا كتباً حول الخيال العلمي؟

بما أن القطاعين اللذين يمثلان عالم البحار وصناعة السيارات لهما قياس الزاوية نفسه، فإن عدد الطلبة الذين قرؤوا كتباً في هذين الموضوعين متساو. إذن، قرأ 8 طلبة كتباً حول صناعة السيارات. أطرح لأجد عدد الطلبة الذين قرؤوا كتباً حول الخيال العلمي.

$$32 - 8 - 8 - 10 = 6$$

عدد طلبة الصف السادس يساوي 32

إذن، عدد الطلبة الذين قرؤوا كتباً حول الخيال العلمي يساوي 6

✓ **أتحقق من فهمي:**

الطلبة المشاركون في رحلة مدرسية



يُبين التمثيل بالقطاعات الدائرية المجاور صفوف الطلبة المشاركين في رحلة مدرسية إلى موقع أهل الكهف:

4 ما الكسر الذي يمثل طلبة الصف الثاني المشاركين في الرحلة المدرسية؟

5 إذا كان عدد طلبة الصف الثاني المشاركين في الرحلة يساوي 12 طالباً، فما عدد الطلبة المشاركين في الرحلة؟

6 إذا كان عدد طلبة الصف الأول المشاركين في الرحلة يساوي 8، فما عدد طلبة الصف الثالث المشاركين في الرحلة؟

أطباق الفطور المفضلة



يُبين التمثيل بالقطاعات الدائرية المجاور الأطباق التي يفضلها طلبة الصف السادس على وجبة الفطور:

1 ما الطبق الأكثر تفضيلاً؟

2 أجد الكسر الذي يمثل الطلبة الذين يفضلون الحمص؟

3 ما نسبة الطلبة الذين يفضلون المربى؟

أَتَدَرَّبُ
وأحل المسائل

الوحدة 8

أُمَثِّلْ كُلَّ مَجْمُوعَةٍ بَيِّنَاتٍ مِمَّا يَأْتِي بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ:

4

مَبِيعَاتُ مَحَلِّ الْبَسَةِ	
النَّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ	نَوْعُ الْبِنْتَالِ
35%	قُطُنٌ
55%	جِينُزُ
10%	كِتَانٌ

5

رُكَّابُ الطَّائِرَةِ	
الْعَدَدُ	الْمُسَافِرُونَ
18	رِجَالٌ
24	نِسَاءٌ
6	أَوْلَادٌ
12	بَنَاتٌ

ألوان القمصان



ملابس: يُبَيِّنُ التَّمَثِيلُ بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ الْمُجَاوِرُ أَلْوَانَ الْقُمُصَانِ فِي أَحَدِ مَحَالِّ الْمَلَابِسِ.

6 إذا كَانَ عَدَدُ الْقُمُصَانِ السُّودَاءِ يُسَاوِي 64 قَمِيصًا، فَمَا عَدَدُ الْقُمُصَانِ جَمِيعِهَا؟

7 مَا عَدَدُ الْقُمُصَانِ الزَّرْقَاءِ؟

8 **اخْتِيَارٌ مِنْ مُتَعَدِّدٍ:** يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْمُجَاوِرُ مَبِيعَاتِ مَحَلِّ عَصَائِرٍ طَبِيعِيَّةٍ فِي أَحَدِ الْأَيَّامِ. عِنْدَ تَمَثِيلِ الْبَيِّنَاتِ بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ يُمَثَّلُ الْقِطَاعُ الَّذِي قِيَاسُ زَاوِيَّتِهِ 90° عَصِيرَ:

- (a) البُرْتُقَالِ (b) الْجَزَرِ
(c) الْكُوْكُتِيلِ (d) الرُّمَانَ

مَبِيعَاتُ مَحَلِّ عَصَائِرٍ	
النَّوْعُ	الْعَدَدُ
بُرْتُقَالٌ	10
جَزَرٌ	30
كُوْكُتِيلٌ	60
رُمَانٌ	20

النّادي	التكرار	قياس زاوية القطاع الدائري
الفِصَّةُ القَصِيرَةُ	7	84°
الرِّياضَةُ		108°
الرَّسْمُ		72°
الزَّرَاعَةُ		
المجموع	30	360°

أندية صيفية: يبين الجدول المجاور بعض المعلومات حول اختيارات 30 طالبة من الصف السادس اللاتي شاركن في الأندية الصيفية:

أنسخ الجدول، ثم أكمله.

أمثل البيانات باستعمال القطاعات الدائرية.

الرياضات التي يمارسها الطلبة



يوضح التمثيل بالقطاعات الدائرية المجاور نسب الطلبة الذين يمارسون رياضات مختلفة في المدرسة:

تبرير: أجد عدد الطلبة الذين يمارسون رياضة كرة السلة، إذا علمت أن عدد الطلبة الذين يمارسون رياضة كرة القدم 60 طالباً، وأبرر إجابتي.

تبرير: إذا انتقل طالب واحد من الطلبة الذين يمارسون رياضة (الإسكواش) إلى الطلبة الذين يمارسون رياضة كرة السلة، فكم يصبح عدد الطلبة الذين يمارسون رياضة (الإسكواش)؟ أبرر إجابتي.

زوار المواقع الأثرية	نسبة الزوار
الموقع	
البترا	49%
جرش	36%
قلعة عجلون	31%
جبل القلعة	28%
المدرج الروماني	33%

تبرير: يبين الجدول المجاور نسب السياح الذين زاروا بعض الأماكن الأثرية في الأردن في أحد الأيام. هل يمكن تمثيل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية؟ أبرر إجابتي.

أكتب: كيف تمثل بيانات معطاة في جدول تكراري باستعمال القطاعات الدائرية؟

مهارات التفكير العليا



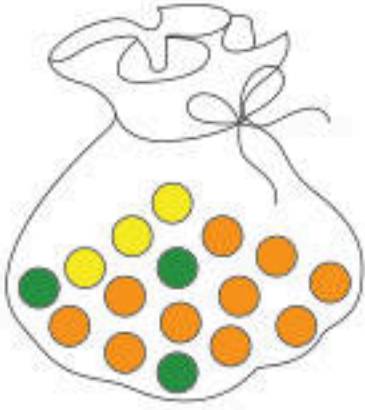
فكرة الدرس

- أَعْيُنُ قِيَمَةَ الإحتمالِ عَلَى مِقْيَاسِ الإحتمالِ.
- أَجِدُ إِحتمالاتِ وَقُوعِ الحَوَادِثِ.

المُصطلحات

الحادث، احتمال الحادث، مقياس الإحتمال، مُتساوي الإحتمال، غير مُتساوي الإحتمال، الفضاء العيني.

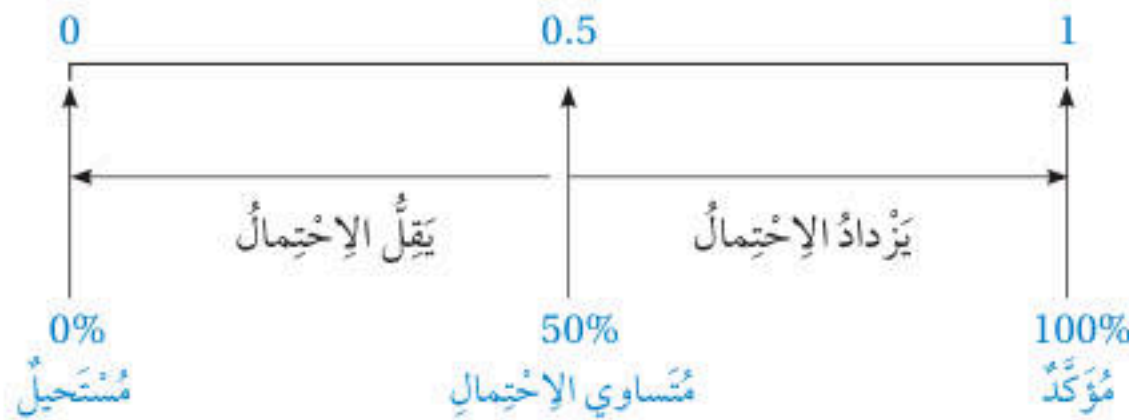
أستكشف



- 1 ما الكسر الذي يُمثل الكرات الخضراء في الكيس المجاور؟
- 2 إذا أغمض حسن عينيه واختار كرة عشوائية من الكيس، فهل فرصة اختيار كرة برتقالية مساوية لفرصة اختيار كرة صفراء؟

تعلّمت سابقاً أنّ **الحادث** (event) هو ناتج واحد أو أكثر من نواتج التجربة العشوائية، و**احتمال الحادث** (event probability) هو فرصة وقوعه. يُمكن وصف احتمال وقوع أي حادث في تجربة عشوائية باستعمال قيمة عددية تقع بين 0 و 1 على **مقياس الإحتمال** (probability scale) المُبين في الشكل أدناه.

مقياس الإحتمال



قيمة الإحتمال 0 تعني أنّ الحادث لا يُمكن أن يقع، وقيمة الإحتمال 1 تعني أنّ الحادث سوف يقع بالتأكيد.

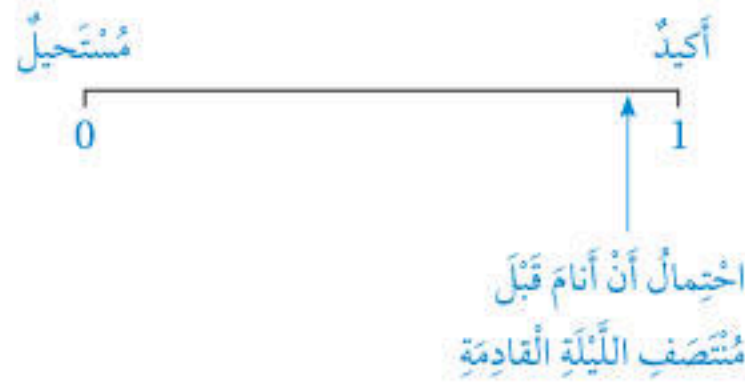
إنّ الحوادث التي احتمالها أقل من 50% غير مرجحة الوقوع، والحوادث التي احتمالها أكبر من 50% مرجحة الوقوع، أما الحوادث التي احتمالها 50% فاحتمال حدوثها يساوي احتمال عدم حدوثها؛ أي إنّها متساوية الإحتمال.

مثال 1

أُعِينُ احْتِمَالَ كُلِّ حَادِثٍ مِمَّا يَأْتِي عَلَى مِقْيَاسِ الْإِحْتِمَالِ:

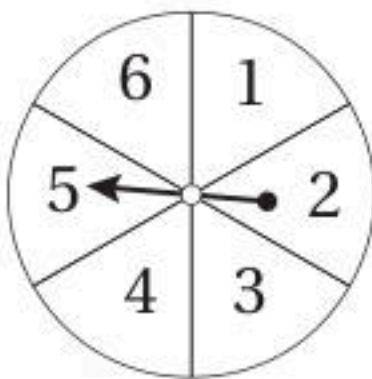
1 أَنْ أَنَامَ قَبْلَ مُتَنَصِّفِ اللَّيْلَةِ الْقَادِمَةِ.

مِنَ الْمُحْتَمَلِ جِدًّا أَنِّي سَأَنَامُ قَبْلَ مُتَنَصِّفِ اللَّيْلَةِ الْقَادِمَةِ، إِلَّا أَنِّي قَدْ لَا أَفْعَلُ ذَلِكَ لِسَبَبٍ مَا؛ لِذَا يَقَعُ احْتِمَالُ هَذَا الْحَادِثِ بِالْقُرْبِ مِنَ الْعَدَدِ 1 عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ؛ لِأَنَّهُ لَيْسَ حَادِثًا أَكِيدًا.



2 أَنْ يَسْقُطَ الثَّلْجُ عَلَى مَدِينَةِ عَمَانَ فِي فَصْلِ الصَّيْفِ.

مِنْ غَيْرِ الْمُمَكِّنِ أَنْ يَسْقُطَ الثَّلْجُ عَلَى مَدِينَةِ عَمَانَ فِي فَصْلِ الصَّيْفِ؛ لِذَا يَقَعُ احْتِمَالُ هَذَا الْحَادِثِ عِنْدَ الْعَدَدِ 0 عَلَى مِقْيَاسِ الْإِحْتِمَالِ؛ لِأَنَّهُ حَادِثٌ مُسْتَحِيلٌ.



✓ **أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:**

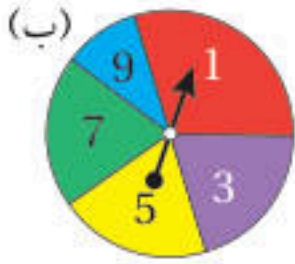
3 أَنْ أَصِلَ إِلَى الْمَدْرَسَةِ بَاكِراً.

4 أَنْ يَقِفَ مُؤَشِّرُ الْقُرْصِ الْمُجَاوِرِ عِنْدَ الْعَدَدِ 7

الوحدة 8



عِنْدَ تَدْوِيرِ مُؤَشِّرِ الْقُرْصِ (أ) الْمُجَاوِرِ يَكُونُ لِكُلِّ عَدَدٍ فُرْصَةُ الظُّهُورِ نَفْسُهَا؛ لِأَنَّ مِسَاحَاتِ الْقِطَاعَاتِ مُتَسَاوِيَةٌ؛ لِذَا تُسَمَّى نَوَاطِجُ هَذِهِ التَّجَرِبَةِ نَوَاطِجَ مُتَسَاوِيَةِ الْإِحْتِمَالِ (equally likely)، وَتُسَمَّى تَجَرِبَةً عَادِلَةً.



عِنْدَ تَدْوِيرِ مُؤَشِّرِ الْقُرْصِ (ب) الْمُجَاوِرِ تَكُونُ فُرْصُ ظُهُورِ الْأَعْدَادِ مُخْتَلِفَةً؛ لِأَنَّ مِسَاحَاتِ الْقِطَاعَاتِ غَيْرُ مُتَسَاوِيَةٍ؛ لِذَا تُسَمَّى نَوَاطِجُ هَذِهِ التَّجَرِبَةِ نَوَاطِجَ غَيْرِ مُتَسَاوِيَةِ الْإِحْتِمَالِ (not equally likely).

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ الْحَادِثَ هُوَ نَاطِجٌ وَاحِدٌ أَوْ أَكْثَرُ مِنْ نَوَاطِجِ التَّجَرِبَةِ الْعَشَوَائِيَّةِ، وَيُرْمَزُ إِلَيْهِ بِأَحَدِ الْأَحْرَفِ مِثْلَ A ، وَيُرْمَزُ إِلَى احْتِمَالِ الْحَادِثِ بِالرَّمْزِ $P(A)$ ، فَإِذَا كَانَتِ التَّجَرِبَةُ عَشَوَائِيَّةً مُتَسَاوِيَةً الْإِحْتِمَالِ، فَإِنَّ احْتِمَالَ وَقُوعِ أَيِّ حَادِثٍ يُسَاوِي نِسْبَةَ عَدَدِ عَنَاصِرِ الْحَادِثِ إِلَى عَدَدِ النِّوَاطِجِ الْمُمُمْكِنَةِ جَمِيعِهَا لِلتَّجَرِبَةِ الْعَشَوَائِيَّةِ الَّتِي تُسَمَّى الْفَضَاءُ الْعَيْنِيَّ (sample space).

$$P(A) = \frac{\text{عَدَدُ عَنَاصِرِ الْحَادِثِ}}{\text{عَدَدُ عَنَاصِرِ الْفَضَاءِ الْعَيْنِيِّ}}$$

مثال 2: مِنَ الْحَيَاةِ



لَدَى حَنِينٍ كَيْسٌ يَخْتَوِي قِطْعَ حَلْوَى بِالْأَلْوَانِ مُخْتَلِفَةً، إِذَا أَغْمَضَتْ حَنِينٌ عَيْنَيْهَا وَسَحَبَتْ قِطْعَةً حَلْوَى عَشَوَائِيًّا مِنَ الْكَيْسِ، فَأَجْدُ احْتِمَالَ كُلِّ حَادِثٍ مِمَّا يَأْتِي:

1: A : سَحَبُ قِطْعَةٍ حَلْوَى حُمْرَاءَ:



عَدَدُ النِّوَاطِجِ الْمُمُمْكِنَةِ (الْفَضَاءُ الْعَيْنِيَّ) لِهَذِهِ التَّجَرِبَةِ الْعَشَوَائِيَّةِ يُسَاوِي 12 وَعَدَدُ عَنَاصِرِ الْحَادِثِ (A) يُسَاوِي 5؛ لِأَنَّ الْكَيْسَ فِيهِ 5 قِطْعَ حَلْوَى حُمْرَاءَ.

$$P(A) = \frac{5}{12}$$



2: B : سَحَبُ قِطْعَةٍ حَلْوَى خَضْرَاءَ أَوْ بُرْتُقَالِيَّةٍ:



عَدَدُ عَنَاصِرِ الْحَادِثِ (B) يُسَاوِي 4؛ لِأَنَّ الْكَيْسَ فِيهِ 3 قِطْعَ حَلْوَى خَضْرَاءَ وَقِطْعَةً حَلْوَى بُرْتُقَالِيَّةً وَاحِدَةً وَمَجْمُوعُهَا مَعًا يُسَاوِي 4

$$P(B) = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$





3 C : سَحَبُ قِطْعَةٍ حَلْوَى لَيْسَتْ بِنَفْسَجِيَّةٍ:

عَدَدُ عَنَاصِرِ الْحَادِثِ (C) يُسَاوِي 11؛ لِأَنَّ الْكَيْسَ يَحْتَوِي 11 قِطْعَةً حَلْوَى لَيْسَتْ بِنَفْسَجِيَّةٍ.

$$P(C) = \frac{11}{12}$$

4 D : سَحَبُ قِطْعَةٍ حَلْوَى زَرْقَاءَ:

عَدَدُ عَنَاصِرِ الْحَادِثِ (D) يُسَاوِي 0؛ لِأَنَّ الْكَيْسَ لَا يَوْجَدُ فِيهِ قِطْعُ حَلْوَى زَرْقَاءَ.

$$P(D) = \frac{0}{12} = 0$$

✓ **أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:**

5 سَحَبُ قِطْعَةٍ حَلْوَى خَضْرَاءَ.

6 سَحَبُ قِطْعَةٍ حَلْوَى صَفْرَاءَ أَوْ خَضْرَاءَ.

7 سَحَبُ قِطْعَةٍ حَلْوَى لَيْسَتْ حُمْرَاءَ.

8 سَحَبُ قِطْعَةٍ حَلْوَى سَوْدَاءَ.

مثال 3



عِنْدَ رَمِي حَجَرِ النُّرْدِ الْمُجَاوِرِ مَرَّةً وَاحِدَةً، أَجِدُ احْتِمَالَ كُلِّ حَادِثٍ مِمَّا يَأْتِي:

1 A : الْحُصُولُ عَلَى عَدَدٍ زَوْجِيٍّ:

النَّوَاتِجُ الْمُمَكِنَةُ (الْفَضَاءُ الْعَيْنِي) لِهَذِهِ التَّجَرِبَةِ الْعَشَوَائِيَّةِ هِيَ {1, 2, 3, 4, 5, 6} مِنْهَا 3 أَعْدَادٍ زَوْجِيَّةٍ هِيَ {2, 4, 6}.
إِذَنْ، احْتِمَالَ الْحُصُولِ عَلَى عَدَدٍ زَوْجِيٍّ يُسَاوِي:

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

2 B : الْحُصُولُ عَلَى عَدَدٍ أَكْبَرَ مِنْ 4:

النَّوَاتِجُ الْمُمَكِنَةُ (الْفَضَاءُ الْعَيْنِي) لِهَذِهِ التَّجَرِبَةِ الْعَشَوَائِيَّةِ هِيَ {1, 2, 3, 4, 5, 6} مِنْهَا عَدَدَانِ أَكْبَرَ مِنْ 4 هُمَا {5, 6}.
إِذَنْ، احْتِمَالَ الْحُصُولِ عَلَى عَدَدٍ أَكْبَرَ مِنْ 4 يُسَاوِي:

$$P(B) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



3 الحصول على عددٍ فرديٍّ.

4 الحصول على عددٍ أقلٍّ من 3

أَتَدَرِّبُ
وَأَدْخُلُ الْمَسَائِلَ



أرسمُ مقياسَ الاحتمالِ، ثُمَّ أَعَيِّنُ عَلَيْهِ احتمالَ حادثٍ وُقُوفِ
مُؤَشِّرِ الْقُرْصِ الْمُجَاوِرِ عِنْدَ قِطَاعٍ:



1 لَوْنُهُ أَخْضَرُ. 2 لَوْنُهُ أَزْرَقُ. 3 لَوْنُهُ أَصْفَرُ.

أَيُّ التَّجَارِبِ الْعَشَوَائِيَّةِ الْآتِيَةِ نَوَاتِجُهَا مُتَسَاوِيَةٌ لِاحْتِمَالِ؟



4 تَدْوِيرُ مُؤَشِّرِ الْقُرْصِ الْمُجَاوِرِ.

5 اخْتِيَارُ كُرَّةٍ زُجَاجِيَّةٍ مِنْ وِعَاءٍ يَحْتَوِي 5 كُرَاتٍ زُجَاجِيَّةٍ حُمْرَاءَ
و 5 كُرَاتٍ زُجَاجِيَّةٍ خَضِرَاءَ.

أَدَارُ فَادِي مُؤَشِّرِ الْقُرْصِ الْمُجَاوِرِ، أَجِدُ احْتِمَالَ أَنْ يَقِفَ
الْمُؤَشِّرُ عِنْدَ:

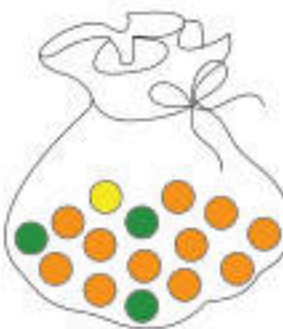


6 قِطَاعٍ أَحْمَرَ. 7 قِطَاعٍ أَزْرَقُ.

8 قِطَاعٍ أَصْفَرَ يَحْمِلُ عَدَدًا زَوْجِيًّا. 9 قِطَاعٍ يَحْمِلُ عَدَدًا أَكْبَرَ مِنْ 3

10 قِطَاعٍ يَحْمِلُ عَدَدًا أَقْلَ مِنْ 10 11 قِطَاعٍ أَزْرَقُ وَيَحْمِلُ عَدَدًا زَوْجِيًّا.

أَغْمِضُ حَسَنًا عَيْنَيْهِ وَسَحَبْتُ كُرَّةً وَاحِدَةً عَشَوَائِيًّا مِنَ الْكَيْسِ
الْمُجَاوِرِ، أَرَسُمُ مَقْيَاسَ الْإِحْتِمَالِ، ثُمَّ أَعَيِّنُ عَلَيْهِ احْتِمَالَ:

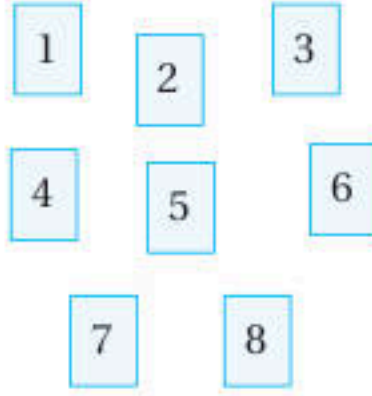


12 سَحَبْتُ كُرَّةً بَرْتَقَالِيَّةً. 13 سَحَبْتُ كُرَّةً خَضِرَاءَ.

14 سَحَبْتُ كُرَّةً صَفْرَاءَ.

إرشاد

أجد قيمة احتمال كل حدث على صورة كسر، ثم أعين موقع الكسر على مقياس الاحتمال بين العددين 0 و 1



اعتمادًا على البطاقات المجاورة، أعين على مقياس الاحتمال أدناه احتمال كل من الحوادث الآتية:

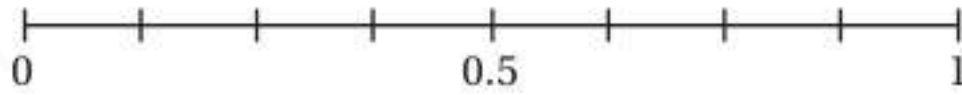
الحدث A: اختيار بطاقة تحمل عددًا زوجيًا.

الحدث B: اختيار بطاقة تحمل العدد 7

الحدث C: اختيار بطاقة تحمل عددًا رسمه يتكون من قطع مستقيمة فقط.

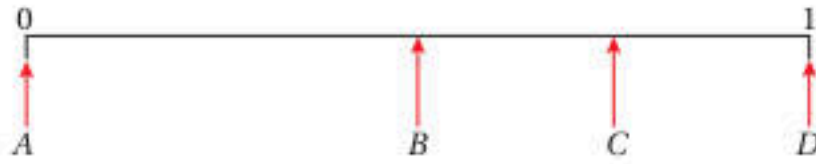
الحدث D: اختيار بطاقة تحمل أحد عوامل العدد 48

الحدث E: اختيار بطاقة تحمل عددًا أقل من 10



احتمال أن يصل أبي إلى عمله قبل وصولي إلى مدرستي يساوي $\frac{3}{4}$ ، أرسم مقياس الاحتمال، ثم أعين عليه هذا الاحتمال.

مسألة مفتوحة: أكتب 4 حوادث يمكن تعيين احتماليها على مقياس الاحتمال الآتي عند الأحرف A, B, C, D



اكتشف الخطأ: يقول جمال: إن احتمال اختيار قرص أحمر من الأقراص الآتية يساوي $\frac{3}{5}$ ؛ لأنه توجد 3 أقراص حمراء و 5 أقراص زرقاء. اكتب خطأ جمال، وأصححه.



مسألة مفتوحة: أرسم قرصًا دائريًا يحتوي 5 قطاعات دائرية ملونة بالألوان: الأحمر، والأصفر، والأخضر، بحيث يكون احتمال وقوف مؤشره عند القطاع الذي لونه أخضر $\frac{2}{5}$

اكتب أصف الفرق بين الحادث واحتمال الحادث.

اختبار نهاية الوحدة

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1 من البيانات التي تُعدُّ نوعيّة:

(a) عدد المصابيح

(b) كتل السيارات

(c) مساحات الغرف الصفيّة

(d) أنواع السيارات

2 إذا أراد مدير مدرسة اختيار عيّنة من طلبة المدرسة الموزعين في عشرة صفوف والبالغ عددهم 250 طالباً، فإنّ العيّنة المناسبة ممّا يأتي هي:

(a) اختيار 20 طالباً من الصف الأكبر عدداً

(b) اختيار 10 طلبة من أي صفين

(c) اختيار 5 طلبة عشوائياً من كل صف

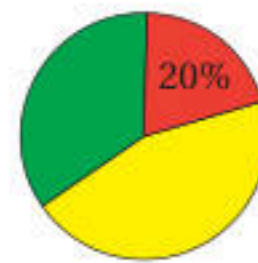
(d) اختيار الطلبة جميعهم من أحد الصفوف

3 زاوية القطاع ذي اللون

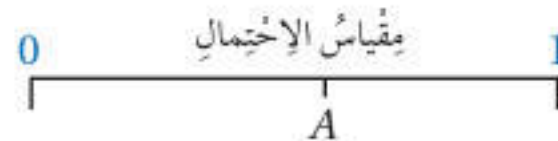
الأحمر هي:

(a) 90° (b) 72°

(c) 20° (d) 80°



4 أي من الآتي هي قيمة تقريبية للاحتمال A الممثل على مقياس الاحتمال المجاور:



(a) 0.8 (b) 0.75 (c) 0.49 (d) 0.61

لدى محمود البطاقات الآتية، سحب منها بطاقة واحدة عشوائياً، اعتمداً عليها، أجيب عن الفقرتين 5 و 6

7 4 9 1 3 8

5 احتمال ظهور بطاقة تحمل رقماً يُعدُّ أحد عوامل العدد 11 هو:

(a) $\frac{1}{6}$ (b) 0

(c) $\frac{1}{11}$ (d) $\frac{2}{6}$

6 أضاع محمود البطاقة التي تحمل العدد 7 ولم يستبدل بها بطاقة أخرى، ثم سحب بطاقة واحدة عشوائياً، فإنّ احتمال ظهور بطاقة تحمل عدداً فردياً هو:

(a) $\frac{1}{5}$ (b) $\frac{1}{6}$

(c) $\frac{3}{5}$ (d) $\frac{3}{6}$

أقرر ما إذا كان كل من المتغيرات الآتية بيانات نوعيّة أو عدديّة منفصلة أو متصلة:

7 الوقت الذي أقضيه كل أسبوع في العمل التطوعي.

8 العمر (بالسنوات).

9 عدد المتطوعين في منظماتهم.

10 نوع الجنس (ذكر أو أنثى).

11 نوع العمل التطوعي الذي أقوم به.

اختبار نهاية الوحدة

يُبيِّن المخطط التكراري الآتي الأثقال التي استطاع طلبه أحد الصفوف رفعها في اختبار لللياقة البدنية.



- 21 أجد عدد الطلبة الذين شاركوا في هذا الاختبار.
- 22 أجد عدد الطلبة الذين يرفعون كتلة 18 kg فأكثر.
- 23 أجد النسبة المئوية للطلبة الذين يرفعون كتلة أقل من 36 kg



خضراوات: يُمثِّل القطاع الدائري المجاور نسب مبيعات أحد الأسواق في عمان لبعض أصناف الخضراوات، اعتماداً عليه، أجب عما يأتي:

- 24 أجد أي صنفين يمثلان معاً نصف المبيعات.
- 25 أجد نسبة مبيعات الكوسا.
- 26 إذا باع المحل 300 kg من الخضراوات، فأجد كم باع من صنف البندورة.

يقيم مدرب كرة القدم لياقة لاعبيه وأداءهم في الفترة التي تسبق الموسم الرياضي المقبل، ويريد جمع البيانات الآتية من كل لاعب. أصنف المتغيرات الآتية إلى بيانات متصلة أو بيانات منفصلة.

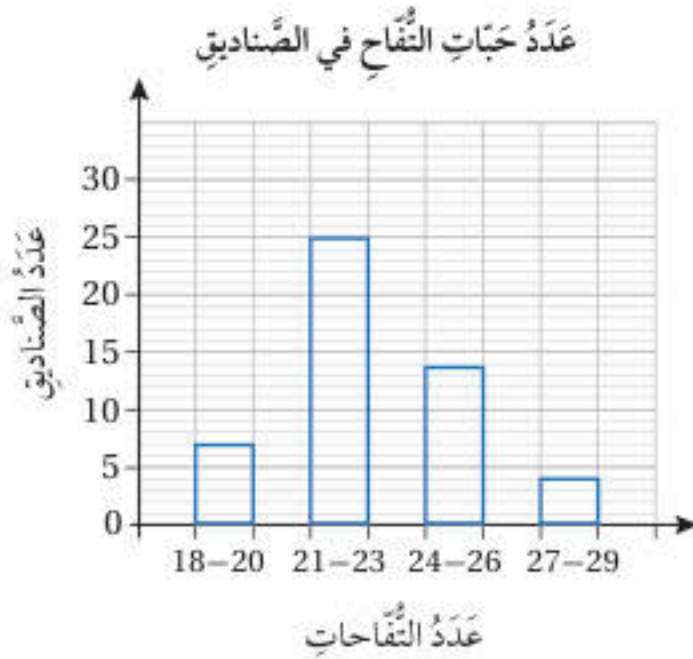
- 12 عدد ضربات القلب في الدقيقة
- 13 الطول
- 14 الكتلة
- 15 العمر (بالسنوات)
- 16 الوقت الذي استغرقه عداء في سباق 100 m
- 17 عدد الأهداف المسجلة في التدريب
- 18 مبيعات: ملئ وعاء سعته 8 kg من الذرة من صومعة التخزين، وذلك لفحص رطوبة الذرة التي في الوعاء. أجد العينة والمجتمع.

في ما يأتي علامات 24 طالباً في امتحان الرياضيات:

31	31	22	23	20	28
26	33	30	27	39	38
37	28	30	37	36	34
25	32	19	31	31	24

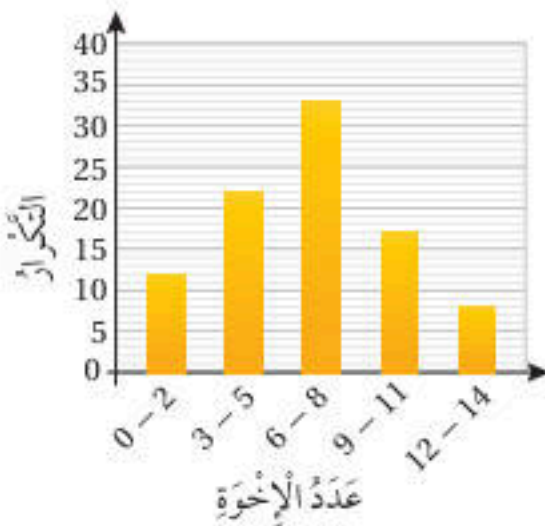
- 19 أنظم العلامات في جدول تكراري ذي فئات وأبدأ بالفئة 19-24
- 20 أكتب الفئة الأكثر تكراراً.

30 يُمَثَّلُ الْمُخَطَّطُ التَّكَرَّارِيُّ الْآتِي عَدَدَ حَبَّاتِ التُّفَاحِ فِي 50 صُنْدُوقًا، مَا عَدَدُ الصَّنَادِيْقِ الَّتِي تَحْتَوِي 24 أَوْ أَكْثَرَ مِنْ حَبَّاتِ التُّفَاحِ؟



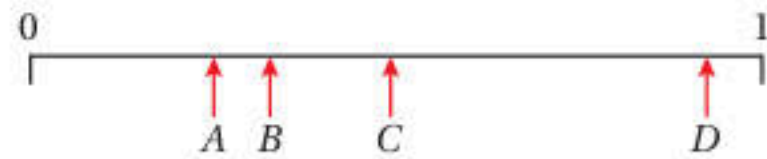
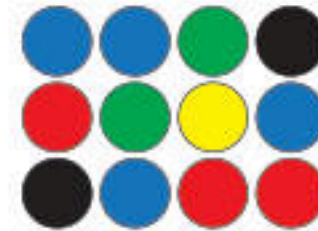
- a) 4 b) 18
c) 46 d) 32

31 يُمَثَّلُ الْمُخَطَّطُ التَّكَرَّارِيُّ الْآتِي عَدَدَ الْإِخْوَةِ لِمَجْمُوعَةٍ مِنَ الْأَشْخَاصِ، وَبِنَاءٍ عَلَيْهِ فَإِنَّ عَدَدَ الْأَشْخَاصِ الَّذِينَ لَدَيْهِمْ 5 إِخْوَةٍ عَلَى الْأَكْثَرِ:



- a) 34 b) 24 c) 63 d) 27

27 مَعِي 12 كُرَةً مُلَوَّنَةً، أَقْتَرِحُ حَوَادِثَ يُمَكِّنُ تَمَثُّلَ احْتِمَالِهَا بِالْأَحْرُفِ A, B, C, D عَلَى مِقْيَاسِ الْإِحْتِمَالِ.



تَدْرِيبٌ عَلَى الْإِحْتِبَارَاتِ الدَّوْلِيَّةِ:



28 احْتِمَالُ أَنْ يَقِفَ الْمُؤَسَّرُ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ عِنْدَ عَدَدٍ أَكْبَرَ مِنْ 5 هُوَ:

- a) $\frac{4}{8}$ b) $\frac{3}{8}$ c) $\frac{5}{8}$ d) $\frac{1}{8}$



29 يُبَيِّنُ التَّمَثُّلُ بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ الْمُجَاوِرِ النِّسْبَةَ الْمِئْوِيَّةَ لِلْبَرَامِجِ التِّلْفَازِيَّةِ الَّتِي تَبْتُهَا إِحْدَى الْقَنَوَاتِ، مَا النِّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ لِقِطَاعِ الْأَخْبَارِ:

- a) 20% b) 10%
c) 5% d) 15%